

مقدمة في الإحصاء

Statistical Methods

النيوتروسوفكي

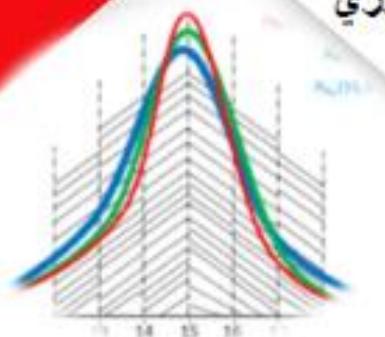
تأليف

أ.د. فلورنتن سمارانداكة

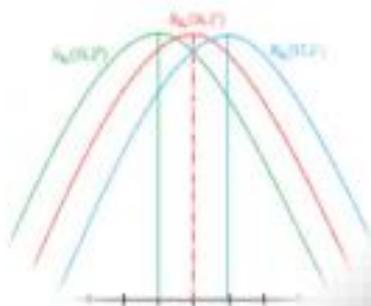
ترجمة

أ.م.د. هدى اسماعيل خالد الجميلي

المهندس أحمد خضر عيسى الجبورى



$$X_N \sim N_N(\mu_N, \sigma_N^2) = \frac{1}{\sigma_N \sqrt{2\pi}} \exp \left(-\frac{(x - \mu_N)^2}{2\sigma_N^2} \right)$$



PONS Publishing House

2020

تأليف

أ.د. فلورنتن سمارانداكة

ترجمة

أ.م.د. هدى اسماعيل خالد الجميلي

المهندس أحمد خضر عيسى الجبورى

مقدمة في الاحصاء النيوتروسوفكي



**PONS Publishing House
Brussels, Belgium**

2020

Author,

Department of Mathematics, University of New Mexico Gallup, NM, USA.
Email: smarand@unm.edu

Translators,

University of Telafer, Head of the Scientific Affairs and Cultural Relations
Department, Iraq. hodaesmail@yahoo.com & dr.huda-ismael@uotelafer.edu.iq

University of Telafer, In Charge of the Statistics Division, Iraq.
ahmed.ahhu@gmail.com

Publisher

Pons Publishing House
Quai du Batelage, 5
1000, Bruxelles, Belgium
ISBN: 978-1-59973-906-9

© The Author and The Translators, 2020.

المراجعة العلمية

الأستاذ الدكتور حسين جمعة عباس البياتي
مدير قسم البحث والتطوير – جامعة تلغر – العراق
الأستاذ الدكتور أبو بكر الصديق بيومي
أستاذ متفرس – كلية العلوم – جامعة القاهرة – مصر
الأستاذ الدكتور سعيد برومی
أستاذ الرياضيات في جامعة الحسن الثاني/ المحمدية/ كلية العلوم ابن أسميك/
الدار البيضاء/ المغرب
م.م. أحمد باسم النافعي
الكلية التربوية المفتوحة- وزارة التربية – العراق
المراجعة اللغوية
م.م. حسين أحمد عباوي

**Neutrosophic Science International
Association (NSIA) / Iraqi Branch**

المحتويات

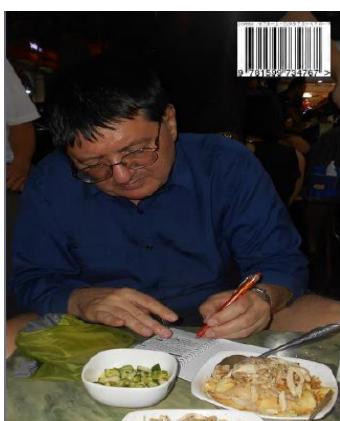
| الصفحة | اسم الموضوع | ت |
|--------|--|-------|
| 4 | المحتويات | |
| 7 | مقدمة عن المؤلف (سيرة عالم وكاتب وفنان) | |
| 14 | المقدمة | |
| 17 | الفصل الاول (الاحصاء النيوتروsovski) | |
| 18 | الاحصاء النيوتروsovski | |
| 19 | بعض التعريفات الاساسية في الاحصاء النيوتروsovski | 1.1 |
| 21 | العدد النيوتروsovski الاحصائي (N) | 2.1 |
| 23 | التوزيع النيوتروsovski التكراري | 3.1 |
| 26 | رسوم بيانات احصائية نيوتروsovفية | 4.1 |
| 38 | المغالطات الاحصائية | 5.1 |
| 39 | الفصل الثاني (الارباع النيوتروsovفية) | |
| 40 | الارباع النيوتروsovفية | 1.2 |
| 42 | العينة النيوتروsovفية | 2.2 |
| 43 | مثال | 1.2.2 |
| 44 | العينة النيوتروsovفية العشوائية المبسطة ذات الحجم n | 3.2 |
| 44 | مثال | 1.3.2 |
| 45 | مثال | 2.3.2 |
| 45 | مثال | 3.3.2 |
| 47 | القياسات العددية النيوتروsovفية | 4.2 |
| 51 | الفصل الثالث (الاعداد النيوتروsovفية) | |
| 52 | الاعداد النيوتروsovفية التقليدية | 1.3 |
| 54 | قسمة الاعداد النيوتروsovفية الحقيقة التقليدية | 2.3 |

| | | |
|-----|--|-------|
| 60 | الجزر النوني n ، إذ $2 \geq n$ ، لعدد نيوتروسوفكي حقيقي | 3.3 |
| 72 | متعددة الحدود النيوتروسوفكية الحقيقة أو المعقدة | 4.3 |
| 77 | اتجاهات بحثية (مسائل قيد البحث) | 5.3 |
| 78 | الفصل الرابع (الاعداد النيوتروسوفكية العشوائية) | |
| 79 | الاعداد النيوتروسوفكية العشوائية | 1.4 |
| 80 | مثال ذو بيانات نيوتروسوفكية | 2.4 |
| 82 | اللاتعيين في حجم العينة | 3.4 |
| 87 | الفصل الخامس (التوزيعات الاحتمالية النيوتروسوفكية) | |
| 88 | توزيع ذي الحدين النيوتروسوفكي | 1.5 |
| 91 | مثال | 1.1.5 |
| 96 | التوزيع النيوتروسوفكي متعدد الحدود | 2.5 |
| 98 | الرسم المقطعي النيوتروسوفكي المبعثر | 3.5 |
| 102 | الانحدار النيوتروسوفكي | 4.5 |
| 104 | مستقيمات المربعات الصغرى النيوتروسوفكية | 5.5 |
| 111 | تحويل البيانات من قيم نيوتروسوفكية الى قيم تقليدية (ونطلق على هذه العملية مصطلح (Deneutrosifications | 6.5 |
| 113 | المعامل النيوتروسوفكي المحدد | 7.5 |
| 116 | الاعداد النيوتروسوفكية العشوائية | 8.5 |
| 117 | التوزيع الطبيعي النيوتروسوفكي | 9.5 |
| 122 | الاجراء النيوتروسوفكي لتوزيعات أخرى | 10.5 |
| 123 | الفصل السادس (الفرضيات النيوتروسوفكية) | |
| 124 | مقدمة | 1.6 |
| 125 | امثلة | 2.6 |
| 128 | أخطاء اختبار الفرضيات النيوتروسوفكية | 3.6 |

| | | |
|-----|--|------|
| 130 | مثال | 4.6 |
| 132 | الفرضيات البديلة | 5.6 |
| 133 | مثال | 6.6 |
| 134 | مستوى الدلالة النيوتروسوفكي | 7.6 |
| 139 | فترة الثقة النيوتروسوفكية | 8.6 |
| 141 | مثال | 9.6 |
| 144 | فترة الثقة النيوتروسوفكية لعينة ذات حجم كبير نسبياً إلى المجتمع | 10.6 |
| 144 | مثال | 11.6 |
| 147 | الفصل السابع (نظرية الغاية المركزية النيوتروسوفكية) | |
| 148 | نظرية الغاية المركزية النيوتروسوفكية | 1.7 |
| 151 | مثال | 2.7 |
| 154 | ثبات المصطلحات | |
| 158 | المراجع | |

سيرة عالم وكاتب وفنان (مؤلف الكتاب)

الاستاذ الدكتور فلورنتن سمارانداكه / جامعة نيو مكسيكو
الامريكية



Personal pictures for Sir Florentin Smarandache
(contradictory in handwriting) Vietnam -2016

صورة شخصية للسيد فلورنتن سمارانداكه (يكتب بكلتا يديه) / فيتنام –
.2016

ولد هذا العالم في العاشر من ديسمبر عام 1954 في مدينة Balcesi في روما / إيطاليا،
هو ذلك العالم الموسوعي الذي عمل مؤلفاً، ومترجماً، ومحرراً لأكثر من 1000 كتاب ،
وبحث ، ومقالة علمية.

انه رجل يدعو للنهضة لأنه نشر في العديد من المجالات والحقول العلمية، على سبيل المثال لا الحصر نجد انه قد ابدع في الرياضيات (نظرية الأعداد ، الاحصاء ، البنى الجبرية ، الهندسة الالإقلية ، والهندسة السمارانداكية) ، علوم الكمبيوتر (الذكاء الاصطناعي ، والانشطار المعلوماتي) ، الفيزياء (فيزياء الكم، فيزياء الجسيمات) ، الاقتصاد (ثقافة الاقتصاد ، نظرية المراكز التجارية المتعددة) ، الفلسفة (لتعليم الديالكتيك (الجدل أي مقارعة الحجة بالحجة) والمنطق النيوتروسوفي – تعليم لمنطق الضبابي الحسي) ، العلوم الاجتماعية (مقالات سياسية) والأدلة (الشعر والنشر والمقالات والرواية، الدراما، ومسرحيات الأطفال، والترجمة) والفنون (الرسم التجريبي/ الطليعي، الفن التصويري، رسم تشكيلي).

وهو يعمل حالياً أستاذًا للرياضيات في جامعة نيو مكسيكو الأمريكية، ومن انجازاته العلمية والجوائز التي حصل عليها:

- 1- في 22 أيلول 2011،قام الباحثون في المنظمة الاوربية للأبحاث النووية (سيرن) بالإثبات الجزئي لفرضية سمارانداكه التي تنص على انه لا يوجد حد اقصى للسرعة في الكون .
- 2- حصل على جائزة نيو مكسيكو لأفضل كتاب عام 2011 وذلك عن كتابه "بني جبرية جديدة " مناصفة مع الدكتورة فاسانثا كانداسامي.
- 3- حصل على شهادتي دكتوراه فخرية في عام 2011 من كل من بكين (جامعة جياوتونغ) ، ومن بوخارست (أكاديمية داكوروما) .
- 4- حصل على الوسام الذهبي من مؤسسة تيليسيو- غاليلي اللندنية للعلوم عام 2010 إذ أقيم حفل التكريم في جامعة بيكس ، هنغاريا.
- 5- وهو أيضاً عضو في الأكاديمية الرومانية - الأمريكية للعلوم .
 يستطيع القارئ الكريم الاطلاع على كتب السير فلورنتن في كل من المواقع التالية:

(Amazon Kindle, Amazon.com, Google Book Search)

وفي العديد من المكتبات في جميع أنحاء العالم منها مكتبة الكونغرس (العاصمة واشنطن)، ايضاً في قاعدة البيانات العلمية الدولية arXiv.org ، المدارسة من قبل جامعة كورنيل (Cornell University) . إن السير فلورنتن هو من وضع نظرية ديزرت-

سمارانداكه (Dezert- Smarandache theory) في موضوع الانشطار المعلوماتي وهو أحد مواضيع الرياضيات التطبيقية ، جنبا إلى جنب مع الدكتور J. Dezert من فرنسا هذه النظرية معروفة دوليا لأنها قد تم استخدامها في مجال الروبوتات، الطب، والعلوم العسكرية، وعلم التحكم الآلي، وللمهتمين من ذوي الاختصاص نجد انه سنوياً ومنذ عام 2003 تتم دعوة السير فلورنتن لتقديم محاضرات وأوراق علمية حول موضوع الانشطار المعلوماتي في مؤتمرات دولية منها في أستراليا (2003)، السويد (2004)، الولايات المتحدة الأمريكية (2005)، إيطاليا (2006)، كندا (2007)، ألمانيا (2008)، في إسبانيا (2006)، بلجيكا (2007)، وفي جامعات أخرى مثل إندونيسيا عام 2006 للمزيد يمكن الرجوع للموقع

إذ صمم هذا الموقع ويقوم على ادارته (<http://fs.gallup.unm.edu//DSmT.htm>) وصيانته السيد فلورنتن بنفسه.

دعي كمتكلم برعاية وكالة ناسا في عام 2004 ومن قبل حلف شمال الاطلسي عام 2005، نشرت بحوثه في وقائع هذه المؤتمرات. وقد صوب العديد من أطارات الدكتوراه في جامعات مثل كندا، وفرنسا، وإيطاليا، وإيران.

في البني الجبرية السمارانداكية نجد مفردات جبرية مهمة مثل المونويدات، أشباه الزمر، فضاء المتجهات، الجبر الخطي، وغيرها وحاليا يتم تدريسيها للطلاب في المعهد الهندي للتكنولوجيا في جيناي، تاميل نادو، الهند، وما زالت هناك أطارات الدكتوراه تحت إشراف الدكتورة (فاسانثا كانداسامي) ، التي تعد إحدى المشاركات في العديد من الدراسات للبنى الجبرية النيوتروسويفية (انظر الرابط <http://fs.gallup.unm.edu//algebra.htm>).

من اعماله المرموقة في الرياضيات أنه قام بتأسيس وتطوير المنطق النيوتروسويفي ، المجاميع النيوتروسويفية، الاحتمالية والاحصاء النيوتروسويفي ، والتي هي تعميمات للمنطق الضبابي والمنطق الضبابي الحسي، وللمجاميع الضبابية (نخص بالذكر المجاميع الضبابية الحسية).

لقد اختار هذا العالم تسمية منطقة الرياضيات الجديدة باسم (المنطق النيوتروسوفي)، إذ أن أصل هذه الكلمة يعود ل النيوتروسوفيا Neutro-sophy وهي كلمة مؤلفة من مقطعين، الاول Neutro باللاتينية ، وبالفرنسية تلفظ Neutre وهي تعني (محايد Skill) . المقطع الثاني للكلمة Sophia وهي كلمة يونانية تعني (حكمة Neutral Wisdom)، ومن ثم يصبح معنى الكلمة بمجملها " معرفة الفكر المحايد " . (للمزيد عن ذلك أنظر كتاب الفلسفة العربية من منظور نيوتروسوفي/ صلاح عثمان و فلورنتن سمارانداكه).

وكان متحدثا في جامعة بيركلي عام 2003 في مؤتمر نظمه الاستاذ الشهير الدكتور لطفي زادا أبو المنطق الضبابي . ودعي أيضا في الهند (2004)، اندونيسيا (2006)، مصر (2007). وهناك أطروحتي دكتوراه عنهما في جامعة ولاية جورجيا في أتلانتا، وفي جامعة كويزيلاند في أستراليا (انظر الرابط <http://fs.gallup.unm.edu//neutrosophy.htm>

إن المفاهيم السمارانداكية في نظرية الأعداد معروفة عالميا، مثل متسلسلات سمارانداكها، دوال سمارانداكها، وثوابت سمارانداكها (وهي موجودة في الموقع المرموق " موسوعة CRC للرياضيات" ، فلوريدا 1998؛ انظر الرابط " كتاب لنظرية الأعداد " ، نشر في دار النشر المرموقة Springer-Verlag ، عام 2006، ومن كتبه القيمة " الأعداد الاولية في المنظور الحسابي" الطبعة الثانية نشرت في نفس دار النشر أنفة الذكر للعام 2005 .

للاطلاع على مؤلفات علمية أخرى لدكتور فلورنتن سمارانداكه سواء في نظرية الأعداد أو في التوافقيات، والتي نشرت في جامعة Xi'an في الصين من خلال المجلة الدولية " Scientia Magna" (انظر عددها الأخير على الرابط التالي: <http://fs.gallup.unm.edu//ScientiaMagna4no3.pdf>

والأكاديمية الصينية للعلوم في بكين ، "المجلة الدولية للرياضيات التوافقية" (انظر عددها الأخير في: <http://fs.gallup.unm.edu//IJMC-3-2008.pdf>).

لقد تم في العام 1997 تنظيم مؤتمر دولي حول المفاهيم السمارانداكية في نظرية الاعداد بجامعة كرايوفا، رومانيا (حيث تخرج منها في دراسته الجامعية الاولية وكان الاول على دفعته عام 1979)، (أنظر الرابط

. (<http://fs.gallup.unm.edu/ProgramConf1SmNot.pdf>)

إن العديد من هذه المؤتمرات تم تصنيفها من قبل المجلة العلمية المرموقة " Notice of the American mathematical Society" إنظر على سبيل المثال وقائع المؤتمرات الدولية منذ 2005-2008 على الرابط التالي:

(<http://fs.gallup.unm.edu//ScientiaMagna4no1.pdf>)

وهو محرر المجلة الدولية " Progress in Physics " ، والتي تطبع وتحرر في جامعة نيو مكسيكو UNM ، مع مساهمين دوليين وجهات راسية تمثلها عدة معاهد لابحاث النووية من جميع أنحاء العالم. لرؤية إحدى إصداراتها أنظر الرابط

. (<http://fs.gallup.unm.edu//PP-03-2008.pdf>)

أما في الفيزياء قام بصياغة مفهوما جديدا يدعى اللامادة "unmatter" ، وأظهر سيناريyo التقاضيات الكمومية باستخدام المنطق النيوتروsovفي (وهو منطق متعدد القيم) لتوسيع الفضاءات الفيزيائية، كما وسع المعادلات التقاضية الفيزيائية من الصيغ الرباعية إلى صيغ رباعية ثنائية.

. (<http://fs.gallup.unm.edu//physics.htm>)

في الاقتصاد كتب مع Vector Christianto حول الثقافة الاقتصادية كبدائل للبلدان المختلفة، واقترح نظرية المراكز التجارية المتعددة. أنظر الرابط

. (<http://fs.gallup.unm.edu//economics.htm>)

في الفلسفة قدم تراكيب من عدة أفكار فلسفية متناقضة ومدارس فكرية، ووسع جدليات الفيلسوف الالماني هيغل إلى النيوتروسو菲ا، وهو ما يعني تحليل ليس فقط الأضداد ولكن المركبات المحايدة بين هذه الأضداد. أنظر الرابط

. (<http://fs.gallup.unm.edu//neutrosophy.htm>)

في الادب يعد مؤسسا لمدرسة المفارقات ما يعني الحركة المعاصرة القائمة على الاستخدام المفرط للتناقضات في التخليق والتي وضع اسسهها عام 1980 في رومانيا. ونشر دوليا خمسة مقطففات أدبية دولية عن المفارقات، للمزيد انظر الرابط

. (<http://fs.gallup.unm.edu//a/Paradoxism.htm>)

فيما يتعلق بالأطر الجديدة للمفارقات نلاحظ انه قدم:

- أنواع جديدة من الشعر بأشكال ثابتة.
- أنواع جديدة من القصة القصيرة.
- أنواع جديدة من الدراما.

• وأنواع جديدة من الخيال العلمي في النثر.

ويمكن تحميل كتب حول هذه المواضيع من الموقع التالي :

. <http://fs.gallup.unm.edu//eBooks-otherformats.htm>

وله تجارب أدبية لغوية في مجلد بعنوان: "معجم فلورنتين" (2008)، له دراما مناهضة للدكتاتورية بعنوان "بلد الحيوانات"، وهي دراما صامتة! عرضت في المهرجان الدولي للمسرح الظاهري، بالدار البيضاء (المغرب)، بتاريخ 21-01 ايلول، 1995 وتلقى هذا العمل جائزة خاصة من لجنة التحكيم . كما وعرض هذا العمل مرة أخرى في ألمانيا بتاريخ 29 سبتمبر 1995. انظر الرابط لبعض أعماله المسرحية

. (<http://fs.gallup.unm.edu//a/theatre.htm>)

تعهد بتوحيد النظريات في الفن انظر الرابط

(<http://fs.gallup.unm.edu//a/oUTER-aRT.htm>)

وتوجد في جامعة ولاية أريزونا، مكتبة هايدن، ، جمع كبير من الكتب والمجلات والمخطوطات والوثائق والأقراص المدمجة وأقراص الفيديو الرقمية وأشرطة الفيديو عن أعماله، وله مجموعة خاصة أخرى في جامعة تكساس في أوستن، أرشيف الرياضيات الأمريكي (داخل مركز التاريخ الأمريكي). موقعه على شبكة الإنترنط:

<http://fs.gallup.unm.edu>

لهذا الموقع حوالي ربع مليون زائر شهريا! وهو أكبر وأكثر موقع تتم زيارته في الحرث الجامعي لجامعة نيومكسيكو غالوب . فضلا عن وجود دليل المكتبة الرقمية للعلوم في الرابط التالي:

(<http://fs.gallup.unm.edu//eBooks-otherformats.htm>)

مع العديد من الكتب والمجلات العلمية المنصورة التي تظهر إبداعاته العلمية، ولها حوالي 1000 زيارة يوميا!

ويملك مكتبة رقمية للفنون والأداب اذ تضم العديد من كتبه و ألبوماته الأدبية والفنية الابداعية، ولهذا الموقع نحو 100 زيارة في اليوم. أنظر الرابط

(<http://fs.gallup.unm.edu//eBooksLiterature.htm>)

أصبح السير فلورنتن ذو شعبية كبيرة في جميع أنحاء العالم إذ أن أكثر من 3,000,000 شخص سنويا من حوالي 110 بلدا يقومون بقراءة وتحميل كتبه الإلكترونية؛ وحازت كتبه الآلاف من الزيارات شهرياً.

المقدمة

على الرغم من أن الإحصاء النيوتروسوفكى قد تم تعریفه منذ العام 1996 ، ثم نشر في عام 1998 بالكتاب المعنون "النيوتروسوفيا/ المنطق، المجموعة والاحتمالية النيوتروسوفية" إلا انه لم ينل حظاً من الاهتمام والتطور إلى يومنا هذا. وكذلك كان الحال مع الاحتمالية النيوتروسوفية، باستثناء بعض المقالات المترفرقة التي حظيت بتطور بسيط لا يكاد يرتقي لشمولية الفكرة التي تقوم عليها ، وقد نشرت عام 2013 ضمن الكتاب المعنون " مقدمة في القياس، التكامل والاحتمالية النيوتروسوفية".

بعد الإحصاء النيوتروسوفكى مفهوماً موسعاً للإحصاء التقليدى (الكلاسيكى)، إذ يتم فيه التعامل مع قيم ذات مجموعات بدلاً عن قيم هشة ، بحيث يكون من السهل في اغلب المعدلات والصيغ الإحصائية التقليدية استبدال عدّة أعداد بمجاميع . أي أن العمليات ستجرى على المجاميع بدلاً من إجراء العمليات على الأعداد ، وسيتم ذلك باستخدام المعلمات غير المعينة (غير الدقيقة)، التي فيها لاتأكيد ، وحتى تلك التي تكون مجهولة تماماً) بدلاً من استخدام المعلمات الطبيعية المتعارف عليها في الإحصاء التقليدى.

هذا ما يجعلنا نتفق على ان اي عدد مثل a سيتم استبداله بمجموعة يرمز لها $\rightarrow a_N$ ، ويقصد بها $(a$ النيوتروسوفية)، او $(a$ غير الدقيقة) او $(a$ غير المعينة). a_N قد تكون جوار a ، او قد تكون فتره تحوي a ، وبشكل عام يمكن اعتبارها اية مجموعة مقربة الى a . في اسوأ سيناريو $\rightarrow a_N$ يمكن ان تكون مجهولة، وفي افضل سيناريو $\rightarrow a_N$. عندما لا يكون هناك لا تعين في a) ستكون $a_N = a$.

وإذا ماتساعلنا : لماذا يتم اللجوء إلى التحول من الاعداد الهشة الى المجاميع؟

يجب على هذا التساؤل أننا في حياتنا الواقعية لن نستطيع دائمًا تجهيز او حساب قيم مضبوطة للمعلمات الاحصائية، لكننا بحاجة الى تقريبها، هذه تَعَد احدى طرائق العبور من الاصحاء التقليدى الى الاصحاء النيوتروسوفكى؛ فضلاً عن طرائق اخرى ممكنة تعتمد على انواع الالاتعيبينات Types of indeterminacies ، وهذه دعوة للقارئ الكريم لنقصي الموضوع بابحاث يمكن نشرها في المجلة الدولية

انظر ، “Neutrosophic Sets and Systems”
<http://fs.unm.edu/NSS/>

إن المؤلف يتقدم بالشكر لكل من الذوات المدرجة اسمائهم أدناه:

- 1- Prof. Yoshio Hada, the President of Okayama University of Science.
- 2- Prof. Valery Kroumov from Okayama University of Science.
- 3- Prof. Akira Inoue from the State University of Okayama.
- 4- Prof. Masahiro Inuiguchi, Dr. Masayo Tsurumi, and Dr. Yoshifumi Kusuroku from the University of Osaka.
- 5- Dr. Tomoe Entani from the Hyogo University.

وذلك لارائهم القيمة التي اسدوها لي أثناء بحثي لما بعد الدكتوراه في كانون الاول 2013 وكانون الثاني 2014 ، فيما يتعلق بتطبيقات علم النيوتروسويفي في الروبوتات وحقول اخرى.

إن أي كمية محسوبة تحوي بعض قيم الالاتعيبين (some indeterminacy) في عينة تمثل إحصاء نيوتروسويفيكياً.

إن الاحصاء النيوتروسويفي هو متغير عشوائي وعلى هذا النحو لدينا التوزيع الاحتمالي النيوتروسويفي.

إن سلوك المدى البعيد لقيم الاحصاء النيوتروسويفي يتم وصفه عند اجراء حسابات هذا الاحصاء لعدة عينات مختلفة، بشرط أن هذه العينات لها نفس الحجم.

بعد الاحصاء النيوتروسويفي توسيعًا للإحصاء التقليدي فمن المتعارف عليه أنه في الاحصاء الكلاسيكي تكون البيانات معلومة، وتنتمي صياغتها بواسطة الاعداد الهشة، بينما البيانات في الاحصاء النيوتروسويفي تملك بعض الالاتعيبين.

قد تكون البيانات في الاحصاء النيوتروسوسي، غامضة (ambiguous)؛ غير واضحة (vague)؛ غير دقيقة (imprecise)؛ غير تامة (incomplete)، وحتى قد تكون غير معلومة (unknown). كذلك بدلاً عن الاعداد التقليدية الهشة المستخدمة في الاحصاء الكلاسيكي سنسخدم المجاميع (تعد هذه المجاميع تقريرياً لهذه الاعداد الهشة على التوالي).

اضافة الى ذلك، فإننا قد نجد أنَّ حجم العينة في الاحصاء النيوتروسوسي لا يكون معلوماً بدقة (على سبيل المثال حجم عينة قد يكون بين 90 و100؛ هذه الحالة يمكن حدوثها، مثلاً عندما يكون الخبير الاحصائي غير متأكدٍ حول هل ان عشرة عينات من الافراد ينتمون او لا ينتمون الى المجتمع قيد الدراسة؛ او ربما لان هذه العشرة عينات من الافراد ينتمون بشكل جزئي فقط الى المجتمع قيد الدراسة؛ مما يؤدي الى ان هؤلاء الافراد لا ينتمون بشكل جزئي الى نفس المجتمع ايضاً).

في هذا المثال تم اعتماد حجم العينة $[90,100] = n$ ، بدلاً عن العدد الهش $n = 90$ او $n = 100$ كما في الاحصاء الكلاسيكي.

بطريقة اخرى كنا نستطيع اعتماد البيانات المتوفرة جزئياً لعينة الافراد العشرة لو اخذنا دالة العضوية لها في المجتمع قيد الدراسة بشكل دالة جزئية فقط.

الفصل الاول

Chapter One

الاحصاء النيوتروسوفي Neutrosophic Statistics

الاحصاء النيوتروسوفكى

Neutrosophic Statistics

يشير مفهوم الاحصاء النيوتروسوفكى الى مجموعة بيانات، تكون كلها أو جزء منها غير معينة بدرجة ما، كما تشير الى تلك الطرائق المستخدمة في تحليل هذه البيانات.

ويكمن الفرق بين الاحصاء الكلاسيكي التقليدي والاحصاء النيوتروسوفكى أنَّ كل البيانات تكون محددة في الاحصاء التقليدي بخلاف الاحصاء النيوتروسوفكى.

في العديد من الحالات، عندما الالاتعيبين يكون صفرًا، فإن الاحصاء النيوتروسوفكى والاحصاء التقليدي سيتطابقان.

يمكنا استخدام القياس النيوتروسوفكى من أجل قياس بيانات غير معينة. ان طرائق الاحصاء النيوتروسوفكى ستمكننا من تمثيل وتنظيم البيانات النيوتروسوفكية (تلك البيانات التي تملك بعض الالاتعيبين) من أجل الكشف عن الانماط الأساسية.

هناك العديد من الطرائق التي يمكن استخدامها في الاحصاء النيوتروسوفكى . وقد قدمنا العديد من هذه الطرق من خلال امثلة وبعد ذلك سنقوم بتعديلمها لأصناف اخرى من الامثلة. بالرغم من ذلك إن القارئ يمكنه استنباط طرائق جديدة بالإضافة لما تمت دراسته في هذا الكتاب.

نؤكَد انه في الاحتمالية والاحصاء النيوتروسوفكى، الالاتعيبين يختلف عن العشوائية بينما الاحصاء التقليدي يشير الى العشوائية فقط.

1. 1 بعض التعريفات الاساسية في الاحصاء النيوتروسويفي

Some Basic Definitions in Neutrosophic Statistics

1- الاحصاء الوصفي النيوتروسويفي (Neutrosophic Descriptive Statistics) يتتألف من كل التقنيات المؤدية الى وصف وتلخيص الصفات المميزة للبيانات العددية النيوتروسويفية.

نحن نعلم ان بيانات الاعداد النيوتروسويفية تحوي الالاتعینين، وهذا ما يفسر كون رسم المستقيم النيوتروسويفي والرسوم البيانية النيوتروسويفية الاخرى سیتم تمثيلها في فضاء ثلاثي الابعاد، بدلاً عن تمثيلها في فضاء ثنائي الابعد حيث ان الأخير هو ما تعودنا استخدامه في الاحصاء التقليدي.

إنَّ بعد الثالث في النظام الكارتريزي Z, Y, X قد نشأ بسبب مرکبة الالاتعینين (I). من عرض الرسم البياني غير الواضح (المبهم) يمكننا استخراج معلومات نيوتروسويفية مبهمة (غير واضحة).

2- الاحصاء النيوتروسويفي الاستدلالي (Neutrosophic Inferential Statistics) يتتألف من الطرائق التي تسمح بإعطاء تعميمات جاءت من العينات النيوتروسويفية للمجتمع الذي تم اختيار العينة منه.

3- البيانات النيوتروسويفية (Neutrosophic Data) هي تلك البيانات التي تحوي بعض الالاتعینين.

4- البيانات النيوتروسويفية المقطعة / المنفصلة (Discrete Neutrosophic Data)؛ تعني في حال كانت القيم عبارة عن نقاط منعزلة، على سبيل المثال:

$6 + i_1, \text{ where } i_1 \in [0,1], 7, 26 + i_2, \text{ where } i_2 \in [3,5]$

5- اما البيانات النيوتروسويفية المستمرة (Continuous Neutrosophic Data) فهي تلك البيانات المكونة من قيم تتألف من فترة واحدة او اكثر، فمثلاً البيانات ضمن الفترة $[0,1.0] \text{ or } [0,0.8]$ نجد اننا لا نملك تأكيداً حول

وقوع هذه البيانات في اي الفترتين هل هي ضمن $[0,0.8]$ ام في الفترة

$[0.1,1.0]$

6- البيانات النيوتروسو فكية الكمية (العددية)

(Quantitative (numerical) Neutrosophic Data)

فمثلاً عدد ما في الفترة $[42,70]$ (نحن لا علم لنا بالضبط اي عدد هو المطلوب)؛ هل $67, 52, 47, 69$ او اي عدد اخر يقع ضمن الفترة المذكورة.

7- البيانات النيوتروسو فكية النوعية (الشكلية)

(Qualitative (Categorical) Neutrosophic Data)

مثلاً العبارة التي تنص على (الازرق او الاحمر) (لا نعلم بالضبط اي لون هو المطلوب)؛ مثل اخر العبارة التي تنص على (ابيض، اسود ام اخضر ام اصفر) (لا نعرف بالضبط أي لون هو المطلوب).

8- بيانات نيوتروسو فكية احادية المتغير (Univariate Neutrosophic Data)

، ونعني بذلك بيانات نيوتروسو فكية مكونة من مشاهدات تعتمد على صفة نيوتروسو فكية وحيدة.

9- بيانات نيوتروسو فكية ذات المتغيرات المتعدد

(Multi Variable Neutrosophic Data)

ونعني بذلك تلك البيانات النيوتروسو فكية المكونة من مشاهدات تعتمد على صفتين نيوتروسو فكيتين او اكثر. وعلى سبيل المثال لا الحصر لدينا

bivariate neutrosophic data & trivariate neutrosophic data

2.1 العدد النيوتروسوفي الاحصائي (N)

A Neutrosophical Statistical Number (N)

يمتلك هذا النوع من الاعداد الصيغة $N = d + i$ ، إذ أن d تمثل الجزء المحدد (المعين) اي الاكيد من N ، في حين أن i تمثل الجزء غير المحدد (غير المعين) (غير الاكيد) من N . مثلاً $i = 5 + a$ حيث $a \in [0,0.4]$ $i \in [0,0.4]$ بكافي فرضية أن $a \in [5,5.4]$ ؛ بذلك فان الجزء المعين من العدد $5 \geq a$ (ذلك يعني ان الجزء المعين من a هو 5) ، بينما الجزء غير المعين $i \in [0,0.4]$ يعني امكانية ان العدد "a" سيكون اكبر بقليل من 5. يمكننا أن نأخذ بعين الاعتبار ، وكما في الاحصاء الكلاسيكي ،

بيانات نيوتروسوفيكية ذات الاستعراض (الظهور) من نوع الورقة والساقي (a neutrosophic steamed leaf display)

مثال ذلك، لو كانت لدينا البيانات النيوتروسوفيكية التالية:

$$6 + i_1 \quad \text{with} \quad i_1 \in (0,0.2);$$

$$7 + i_2 \quad \text{with} \quad i_2 \in [2,3];$$

$$6 + i_3 \quad \text{with} \quad i_3 \in [0,1];$$

$$9 + i_4 \quad \text{with} \quad i_4 \in [1.1,1.5];$$

$$9 + i_1$$

إن استعراض (ظهور) الورقة والساقي لهذه البيانات هو:

$$\begin{array}{c|cc} 6 & i_1 & i_3 \\ 7 & & i_2 \\ 9 & i_1 & i_4 \end{array}$$

أو يمكن استعراضها وفق صيغة الفترات وكما يأتي:

| | | | |
|---|--|----------|------------|
| 6 | | (0, 0.2) | [0, 1] |
| 7 | | | [2, 3] |
| 9 | | (0, 0.2) | [1.1, 1.5] |

يمكن كتابة العدد النيوتروsovski الاحصائي بطائق عدّة منها $a = 5 + i$ حيث $i \in [0, 0.4]$ ، أما اذا كانت $i_1 \in [1, 1.4]$ حيث أنّ $a = 4 + i_1$ ، أو $i_2 \in [2, 2.4]$ حيث أنّ $a = \alpha + i_2$ وبشكل عام $i_\alpha \in [5 - \alpha, 5.4 - \alpha]$ علمًا ان α هو اي عدد حقيقي . ويمكن كتابة العدد بطريقة معاكسة وكما يأتي: $a = \beta - i_3$ حيث $i_3 \in [0, 0.4]$ ، وبشكل عام فأن $a = \beta - 5.4 - i_\beta$ حيث $i_\beta \in [\beta - 5.4, \beta - 5]$ علمًا ان β هو اي عدد حقيقي.

3.1 التوزيع النيوتروسويفكي التكراري

A Neutrosophic Frequency Distribution

هو ذلك التوزيع المتمثل بجدول يعرض فيه التصنيفات، التكرارات، والتكرارات العلائقية متضمنةً بعض اللاحبيبات. غالباً ما نجد أن اللاحبيبات تظهر في تكرارات لها بيانات غير دقيقة، غير تامة أو مجهولة. وبالتالي فإن التكرارات ذات العلاقة ستتصف بعدم الدقة، الالاتمام أو تصبح مجهولة متأثرةً ببيانات التي تكونها.

يوضح المثال الآتي التوزيع التكراري النيوتروسويفكي لعدد حوادث سُوّاق السيارات.

| Number of accidents | Neutrosophic frequency | Neutrosophic relative frequency |
|---------------------|------------------------|---------------------------------|
| 0 | 50 | [0.185,0.227] |
| 1 | [60,80] | [0.240,0.333] |
| 2 | [70,90] | [0.280,0.375] |
| 3 | [40,50] | [0.154,0.217] |
| Total | 0-3 | [220,270] |
| | | [0.859,1.152] |

ولمعرفة كيفية قراءة الجدول اعلاه ؛ نأخذ مثلاً السطر #2 نجد فيه عدد سائقي السيارات من حصل لهم حادث مروري واحد هم بين 60 و 80 سائق (هذه معلومة غير واضحة)، في نفس الوقت لها تكرار نيوتروسويفكي علقي بين 0.240 و 0.333.

من أجل حساب مجموع التكرارات النيوتروسويفكية حيث ان لدينا معلومات غير دقيقة، سنحسب \min و \max للتكرارات المُحَمَّنة Estimated Frequencies وكما يلي :

$$\min_{nf} = 50 + 60 + 70 + 40 = 220$$

$$\max_{nf} = 50 + 80 + 90 + 50 = 270$$

من أجل حساب التكرار العلاقي النبويتروسوفكي سنحسب مرة اخرى الـ \min والـ \max لكل الحالات الممكنة .

عندما عدد الحوادث صفر:

$$\min_{nrf} = \frac{50}{270} \approx 0.185$$

$$\max_{nrf} = \frac{50}{220} \approx 0.227$$

$$50 \div [220,270] \approx [0.185,0.227]$$

أو عندما عدد الحوادث واحد يكون لدينا:

$$\min_{nrf} = \frac{60}{50+60+90+50} \approx 0.240,$$

$$\max_{nrf} = \frac{80}{50+80+70+40} \approx 0.333.$$

عندما عدد الحوادث اثنان يكون لدينا:

$$\min_{nrf} = \frac{70}{50+80+70+50} \approx 0.280,$$

$$\max_{nrf} = \frac{90}{50+60+90+40} \approx 0.375.$$

لاحظ أنَّ الفترة $[0.280,0.375]$ تختلف عما يأْتي:

$$[70,90] \div [220,270] = \left[\frac{70}{220}, \frac{90}{270} \right] \approx [0.259,0.409].$$

$$\min_{nrf} = \frac{40}{50+80+90+40} \approx 0.154,$$

عندما يكون لدينا ثلاثة حوادث فإن:

$$max_{nrf} = \frac{50}{50+60+70+50} \simeq 0.217.$$

على غرار ما ذكر في أعلاه فان الفترة [0.154 ,0.217] تختلف عن

$$[40,50] \div [220,270] = [\frac{40}{270} , \frac{50}{220}] \simeq [0.148,0.227].$$

نحن ببساطة قمنا بتجميع التكرارات النيوتروسوفكية العلاقية بعملية اضافة الفترات بعضها الى بعض.

$$[0.185,0.227] + [0.240,0.333] + [0.280,0.375] + \\ [0.154 ,0.217] = [0.859,1.152].$$

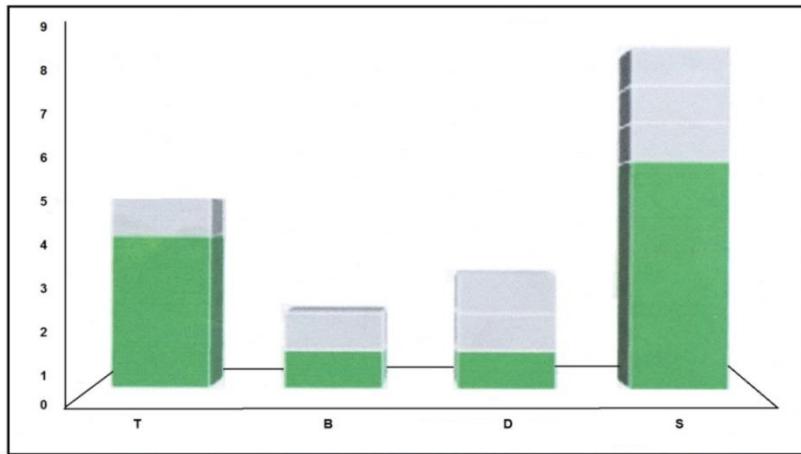
4.1 رسوم بيانية احصائية نيوتروسوفيّة

Neutrosophic Statistical Graphs

هي تلك المخططات التي تملك إما رسوم بيانية او منحنيات غير معينة (اي غير واضحة، غامضة، مبهمة، غير معلومة)

a.1 مخطط نيوتروسوفيّي باستخدام المستطيلات (الاعمدة):-

Neutrosophic Bar Graph



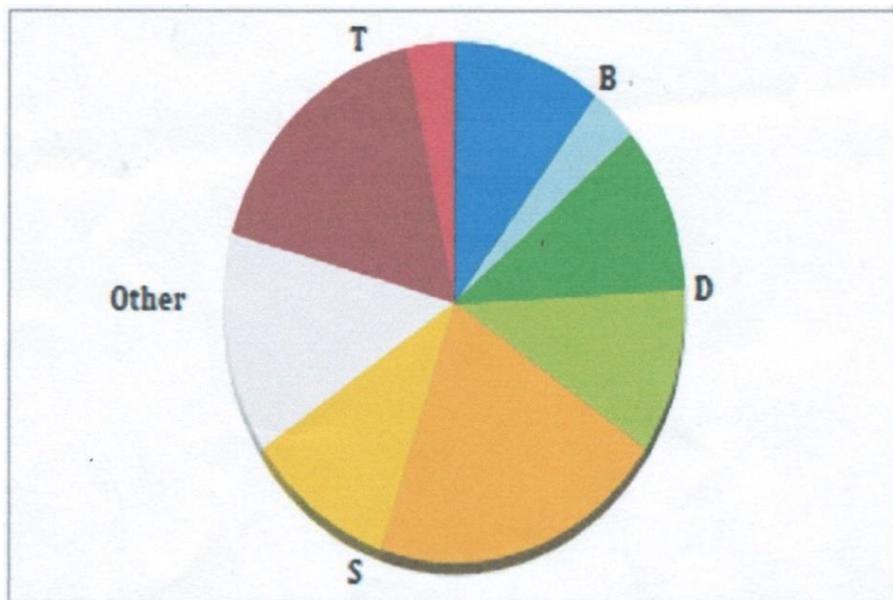
جدول: الوقت المستهلك لليوميات المواطن الامريكي

T: مشاهدة التلفاز بين [4,5] ساعة، B : قراءة الكتب بين [1,2] ساعة،

D: سياقة بين [1,3] ساعة ، S : نوم بين [6,9] ساعة.

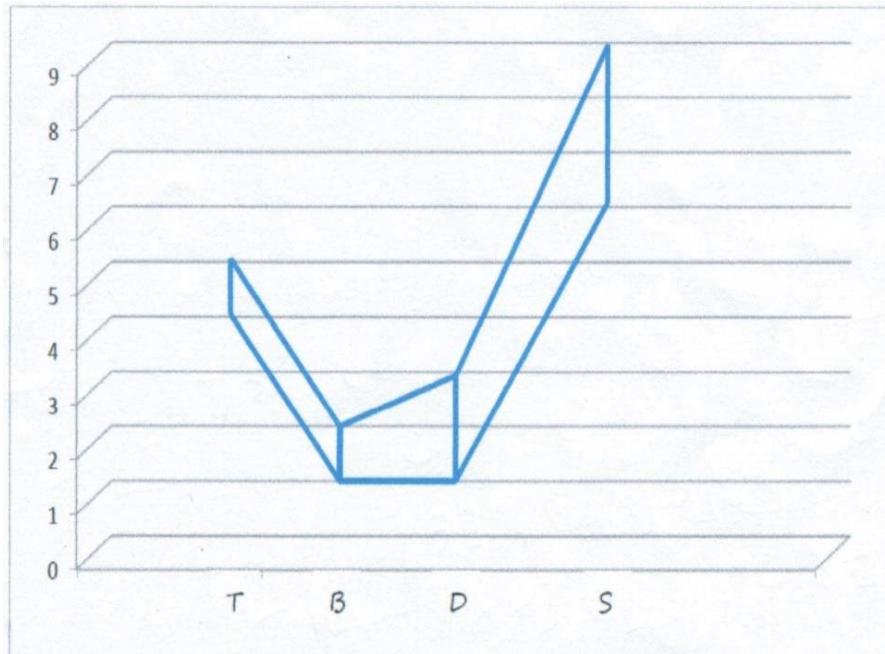
a.2 المخطط النيوتروسوفكى الدائري للمثال نفسه:

Neutrosophic Circle Graph



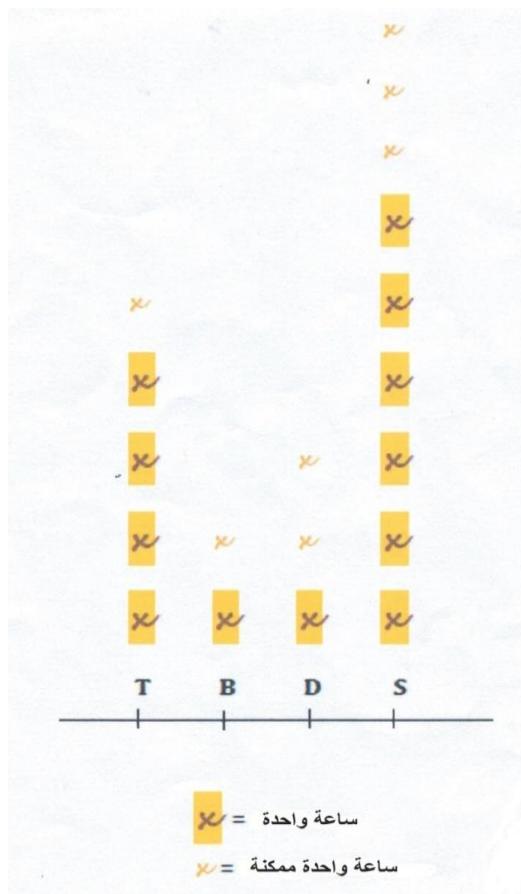
a,3 المخطط النيتروسوفكى ذو الشريط المضاعف للمثال نفسه كذلك:

Neutrosophic Double Line Graph



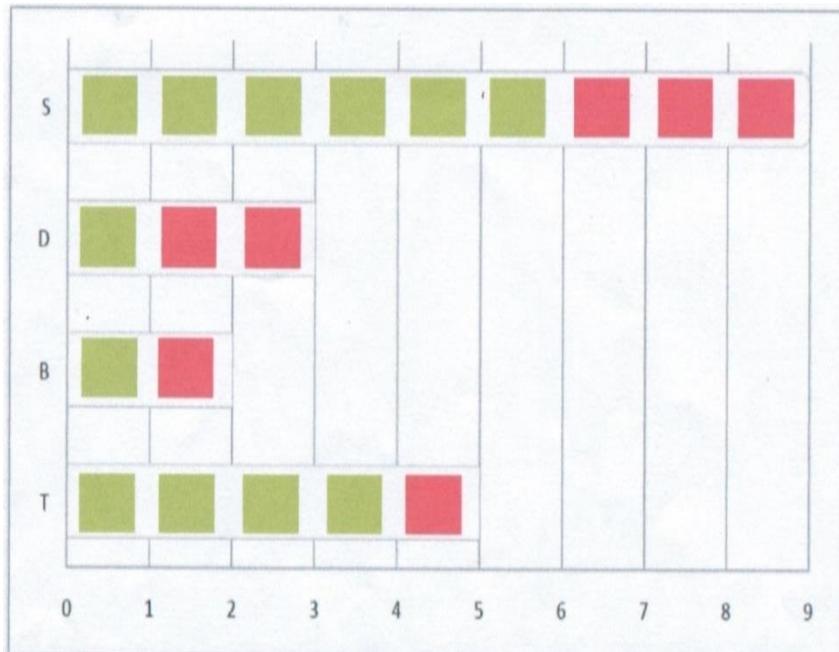
a.4 المخطط النيوتروسوفي ذو الشريط المنفرد وللمثال نفسه:

Neutrosophic Line Plot



a.5 الرسم التصويري النيوتروسوفكى للمثال نفسه:

Neutrosophic Pictograph



مستطيل اخضر اللون: ساعة واحدة

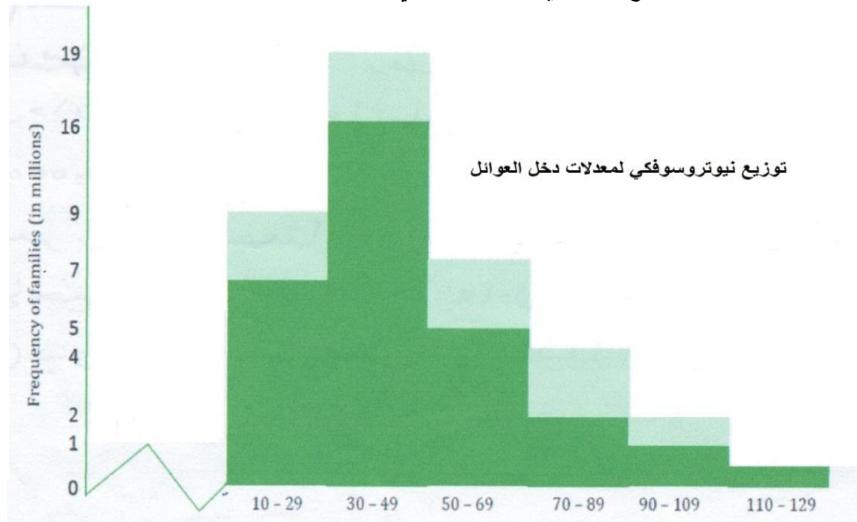
مستطيل احمر اللون: ساعة واحدة ممكنة

2.6 مدرج تكراري نيوتروسوفي ذو بعدين 2D

Neutrosophic 2D Histogram

هو ذلك الشريط البياني النيوتروسوفي الذي فيه الاشرطة عمودية، لا وجود للفراغ بين هذه الاشرطة (علمًا أن الاشرطة ذات الارتفاع الصافي مشمولة ايضاً)، وعُرض الشريط هو نفس حجم الفترة التي تم تمثيلها. إن ذلك يُبين لنا، وضمن فترة معينة، بأنه يمكننا الحصول على عدد مقارب لمرات عدّة.

التوزيع التكراري النيوتروسوفي لدخل الأسرى



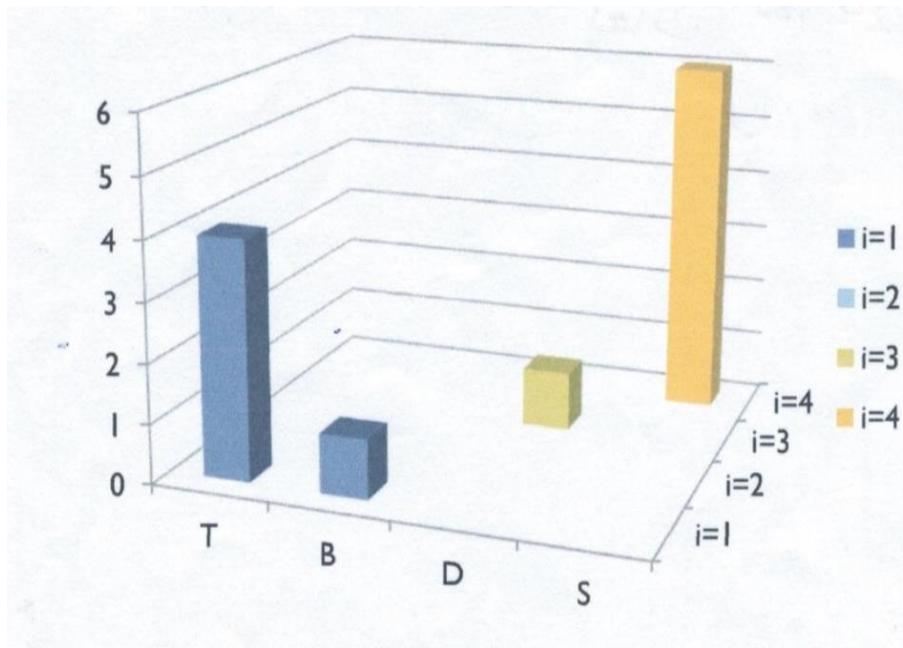
المدخل (بألاف الدولارات) خلال السنة

حيث يشير  إلى الانحراف في التقييس العددي. إذ إن التكرارات هنا ليست أرقام هشة كما في الاحصاء الكلاسيكي، إنما تقع بين بعض المحدودات. على سبيل المثال، إن عدد العائلات بدخل بين \$ 29,000 - 10,000 هي بين 7 و 9 مليون عائلة. وبنفس الطريقة للأصناف الأخرى من المدخلات، عدا الصنف الأخير من

المدخلات فهو بين $110,000\$ - 129,000\$$ وهذا المدخل يعود للرقم الهش (1مليون عائلة). نحن قمنا بتمثيل كل أنواع البيانات الاحصائية النيوتروسوfofka في فضاء ذو بعدين (2D) وكما في الاحصاء التقليدي، لكن يمكن ان نجعل الرسومات البيانية في فضاء ثلاثي الابعاد (3D) ، وذلك فقط بإضافة بُعد اللاتعيين الى الرسومات السابقة ذات البعدين، أذَّنَّ البُعد الاخير سيفيس اللاتعيين في البيانات.

b.1 الرسم البياني النيوتروسوfofka بشرط ثلاثي الابعاد (3D)

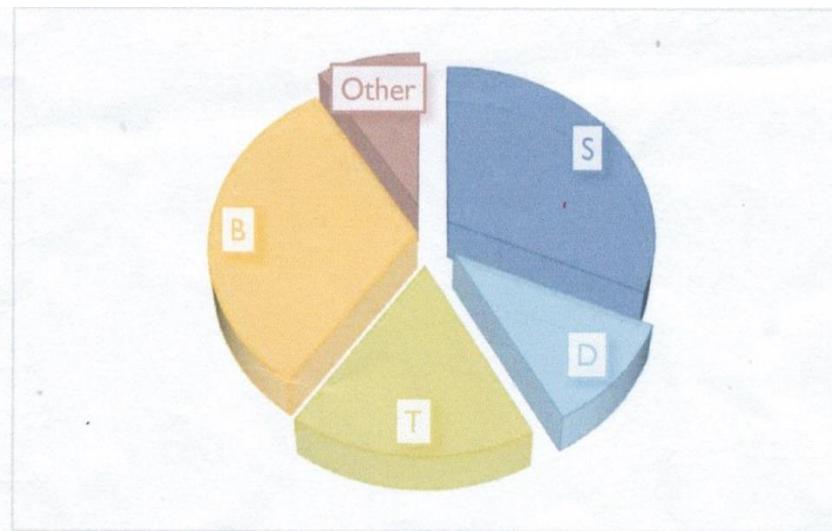
The Neutrosophic 3D Bar Graph



إن المحور العميق (i) يقوم بقياس اللاتعيين للمثال السابق وهو الوقت المضي في يوميات مواطن أمريكي.

b.2 الرسم البياني الاسطواني النيوتروسويفي

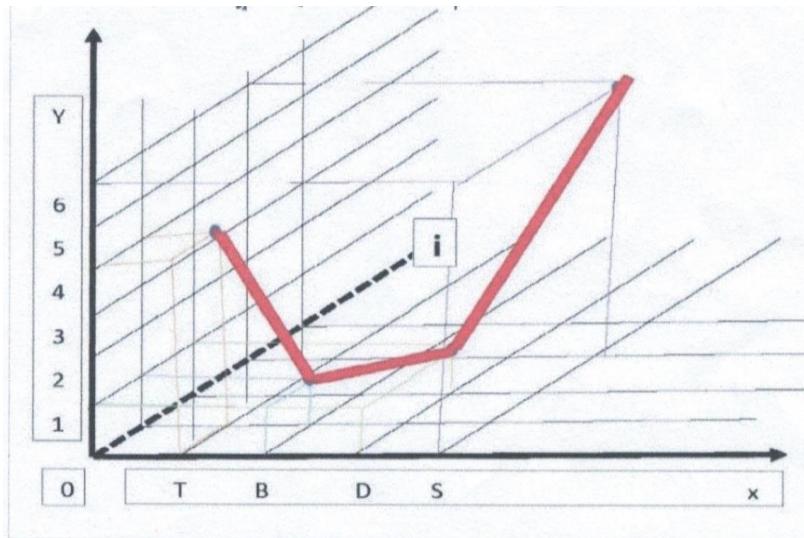
Neutrosophic Cylinder Graph



إن الارتفاع T (يمثل اللاتعيينات) والارتفاع B كذلك، بينما الارتفاع D فهو مضاد أما ارتفاع S فهو ثلثي .

b.3 الرسم البياني النيوتروسوفكى بمستقيم في ثلات أبعاد 3D

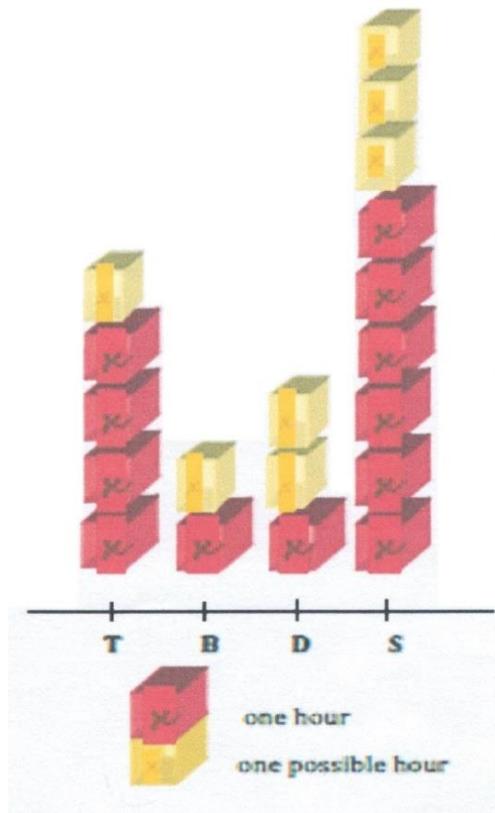
The Neutrosophic 3D-Line Graph



لنفس المثال قمنا برسم النقاط ذات الاحاديثيات $(T, 4, 1)$, $(B, 1, 1)$, $(D, 1, 2)$, $(S, 6, 3)$ بينما المركبة الثالثة تمثل الجزء المُعَيَّن (y) بينما المركبة الثانية تمثل أعلى قيمة لـ الاتعین (i)، وبربطها معاً سنحصل على منحني ببعد ثلاثي.

b.4 رسم نيوتروسوفي ببعد ثلاثي للمثال نفسه:

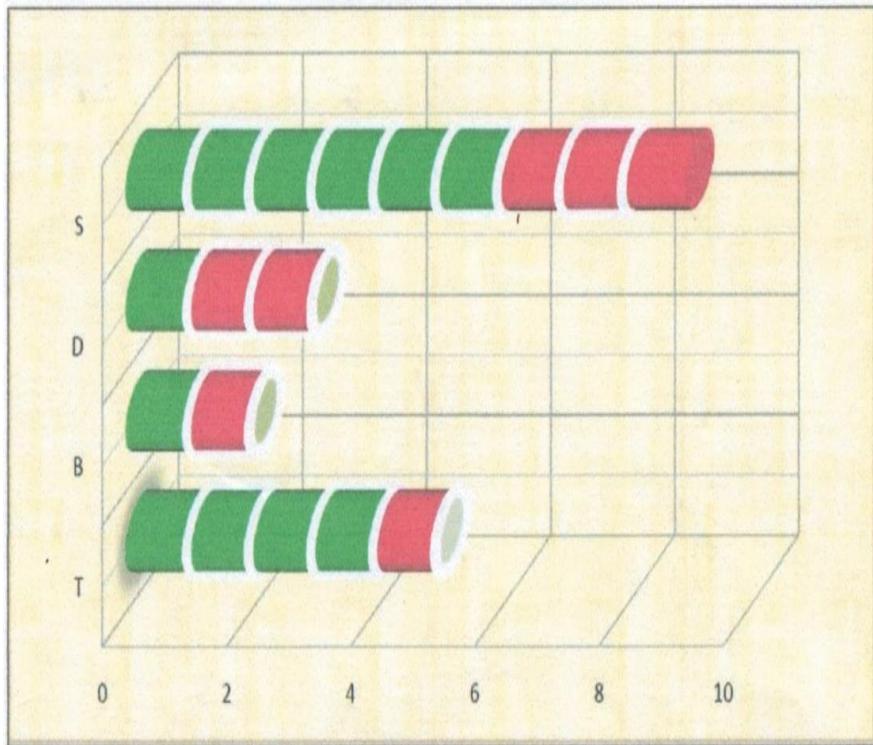
Neutrosophic 3D Plot



ساعة واحدة
ساعة واحدة ممكنة

b.5 رسم تصويري نيوتروسوفكي ثلاثي الابعاد للمثال نفسه

Neutrosophic 3D Pictograph

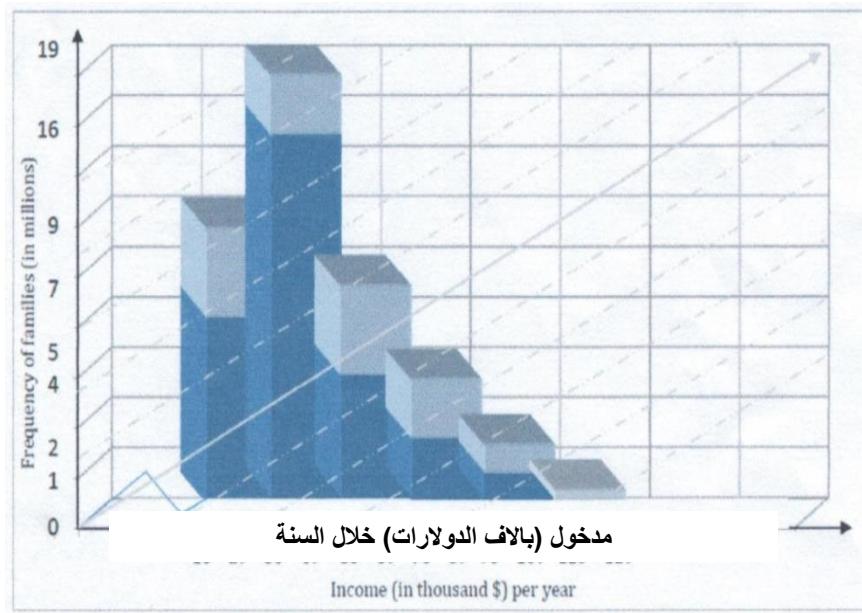


b.6 مدرج تكراري نيوتروسوفكى ثلاثي الابعاد

Neutrosophic 3D Histogram

للمثال نفسه ويمثل التوزيع النيوتروسوفكى لتكرارات مدخل عائلة.

تكرار العائلات (بالملايين)



5.1 المغالطات الاحصائية

Statistical Deceptions

- يمكن التعبير عن المغالطات الاحصائية بطريقة نيوتروسوفكية . فعلى سبيل المثال:
- أ. ارتفعت فاتورة تدفئة شركة في العام الماضي الى نسبة 10%. بطريقة نيوتروسوفكية نستطيع كتابة: $[0,10]%$ (والذي يمكن ان يكون اي عدد بين 10 و 0 ، بضمنها بداية ونهاية الفترة) .
 - ب. العبارة التي تنص على "نحن نضمن انك ستخسر ما يصل الى 15 باوند من وزنك في الشهر ، او سترد اموالك اليك". في الحقيقة انت ستخسر $[0,15]$ باوند، لذا ربما لن تخسر ولا باوند!
 - ج. العبارة التي تنص على "لا يوجد منتج افضل من Brian's" هذا يعني ان باقي المنتجات يمكن ان تكون بنفس جودة المنتج Brian's

الفصل الثاني

Chapter Two

الأربع النيوتروسوفكية

Neutrosophic Quartiles

1.2 الأرباع النيوترسوfofkie

Neutrosophic Quartiles

لنفرض أنّ مجموعة المشاهدات النيوترسوfofkie لمتغير معيّن تكون مُدرَّجة على الاغلب بترتيب تصاعدي (وذلك لأننا نتعامل مع مجاميع بدلاً من أرقام هشة وهذا يعني أن لدينا رتبة جزئية).

إن الأرباع النيوترسوfofkie وبشكل مشابه لتلك الموجودة في الاحصاء التقليدي تُعرَّف كما يأتي:

الربع الأول (الربع الادنى) هو $(1, \frac{1}{4}(n + 1))$ ، الربع الثاني هو $(1, \frac{2}{4}(n + 1))$ ، الربع الثالث هو $(1, \frac{3}{4}(n + 1))$.

اذا كانت $(n + 1)$ لا تقبل القسمة على 4 ، عندها سنأخذ معدل مشاهدتين نيوترسوfofkieتين والتي فيها رتبة الرابع تقع بينهما. هناك طريقة اخرى نجد من خلالها الجزء الصحيح الاقل لـ $(1, \frac{i}{4}(n + 1))$ وذلك لجميع قيم $i = 1, 2, 3$.

لحساب نقطة الوسط للمجموعة [] نتبع الطريقة الآتية:

$$U = \frac{\inf U + \sup U}{2}.$$

يمكن تعريف الرتبة الكلية لمجاميع المشاهدات النيوترسوfofkie n بالطريقة الآتية:

لأي مجموعتين U و V لدينا $V < U$ اذا كانت :

إما نقطة الوسط للمجموعة U أصغر من نقطة الوسط للمجموعة V ، او في حالة نقطة الوسط للمجموعة $U =$ نقطة الوسط للمجموعة V مع $\min U < \min V$.

لو حدث أن كانت نقطة الوسط للمجموعة $U =$ نقطة الوسط للمجموعة V ، و $\min U = \min V$ ، عندئذ ستكون $\max U = \max V$ ، وبالتالي فإن $V \equiv U$.

لنفرض ان لدينا مثال فيه $n=12$ من المشاهدات النيوتروسوفكية التصاعدية
 $1, (2,3), \boxed{\{4.6\}.5}, [7,10], \boxed{[7.11].95}, 12, \boxed{14, [14,15]}, 20,$
 $\{21\} \cup [22,25].$

لاحظ أن الربع الأول:

$$\frac{1}{4}(n+1) = \frac{1}{4}(12+1) = 3.25,$$

ثم سنحسب معدل المشاهدتين الثالثة والرابعة كما يأتي:

$$\frac{\{4,6\} + 5}{2} = \frac{\{4 + 5, 6 + 5\}}{2} = \frac{\{9,11\}}{2} = \left\{ \frac{9}{2}, \frac{11}{2} \right\} = \{4.5, 5.5\}$$

أما الربع الثاني فهو:

$$\frac{2}{4}(n+1) = \frac{2}{4}(12+1) = 6.50,$$

و معدل المشاهدتين السادسة والسابعة هو:

$$\frac{[7,11]+9}{2} = \left[\frac{7+9}{2}, \frac{11+9}{2} \right] = [8,10],$$

والربع الثالث:

$$\frac{3}{4}(n+1) = \frac{3}{4}(12+1) = 9.75,$$

بينما حساب معدل المشاهدتين التاسعة والعشرة سيكون:

$$\frac{14+[14,15]}{2} = \left[\frac{14+14}{2}, \frac{14+15}{2} \right] = [14, 14.5],$$

2.2 العينة النيوتروسوفكية

Neutrosophic Sample

هي مجموعة جزئية مختارة من المجتمع وتحوي بعض الالاتعيبين (قد يكون هذا الالاتعيبين عائداً لبعض افرادها الذين قد لا ينتمون للمجتمع قيد الدراسة او قد ينتمون إليه بشكل جزئي) وربما يكون هذا الالاتعيبين عائداً للمجموعة الجزئية برمتها .

إن الفرق بين العينة التقليدية والعينة النيوتروسوفكية هو ان الاولى تجهزنا بمعلومات دقيقة بينما الثانية ستحصل منها على معلومات فيها غموض او معلومات غير تامة .

اصطلاحاً يمكننا القول إن اي عينة هي عينة نيوتروسوفكية، لأنه في العينات التقليدية يمكن اعتبار الالاتعيبين فيها مساوياً للصفر .

إن نتائج دراسة استقصائية نيوتروسوفكية هي نتائج دراسة استقصائية تحوي بعض الالاتعيبين .

ان المجتمع النيوتروسوفكى هو مجتمع غير محدد بشكل جيد عند مستوى العضوية (أي ليس هناك تأكيد اذا كان بعض افراد المجتمع ينتمي أو لا ينتمي الى المجتمع).

على سبيل المثال، كما في المجموعة النيوتروسوفكية، نجد العنصر المولد x ينتمي الى المجتمع النيوتروسوفكى M بالطريقة الآتية:

ما يعنى أن x ينتمي الى المجتمع M بنسبة $t\%$ ولا ينتمي الى المجتمع M بنسبة $f\%$ ، بينما $i\%$ تمثل تبعية غير معينة للعنصر المولد x في المجتمع M (أي تبعية غير معروفة، او غير واضحة، او تبعية حيادية: لا هو في المجتمع ولا هو خارج عنه).

1.2.2 مثال

لتكن C_1 مجتمع في إحدى البلدان. إن اغلب الناس في هذا البلد لديهم مواطنة (جنسية هذا البلد) لذلك نجد ان انتمائهم لـ C_1 بنسبة 100% لكن هناك اناس لديهم جنسية اخرى C_2 ، هؤلاء السكان ينتمون الى C_1 بنسبة 50% وبنسبة 50% الى C_2 . بينما مواطنون بثلاث جنسيات لثلاثة بلدان مثل C_1 و C_2 و C_3 لهم نسبة انتماء 33.33% لكل بلد. بالطبع لو اخذنا بنظر الاعتبار مقياساً مختلفاً فإن هذه النسب قد تتغير. كذلك هناك بلدان ذات مناطق حكم ذاتي والتي فيها مواطنون ومن تلك المناطق قد لا يعتبرون أنفسهم ينتمون الى هذه المناطق تماماً .

هناك نوع اخر من الناس الذين تم تجريدتهم من مواطنهم في البلد C_1 لأسباب سياسية لكن لديهم مواطنة بلد آخر، بينما مازالوا يعيشون في C_1 بشكل مؤقت. هذا النوع من الناس يسمون *Pariah* أي الاشخاص المنبوذون، إذ انهم لا ينتمون الى C_1 (ليست لديهم مواطنة) لكنهم مازالوا ينتمون الى C_1 (لأنهم مازالوا يعيشون في C_1). هؤلاء يشكلون جزءاً الالاتيين للمجتمع النيوتروسوفي من البلد C_1 .

3.2 العينة النيوتروسوفكية العشوائية المبسطة ذات الحجم n

A Simple Random Neutrosophic Sample of Size n

هي تلك العينة المأخوذة من مجتمع تقليدي أو نيوتروسوفكى مكونة من n من الأفراد بحيث يكون واحد من هؤلاء الأفراد على الأقل يملك بعض الالاتيين.

1.3.2 مثال

لنفرض أن هناك عينة عشوائية من 1000 منزل، في مدينة تحتوي أكثر من مليون من السكان، من أجل التقصي كم هي عدد البيوت التي تملك على الأقل جهاز لابتوب واحد. وُجد أن 600 منزل يملك على الأقل لابتوب واحد، 300 منزل لا يملك جهاز لابتوب، بينما 100 منزل لكل واحد منها جهاز لابتوب واحد لكنه لا يعمل.

إن بعض أصحاب المنازل المائة يحاولون تصليح أجهزة اللابتوب التي يملكونها، آخرون يقولون ان الأقراص الصلبة (hard drivers) لجهاز اللابتوب الخاص بهم محطم وهناك فرصة ضئيلة لإصلاحه، لذلك سنجد هنا الالاتيين إذ لدينا عينة عشوائية نيوتروسوفكية بحجم 100 .

بشكل مشابه للإحصاء التقليدي، في عينة عشوائية نيوتروسوفكية طبقية (متراصبة) نلاحظ أن منظم الاستفتاء *pollster* (هو الشخص الذي يدير أو يحل استطلاعات الرأي) يقوم بتقسيم المجتمع (سواءً أكان تقليدياً أو نيوتروسوفكياً) إلى مجاميع بطبقات حسب تصنيفها، بعدها سيأخذ منظم الاستفتاءات عينة عشوائية من كل مجموعة (حجم العينة يجب أن يكون ملائماً وفقاً لمعيار معين). في حال وجود بعض الالاتيين، سيكون التعامل مع العينة كعينة نيوتروسوفكية.

مثال 2.3.2

لأنه يأخذ عين الاعتبار طبقتين : رجال ونساء في مدينة غالوب بولاية نيومكسيكو. ولأن شريحة النساء تمثل 51% من المجتمع والرجال يمثلون 49% ، سنأخذ عينة عشوائية من 51 امرأة و عينة عشوائية أخرى من 49 رجلا. ولكننا علمنا فيما بعد أن هناك رجال واحداً وامرأتان هم في الحقيقة من المختلطين جنسياً. لذلك سيكون 3 من الأفراد يحملون سمة الالاتينيين. وهذا ما ندعوه بعينة عشوائية نيوترونوسوفكية طبقية.

اذا كان المجتمع (سواء اكان تقليدياً او نيوتروسوفيكيًّا) مقسماً الى مجتمعات جزئية، بحيث ان كل مجموعة جزئية تمثل بحد ذاتها مجتمعاً ثم قام احدهم بجمع بيانات عشوائية من هذه المجتمعات الجزئية وكان هناك بعض الالاتيين فيها، عندئذ سيكون اسم هذه العينة عينة عشوائية نيوتروسوفيكيّة (neutrosophic cluster sampling).

مثال 3.3.2

لفرض ان هناك خمسة من الاساتذة يديرون مجموعة من اطارات الدكتوراه في موضوع الاحصاء النيوترونوفي. وكل استاذ لديه عدد من طلاب الدراسات العليا، لكن بعض الطلاب لم يقرروا ما إذا كانوا سيتابعون اطاراتهم في الاحصاء الكلاسيكي أم الاحصاء النيوترونوفي. إن الاساتذة في هذه المسألة يمثلون العناقيد. يمكن لاحدهم القيام باختيار عشوائي لاثنين من الاساتذة وذلك لعمل مقابلة لطلباتهم حول امكانية اجراء بحث في الاحصاء النيوترونوفي. لكن وبسبب ان بعض الطلبة لم يقرروا (وجود لاتعيين) فيما يخص موضوع بحثهم، سيكون هناك عينة عنقودية نيوترونوفي.

في العينة الملائمة (*A convenience sample*) من المرجح ان تكون القراءة غير دقيقة وذلك لأن منظم الاستفتاء *pollster* سيقوم باختيار الافراد بسهولة (بيسر) ودون تردد، بذلك قد يقوم هؤلاء الافراد بالاجابة عن الاسئلة بشكل عشوائي ربما لينتهوا من الاجابة بسرعة. فكلما قل اهتمام الافراد بنتائج الاستطلاع كلما كانت نتائج الاستطلاع غير دقيقة على الارجح.

بينما في عينة الاستجابة الطوعية (voluntary response sample) من المرجح ان تكون منحازة، لأن افراد العينة ربما قد تطوعوا لاغراض التأثير على نتائج الاستطلاع. إلى جانب هاتين الفتتتين من عينات الافراد، هناك فئة اخرى من الاشخاص الخبريين الذين قد يجيبون على الاسئلة بشكل معاكس لاعطاء نتائج خاطئة.

4.2 القياسات العددية النيوتروسوفكية

Neutrosophic Numerical Measures

مثال: إن العدد النيوتروسوفكى ذو الصيغة $a + bI$, حيث a و b اعداد حقيقية، و I يمثل اللاتعيين، أذ أن $I^2 = 0$.

لنفرض أن لدينا الاعداد النيوتروسوفكية الآتية:

$$-2 - 4I, -1 + 0.1I, 3 + 5I, 6 + 7I$$

لحسب معدل هذه الاعداد

$$M = \frac{\sum xi}{n} = \frac{(-2 - 4I) + (-1 + 0.1I) + (3 + 5I) + (6 + 7I)}{4} = \\ = \frac{-2 - 1 + 3 + 6}{4} + \frac{-4 + 0 + 5 + 7}{4} \cdot I = 1.5 + 2I$$

إن حساب الوسيط لهذه الاعداد هو

$$\frac{(-1 + 0.1I) + (3 + 5I)}{2} = \frac{-1 + 3}{2} + \frac{0 + 5}{2} \cdot I = 1 + 2.5I$$

إن حساب انحراف كل رقم نيوتروسوفكى نسبةً الى المعدل هو

$$(-2 - 4I) - (1.5 + 2I) = -3.5 - 6I,$$

$$(-1 + 0.1I) - (1.5 + 2I) = -2.5 - 2I,$$

$$(3 + 5I) - (1.5 + 2I) = 1.5 + 3I,$$

$$(6 + 7I) - (1.5 + 2I) = 4.5 + 5I.$$

بينما مربع الانحرافات لهذه الاعداد هو

$$\begin{aligned} (-3.5 - 6I)^2 &= (-3.5)^2 + 2(-3.5)(-6)I + (-6)^2I^2 \\ &= 12.25 + 42I + 36I^2 = 12.25 + 42I + 36I \\ &= 12.25 + 78I \end{aligned}$$

$$(-2.5 - 2I)^2 = 6.25 + 14I$$

$$(1.5 + 3I)^2 = 2.25 + 18I$$

$$(4.5 + 5I)^2 = 20.25 + 70I$$

لقد تم اجراء الحسابات اعلاه بتتبع الصيغة الآتية:

$$(a + bI)^2 = a^2 + 2abI + b^2I^2 = a^2 + 2abI + b^2I$$

او الصيغة

$$(a + bI)^2 = a^2 + (2ab + b^2)I.$$

من اجل حساب الانحراف المعياري (القياسي)

$$s = \sqrt{\frac{\sum (xi - x)^2}{n}}$$

$$s = \sqrt{\frac{(12.25 + 78I) + 6.25 + 14I + (2.25 + 18I) + (20.25 + 70I)}{4}}$$

$$s = \sqrt{10.25 + 45I}.$$

حساب الجذر التربيعي للعدد النيتروسوفيكي سنقوم بتحويل النتيجة الى الصيغة $x + yI$ مع تحديد قيم x, y وكما يأتي:

$$\sqrt{10.25 + 45I} = x + yI$$

بتربيع طرفي المقدار:

$$10.25 + 45I = x^2 + (2xy + y^2)I.$$

لذا فأن

$$\begin{cases} 10.25 = x^2 \\ 45 = 2xy + y^2 \end{cases}$$

بما ان الانحراف المعياري هو قيمة موجبة، سنأخذ $3.20 \cong \sqrt{10.25}$
بالنحوىض عنها في المعادلة الثانية $45 = 2(3.20)y + y^2$

سنحل من أجل قيمة موجبة لـ y

$$y^2 + 6.4y - 45 = 0$$

بالتالي

$$y = \frac{-6.4 + \sqrt{(6.4)^2 - 4(1)(-45)}}{2(1)} \cong 0.64.$$

لذلك، فإن الانحراف المعياري النيوتروسوفي للإعداد النيوتروسوفيكية الأربع سابقة
الذكر هو:

$$3.20 + .064I$$

لاحظ أن 3.20 يمثل الانحراف المعياري التقليدي للأجزاء المحددة (المعينة) للأرقام
النيوتروسوفيكية السابقة: $-2, -1, 3, 6$ ، بينما 0.64 لا يمثل الانحراف المعياري
التقليدي للأجزاء غير المحددة (غير المعينة) للأرقام النيوتروسوفيكية السابقة وهي
 $-4, 0, 5, 7$.

إن الانحراف المعياري القياسي للأعداد $-4, 0, 5, 7$ ، والتي معدلها 2 ، هو:

$$\sqrt{\frac{(-4 - 2)^2 + (0 - 2)^2 + (5 - 2)^2 + (7 - 2)^2}{4}} \simeq 4.30 .$$

الفصل الثالث

Chapter Three

الأعداد النيوتروسوفكية

Neutrosophic Numbers

1.3 الاعداد النيوتروسو菲كية التقليدية

Classical Neutrosophic Numbers

إنَّ العدد النيوتروسو菲كي له الصيغة القياسية الآتية: $a + bI$

حيث ان a, b هي معاملات حقيقة أو معقدة، و I تمثل اللاتعين، علمًاً أن $I^2 = I$ و $0 \cdot I = 0$

عندما a, b تكون معاملات حقيقة عندئذ $a + bI$ يسمى عدد نيوتروسو菲كي حقيقي.

امثلة:

$$2 + 3I, \quad -5 + \frac{7}{3}I, \text{etc.}$$

لكن عندما المعاملات b تكون اعداداً معقدة، ستسمى $a + bI$ عدد نيوتروسو菲كي معقد.

امثلة: الاعداد

$$(5 + 2i) + (2 - 8i)I, I + i + 9I - iI, \text{etc.}$$

هي اعداد نيوتروسو菲كية معقدة ويمكن كتابتها بشكل اوضح بطريقة $a + bi + ciI + diI$ ، إذ ان a, b, c, d كلها اعداد حقيقة.

من المؤكد إن اي عدد حقيقي يمكن اعتباره اصطلاحاً بأنه عدد نيوتروسو菲كي مثلاً :

$$5 = 5 + 0 \cdot I,$$

او

$$5 = 5 + 0 \cdot i + 0 \cdot I + 0 \cdot i \cdot I.$$

نسمى هذا العدد عدداً نيوتروسوفكياً مضمحلأً. إنَّ العدد النيوتروسوفكى الواقعي يحوي على الالاتعيين I مضروباً بمعامل غير صفرى.

2.3 قسمة الأعداد النيوترو سوفكية الحقيقية التقليدية

Division of Classical Neutrosophic Real Numbers

$$(a_1 + b_1I) \div (a_2 + b_2I) = ?$$

نرمز للنتائج بـ:

$$\frac{a_1 + b_1I}{a_2 + b_2I} = x + yI,$$

بضرب الطرفين في الوسطين ثم محاولة عزل وتحديد المعاملات:

$$\begin{aligned} a_1 + b_1I &\equiv (x + yI)(a_2 + b_2I) \equiv xa_2 + xb_2I + ya_2I + yb_2I^2 \\ &\equiv (a_2x) + (b_2x + a_2y + b_2y)I. \end{aligned}$$

بالتالي سنقوم بإعادة صياغة النظام الجبري للمعادلات من خلال تحديد المعاملات:

$$a_2x = a_1$$

$$b_2x + a_2y + b_2y = b_1$$

أو

$$a_2x = a_1$$

$$b_2x + (a_2 + b_2)y = b_1$$

يمكننا الحصول على حل وحيد عندما يكون محدد المعاملات لا يساوي صفر اي

$$\begin{vmatrix} a_2 & 0 \\ b_2 & a_2 + b_2 \end{vmatrix} \neq 0$$

او $a_2 \neq 0$ ، وبالتالي فإن $a_2(a_2 + b_2) \neq 0$ و $a_2 \neq -b_2$ و $a_2 \neq 0$.
هذا الشرطان مهمان لتصبح عملية القسمة للأعداد النيوترو سوفكية الحقيقية معرفة.

$$\frac{a_1 + b_1 I}{a_2 + b_2 I} = \text{مُعَرَّفة}$$

$$x = \frac{a_1}{a_2} \quad \text{بالناتي فان}$$

$$y = \frac{a_2 b_1 - a_1 b_2}{a_2(a_2 + b_2)}$$

$$\frac{a_1 + b_1 I}{a_2 + b_2 I} = \frac{a_1}{a_2} + \frac{a_2 b_1 - a_1 b_2}{a_2(a_2 + b_2)} \cdot I$$

بالنتيجة سيكون لدينا:

لجميع قيم k الحقيقية غير الصفرية، ومن أجل $a \neq 0, a \neq -b$ فإن:

$$1. \quad \frac{a+bI}{ak+bkI} = \frac{a+bI}{k(a+bI)} = \frac{1}{k},$$

$$2. \quad \frac{I}{a+bI} = \frac{a}{a(a+b)} \cdot I = \frac{1}{a+b} \cdot I$$

3. القسمة على I أو على $-I$ غير معرفة عموماً فان القسمة على kI لحالة k عدد حقيقي ايضاً يكون غير معرف. بذلك فإن $\frac{a+bI}{kI}$ غير معرف لاي عدد حقيقي k ولا ي قيم حقيقة من a, b

$$\frac{I}{I} = \text{غير معرف};$$

$$\frac{7I}{I} = \text{غير معرف};$$

$$\frac{10I}{5I} = \text{غير معرف};$$

$$\frac{a+bI}{I} = \text{غير معرف};$$

$$\frac{a+bI}{-I} = \text{غير معرف}.$$

$$4. \frac{a+bl}{c} = \frac{a}{c} + \frac{b}{c} \cdot I \quad c \neq 0;$$

$$5. \frac{c}{a+bl} = \frac{c}{a} - \frac{bc}{a(a+b)} \cdot I, \quad a \neq 0, a \neq -b.$$

$$6. \frac{a+0 \cdot I}{b+0 \cdot I} = \frac{a}{b}, \quad b \neq 0 \quad \text{(تمثل عملية القسمة للأعداد الحقيقية)}$$

$$7. \frac{a+bl}{1} = \frac{a}{1} + \frac{b}{1} \cdot I = a + bl.$$

$$8. \frac{0}{a+b \cdot I} = \frac{0}{a} + \frac{a \cdot 0 - 0 \cdot b}{a(a+b)} \cdot I = 0 + 0 \cdot I = 0, \quad a \neq 0 \quad \text{و} \quad a \neq -b.$$

$$9. \frac{kl}{a+bl} = \frac{k}{a+b} \cdot I \quad a \neq 0 \quad \text{و} \quad a \neq -b, \quad k \quad \text{لأي قيمة حقيقية}$$

لنقم الان بصياغة مثال رياضي ذو صلابة من خلال حسابات عدديه:

$$(2 + 3I) \div (1 + I) = ?$$

ما نتائج

$$\frac{2+3I}{1+I} = x + yI$$

لنرمز للمقدار بالشكل

فيكون لدينا

$$(1 + I)(x + yI) = x + yI + xI + yI^2 \equiv 2 + 3I$$

$$x + (x + 2y)I \equiv 2 + 3I.$$

$$\begin{cases} x = 2 \\ x + 2y = 3 \end{cases}$$

بالتالي فإن

$$x = 2, y = 0.5$$

او

$$\frac{2+3I}{1+I} = 2 + 0.5I$$

هنا نجد ان

$$\frac{2+3I}{2+0.5I} = x + yI \quad \text{لتأكد}$$

$$(2 + 0.5I)(x + yI) = 2 + 3I, \quad \text{عندئذ}$$

$$2x + (2y + 0.5x + 0.5y)I = 2 + 3I.$$

$$\begin{cases} 2x = 2 \\ 0.5x + 2.5y = 3 \end{cases} \quad \text{بالتالي فإن}$$

$$x = 1, y = 1, \quad \text{بذلك}$$

$$\frac{2+3I}{2+0.5I} = 1 + 1 \cdot I = 1 + I. \quad \text{أو}$$

مثال آخر

$$\frac{2 + 3I}{8 + 12I} = x + yI.$$

$$\begin{cases} 8x = 2 \\ 12x + 12y + 8y = 3 \end{cases} \quad \text{بالتالي}$$

$$x = \frac{2}{8} = \frac{1}{4}, \quad \text{و سنحصل على}$$

$$12\left(\frac{1}{4}\right) + 20y = 3, \quad \text{او} \quad y = 0 \quad \text{أو}$$

$$\frac{2+3I}{8+12I} = \frac{1}{4} + 0 \cdot I = \frac{1}{4}, \quad \text{لذلك}$$

وهو ما يعد تبسيطًا نيوتروسوفيًّا لأن:

$$\frac{2+3I}{8+12I} = \frac{1 \cdot (2+3I)}{4 \cdot (2+3I)} = \frac{1}{4}.$$

والآن سنتناول مثلاً لعدد نيوتروسوفيًّي غير معروف:

$$\frac{2+3I}{1-I} = ?$$

$$\frac{2+3I}{1-I} = x + yI$$

$$(1-I)(x+yI) \equiv 2+3I$$

$$x + yI - xI - yI^2 \equiv 2+3I$$

$$x + (y-x-y)I \equiv 2+3I \quad \text{أو}$$

$$x - xI \equiv 2+3I \quad \text{أو}$$

لذلك فإن: $x = 2, -x = 3$ وهذا غير ممكن لذلك فإن:

$$\text{كمية غير معروفة} = \frac{2+3I}{1-I}$$

وكمثال لناتج حل غير معروف سنأخذ:

$$\frac{I}{I} = ?$$

$$\frac{I}{I} = x + yI \quad \text{نرمز لهذا المقدار بـ}$$

$$I(x + yI) \equiv I, \quad \text{بذلك}$$

$$xI + yI^2 \equiv I, \quad \text{أو}$$

$$(x + y)I \equiv 1 \cdot I, \quad \text{أو}$$

بالتالي فإن $x + y = 1$ ، حيث أن x, y مجاهيل قيمها اعداد حقيقة.

حصلنا على عدد غير منته من الحلول: $x \in R$ ، علماً أن $x - y = 1$ ، حيث ان R هي مجموعة الاعداد الحقيقة. من بين الحلول توجد القيم التالية: $1, I, 2 - I, etc.$

لكن نظراً لأن ناتج عملية القسمة يجب ان يكون وحيداً سنقول أن:

$$\frac{I}{I} = \text{غير معروف}$$

3.3 الجذر التنوبي n ، إذ $n \geq 2$ ، لعدد نيوتروسوفي حقيقى

Root index $n \geq 2$ of neutrosophic real number

لحسب أولاً: الجذر التربيعي $\sqrt{a + bI}$ ، حيث a, b أعداداً حقيقية.

لرمز للمقدار

$$\sqrt{a + bI} = x + yI,$$

علمًـاً أن x, y هي مجاهيل ذات قيم حقيقية، وبأخذ الجذر التربيعي للطرفين سنحصل على:

$$\begin{aligned} a + bI &\equiv (x + yI)^2 = x^2 + 2xyI + y^2I^2 = x^2 + 2xyI + y^2I \\ &= x^2 + (2xy + y^2)I. \end{aligned}$$

$$\begin{cases} x^2 = a \\ 2xy + y^2 = b \end{cases} \quad \text{بالتالي}$$

$$\begin{cases} x = \pm\sqrt{a} \\ y^2 \pm 2\sqrt{a}.y - b = 0 \end{cases} \quad \text{اي ان}$$

سنحل المعادلة الثانية من أجل y :

$$\begin{aligned} y &= \frac{\mp 2\sqrt{a} \pm \sqrt{4a + 4b}}{2(1)} = \frac{\mp 2\sqrt{a} \pm 2\sqrt{a + b}}{2} \\ &= \mp\sqrt{a} \pm \sqrt{a + b}, \end{aligned}$$

والحلول الأربع هي:

$$(x, y) = (\sqrt{a} - \sqrt{a} + \sqrt{a+b}), (\sqrt{a} - \sqrt{a} - \sqrt{a+b}),$$

$$(-\sqrt{a}, \sqrt{a} + \sqrt{a+b}), \text{ or } (-\sqrt{a}, \sqrt{a} - \sqrt{a+b}).$$

بذلك

$$\sqrt{a+b}I = \sqrt{a} + (-\sqrt{a} + \sqrt{a+b})I,$$

$$\sqrt{a} - (\sqrt{a} + \sqrt{a+b})I, \quad \text{أو}$$

$$-\sqrt{a} + (\sqrt{a} + \sqrt{a+b})I, \quad \text{أو}$$

$$-\sqrt{a} + (\sqrt{a} - \sqrt{a+b})I. \quad \text{أو}$$

لنأخذ بعين الاعتبار المثال الآتي الذي تم حلّه بالتفصيل:

$$\sqrt{9+7I} = ?$$

$$\sqrt{9+7I} = x + yI \quad \text{لنرمز للجذر بما يأتي:}$$

$$9 + 7I = x^2 + 2xyI + y^2I^2 = x^2 + (2xy + y^2)I \quad \text{عندئذٍ}$$

$$\begin{cases} x^2 = 9, \text{ or } x = \pm 3 \\ 2xy + y^2 = 7 \end{cases} \quad \text{بالتالي فإن}$$

لجد قيمة y :

$$x = 3$$

$$x = -3$$

$$6y + y^2 = 7$$

$$-6y + y^2 = 7$$

$$y^2 + 6y - 7 = 0$$

$$y^2 - 6y - 7 = 0$$

$$(y + 7)(y - 1) = 0$$

$$(y - 7)(y + 1) = 0$$

$$y = -7 \quad /y = 1$$

$$y = 7 \quad /y = -1$$

$$(3, -7), (3, 1)$$

$$(-3, 7), (-3, -1).$$

لذلك فإن $I = \sqrt{9 + 7I} = \pm 3 \pm \sqrt{9 + 7I}$ (هي في الحقيقة أربع حلول)

وكل حالة خاصة يمكننا حساب \sqrt{I} كما يأتي:

للفرض أن $\sqrt{I} = x + yI$ ، ثم إن $0 + 1 \cdot I = x^2 + (2xy + y^2) \cdot I$ ، نحن
بحاجة لإيجاد قيمة كل من x, y . وبالتالي فإن $x^2 = 0$ أو $x = 0$ ، و
 $\sqrt{I} = \pm I$ أو $y^2 = 1$ أو $y = \mp I$. إذن $2xy + y^2 = 1$
بطريقة مشابهة نحل من أجل $\sqrt[n]{I}$.

للفرض أن $\sqrt[n]{I} = x + yI$ ،

$$0 + 1 \cdot I = x^n + (\sum_{k=0}^{n-1} C_n^k y^{n-k} x^k) \cdot I \quad \text{أو}$$

$$x = 0 \quad \text{أو} \quad x^n = 0$$

حيث ان

$$\sum_{k=0}^{n-1} C_n^k y^{n-k} x^k = 1$$

و

أو $y^n = 1$ وبالتالي فإن $\sqrt[n]{1} = y$ فنحصل بذلك على n من الحلول:

سيكون لدينا حل حقيقي هو $y = 1 - n$ من الحلول العقدية هذا في حالة كنا مهتمين بالحلول النيوتروسوفكية العقدية للجذور النونية للواحد.

وبطريقة مشابهة يمكننا حساب الجذر النوني لحالة $2 \geq n$ لاي عدد نيوتروسوفكي:

$$\sqrt[n]{a + bI} = x + yI$$

$$a + bI = (x + yI)^n \quad \text{أو}$$

$$= x^n + (y^2 + \sum_{k=0}^{n-1} C_n^k y^{n-k} x^k) \cdot I,$$

$$= x^n + \left(\sum_{k=0}^{n-1} C_n^k y^{n-k} x^k \right) \cdot I,$$

إذ أن C_n^k يقصد به توافق n من العناصر التي تؤخذ بشكل زمر (مجاميع) ذات k من العناصر.

بالتالي فإن $\sqrt[n]{a} = x$ اذا كانت n عدد فردي ، أو $\pm \sqrt[n]{a} = x$ اذا كانت n عدد زوجي ، و

$$\left(\sum_{k=0}^{n-1} C_n^k y^{n-k} a^{\frac{k}{n}} \right) = b,$$

ثم نحلها من اجل y .

عندما حلول y & x تكون حقيقة، نحصل على حلول حقيقة نيوتروسوفكية ، بينما اذا كانت حلول y & x معقدة ستكون لدينا حلول نيوتروسوفكية معقدة.

لتكن $a + bi + ciI + diI$ عددا نيتروسوفكياً معقداً، إذ a, b, c, d اعداد حقيقة، لحسب الجذر التربيعي له:

$$\begin{aligned}
 & (\sqrt{a + bi + ci + diI})^2 = (x + yi + zi + wiI)^2 \\
 & a + bi + ci + diI = x^2 - y^2 + z^2I^2 + w^2i^2I^2 + 2xyi + 2xzi \\
 & \quad + 2xwiI + 2yzil + 2ywi^2I + 2zwiI^2 \\
 & = x^2 - y^2 + z^2I - w^2I + 2xyi + 2xzi \\
 & \quad + 2xwiI + 2yzil - 2ywI + 2zwiI \\
 & = (x^2 - y^2) + 2xyi \\
 & \quad + (z^2 - w^2 + 2xz - 2yw)I \\
 & \quad + (2xw + 2yz + 2zw)iI.
 \end{aligned}$$

بذلك سنحصل على نظام جبري غير خطى ذو متغيرات اربع هي (x, y, z, w) واربع معادلات هي:

$$\begin{cases} x^2 - y^2 = a \\ 2xy = b \\ z^2 - w^2 + 2xz - 2yw = c \\ 2xw + 2yz + 2zw = d. \end{cases}$$

وبأسلوب اكثرا عمومية، نستطيع حساب الجذر النوني n للعدد النيوتروسوفكي المعد:

$$(a + bi + ci + diI)^{\frac{1}{n}} = x + yi + zi + wiI,$$

إذ أن x, y, z, w عبارة عن متغيرات ضمن مجموعة اعداد حقيقية. برفع طرفي المعادلة للقوى n ، سنحصل على:

$$\begin{aligned}
 a + bi + ci + diI &= (x + yi + zi + wiI)^n \\
 &= f_1(x, y) + f_2(x, y)i + f_3(x, y, w, z)I + f_4(x, y, w, z)iI,
 \end{aligned}$$

إذ أن f_1, f_2, f_3, f_4 هي دوال الحقيقة.

بالتالي فإن لدينا نظام جبري غير خطى بأربع متغيرات هي (x, y, z, w) واربع معادلات هي :

$$\begin{cases} f_1(x, y) = a \\ f_2(x, y) = b \\ f_3(x, y, w, z) = c \\ f_4(x, y, w, z) = d, \end{cases}$$

هذا ما كنا بحاجة إلى حل.

بالطريقة نفسها يمكن حساب الجذر التربيعي للعدد الكلاسيكي المعقّد وكما يأتي:

ليكن $a + bi$ عدداً معقّداً ، حيث $i = \sqrt{-1}$ ، وكل من a, b عدّد حقيقي.

$$\sqrt{a + bi} = x + yi \Rightarrow (x + yi)^2 \equiv a + bi$$

حيث أن x, y هي أعداد حقيقة :

$$x^2 + 2xyi + y^2i^2 \equiv a + bi, \quad \text{أو}$$

$$(x^2 - y^2) + (2xy)i \equiv a + bi, \quad \text{أو}$$

$$\begin{cases} x^2 - y^2 = a \\ 2xy = b. \end{cases} \quad \text{بالتالي فإن}$$

من المعادلة الأولى نجد أن $x = \pm\sqrt{y^2 + a}$ قد تم تعويضها في المعادلة الثانية وكما يأتي:

$$\pm 2y\sqrt{y^2 + a} = b \quad (*)$$

بتربيع طرفي المقدار سنحصل على

$$4y^2(y^2 + a) = b^2$$

$$4y^4 + 4ay^2 - b^2 = 0 \quad \text{أو}$$

لتكن $z = y^2$ ، بذلك $4z^2 + 4az - b^2 = 0$ ، عندئذ

$$z = \frac{-4a \pm \sqrt{16a^2 - 4 \cdot 4 \cdot (-b^2)}}{2(4)} = \frac{-4a \pm \sqrt{16a^2 + 16b^2}}{8},$$

$$= \frac{-4a \pm 4\sqrt{a^2 + b^2}}{8} = \frac{-a \pm \sqrt{a^2 + b^2}}{2}.$$

$$y = \pm \sqrt{\frac{-a \pm \sqrt{a^2 + b^2}}{2}}, \quad \text{بذلك فإن}$$

$$x = \frac{b}{2y} = \frac{b}{\pm 2\sqrt{\frac{-a \pm \sqrt{a^2 + b^2}}{2}}} = \frac{\pm b}{\sqrt{2a \pm 2\sqrt{a^2 + b^2}}}, \quad \text{و}$$

من أجل $y \neq 0$.

بما أن المعادلة (*) هي معادلة تحمل جذراً يتغير بتغيير قيمة y فنحن إذن بحاجة إلى التتحقق من كل حل من حلول المجهول y للتأكد باننا لنحصل على حل غريب.

بما أن a ، إن التعبير $\frac{-a + \sqrt{a^2 + b^2}}{2} \geq \pm\sqrt{a^2 + b^2} \geq 0$ ، ستكون حالة المساواة متحققة فقط عندما $y = 0$ وتنتج حالة $b = 0$.

لذلك يوجد على الأقل اثنان من الحلول ذات قيم حقيقة لـ y ،

$$y = \pm \sqrt{\frac{-a + \sqrt{a^2 + b^2}}{2}},$$

بينما الحال $0 \leq \frac{-a - \sqrt{a^2 + b^2}}{2}$ ، فيها حالة المساواة في المترابحة ستتحقق فقط
عندما $y = 0$ ، مما يؤدي إلى أن $b = 0$

وكحالة خاصة سنحصل على :

$$\sqrt{i} = \frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{2}}{2} \cdot i, \text{ or } -\frac{\sqrt{2}}{2} - \frac{\sqrt{2}}{2}$$

$a = 0, b = 1$ ، وبالتالي فإن $i = 0 + 1 \cdot i$ ولأن

أخيراً نقوم بتعويض كلا المقدارين a, b في صيغة كل من x, y .
يمكننا التأكد من نتائج الحل اعلاه كما يأتي :

$$\left(\frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{2}}{2} \cdot i \right)^2 = \frac{2}{4} + 2 \cdot \frac{2}{4} i + \frac{2}{4} i^2 = \frac{1}{2} + i - \frac{1}{2} = i.$$

$$\left(-\frac{\sqrt{2}}{2} - \frac{\sqrt{2}}{2} i \right)^2 = i.$$
 وبالطريقة نفسها

لنأخذ مثلاً آخرً مع كل حساباته التفصيلية :

$$\sqrt{3 - 4i} = ?$$

$$\sqrt{3 - 4i} = x + yi. \quad \text{نرمز للمقدار بـ}$$

$$3 - 4i \equiv (x + yi)^2 = (x^2 - y^2) + (2xy)i. \quad \text{عندئذٌ}$$

$$\begin{cases} x^2 - y^2 = 3 \\ 2xy = -4. \end{cases} \quad \text{بالناتي}$$

نقوم بحل هذا النظام.

من المعادلة الثانية، $\frac{-2}{x} = y$ ، بتعويض قيمة y في المعادلة الأولى :

$$x^2 - \left(\frac{-2}{x}\right)^2 = 3,$$

$$x^2 - \frac{4}{x^2} - 3 = 0, \quad \text{أو}$$

$$x^4 - 3x^2 - 4 = 0, \quad \text{أو}$$

$$(x^2 - 4)(x^2 + 1) = 0, \quad \text{أو}$$

$$x^2 - 4 = 0, \quad \text{بالتالي}$$

$$x = \pm 2.$$

$$y = \frac{-2}{x} = \frac{-2}{\pm 2} = \mp 1 , \quad \text{عندئذٍ}$$

$$\sqrt{3 - 4i} = \pm(2 - i) \quad \text{الحلول هي}$$

$$[\pm(2 - 1)]^2 = 4 - 4i + i^2 = 3 - 4i \quad \text{للتأكد من النتيجة :}$$

من اللافت للنظر، إننا سنحصل على الحلول ذاتها اذا كانت لدينا قيم عقدية لـ x, y ،
وذلك لأن $0 = 1 + x^2$ سيؤدي الى ان $i = \pm\sqrt{-1} = \pm i$ وبنطويوضها في قيمة $y = \frac{-2}{x}$ يؤدي الى:

$$y = \frac{-2}{\pm i} = \frac{-2}{\pm i} \cdot \frac{i}{i} = \frac{-2i}{\pm i^2} = \frac{-2i}{\mp 1} = \pm 2i.$$

عندئذٍ

$$\sqrt{3 - 4i} = x + yi = \pm i \pm 2i \cdot i = \pm i \pm 2(-1) = \mp 2 \pm i = \pm(2 - i).$$

من اجل تعميم هذا الاجراء لحساب الجذر النوني لاي عدد معقد:

$$\sqrt[n]{a + bi} = ?$$

بالطريقة نفسها نرمز للمقدار بـ:

$$\sqrt[n]{a + bi} = x + yi,$$

$$a + bi \equiv (x + yi)^n = (yi + x)^n \quad \text{عندئذٍ}$$

$$\begin{aligned}
 &= \sum_{k=0}^{\left[\frac{n}{2}\right]} C_n^{2k} y^{2k} i^{2k} x^{n-2k} \\
 &+ \sum_{k=0}^{\left[\frac{n-1}{2}\right]} C_n^{2k+1} y^{2k+1} i^{2k+1} x^{n-2k-1}
 \end{aligned}$$

بذلك نحصل على نظام من معادلات جبرية غير خطية بدرجة n وذات متغيرين هما x ونوعين من المعادلات هي:

$$\begin{cases} \sum_{k=0}^{\left[\frac{n}{2}\right]} C_n^{2k} y^{2k} (-1)^k x^{n-2k} = a \\ \sum_{k=0}^{\left[\frac{n-1}{2}\right]} C_n^{2k+1} y^{2k+1} (-1)^k x^{n-2k-1} = b \end{cases}$$

يمكن حل هذه المنظومة باستخدام برنامج حاسوبي.

حالة خاصة، سنقوم بحساب الجذر التكعيبى للعدد العقدي $a + bi$ كما يأتي:

$$\sqrt[3]{a + bi} = ?$$

$$\sqrt[3]{a + bi} = x + yi,$$

$$\begin{aligned}
 a + bi &\equiv (x + yi)^3 = x^3 + 3x^2yi + 3xy^2i^2 + y^3i^3 \\
 &= (x^3 - 3xy^2) + (3x^2y - y^3)i,
 \end{aligned}
 \quad \text{أو}$$

بالتالي فإن:

$$\begin{cases} x^3 - 3xy^2 = a \\ 3x^2y - y^3 = b \end{cases}$$

ونحل من اجل y و x .

من المعادلة الأولى نحصل على:

$$y = \pm \sqrt{\frac{x^3 - a}{3x}}.$$

بتعويض هذه القيمة في المعادلة الثانية:

$$\pm 3x^2 \sqrt{\frac{x^3 - a}{3a}} \mp \left(\sqrt{\frac{x^3 - a}{3a}} \right)^3 - b = 0$$

بحل هذه المعادلة المستقلة من اجل x ، ثم سنجد قيمة y بالتعويض في اعلاه ،

مثلاً

$$\sqrt[3]{i} = -i.$$

4.3 متعددة الحدود النيوتروسوفكية الحقيقية او المعقّدة

Neutrosophic Real or Complex Polynomial

إن متعددة الحدود التي معاملاتها تحوي أرقاماً نيوتروسوفكية (أو على الأقل واحدة من هذه المعاملات تحوي I) تسمى متعددة حدود نيوتروسوفكية.

بطريقة مشابهة يمكن ان نعرّف متعددات الحدود النيوتروسوفكية الحقيقية ، اذا كانت معاملاتها اعداد نيوتروسوفكية حقيقية، ومتعددة الحدود النيوتروسوفكية المعقّدة ، إذا كانت معاملاتها اعداد نيوتروسوفكية معقّدة.

بعض الامثلة:

$$p(x) = x^2 + (2 - I)x - 5 + 3I$$

$$Q(x) = 3x^3 + (1 + 6i)x^2 + 5Ix - 4iI$$

من متعددات الحدود هذه، نمضي في حل معادلات متعددة الحدود النيوتروسوفكية الحقيقية او المعقّدة.

لفترض وجود معادلة متعددة الحدود النيوتروسوفكية الحقيقية الآتية:

$$6x^2 + (10 - I)x + 3I = 0,$$

سنخلّها باستخدام الصيغة التربيعية فقط:

$$x = \frac{-(10 - I) \pm \sqrt{(10 - I)^2 - 4(6)(3I)}}{2(6)}$$

$$= \frac{-10 + I \pm \sqrt{100 - 20I + I^2 - 72I}}{12}$$

$$= \frac{-10 + I \pm \sqrt{100 - 20I + I - 72I}}{12}$$

$$= \frac{-10 + I \pm \sqrt{100 - 91I}}{12}$$

لإيجاد قيمة $\sqrt{100 - 91I}$ = $\alpha + \beta I$ سفترض ان $\sqrt{100 - 91I}$ هي قيم حقيقة .

بتربيع طرفي المقدار السابق:

$$\begin{aligned} 100 - 91I &= \alpha^2 + 2\alpha\beta I + \beta^2 I^2 = \alpha^2 + 2\alpha\beta I + \beta^2 I \\ &= \alpha^2 + (2\alpha\beta + \beta^2)I, \end{aligned}$$

$$\left\{ \begin{array}{l} \alpha^2 = 100 \\ 2\alpha\beta + \beta^2 = -91 \end{array} \right. \quad \text{بالناتي}$$

$$\alpha = \pm \sqrt{100} = \pm 10. \quad \text{عندئذٍ}$$

$$1. \text{ if } \alpha = 10, \Rightarrow 2(10)\beta + \beta^2 = -91, \text{ or } \beta^2 + 20\beta + 91 = 0.$$

باستخدام الصيغة التربيعية سنحصل على:

$$\begin{aligned} \beta &= \frac{-20 \pm \sqrt{20^2 - 4(1)91}}{2} = \frac{-20 \pm \sqrt{400 - 364}}{2} \\ &= \frac{-20 \pm 6}{2} = \begin{cases} \frac{-20 + 6}{2} = -7; \\ \frac{-20 - 6}{2} = -13. \end{cases} \end{aligned}$$

$$2. \text{ If } \alpha = -10, \Rightarrow \beta^2 - 20\beta + 91 = 0,$$

$$\begin{aligned}\beta &= \frac{20 \pm \sqrt{(-20)^2 - 4(1)91}}{2} = \frac{20 \pm \sqrt{400 - 364}}{2} \\ &= \frac{20 \pm 6}{2} = \begin{cases} \frac{20 + 6}{2} = 13 \\ \frac{20 - 6}{2} = 7 \end{cases}\end{aligned}$$

إن الحلول الأربع التي حصلنا عليها هي:

$$(\alpha, \beta) = (10, -7), (10, -13), (-10, 13), (-10, 7).$$

نجد قيمة α وذلك بالعودة لمسألة الأصلية:

$$x = \frac{-10 + I \pm \sqrt{100 - 91I}}{12}$$

سابقاً كنا قد وجدنا أن

$$\sqrt{100 - 91I} = 10 - 7I, \text{ or } -10 + 7I, \text{ or } 10 - 13I, \text{ or } -10 + 13I.$$

ونظرأً لوجود \pm أمام قيمة الجذر $\sqrt{100 - 91I}$ ستتأثر قيمة α تبعاً للقيم $-10 + 7I$ و $10 - 7I$ و $-10 + 13I$ و $10 - 13I$ - وكما يأتي:

$$\begin{aligned}x_{1,2} &= \frac{-10 + I \pm (10 - 7)}{12} \\ &= \begin{cases} \frac{-10 + I + 10 - 7I}{12} = \frac{-16}{12} = -\frac{1}{2}I; \\ \frac{-10 + I - 10 + 7I}{12} = \frac{-20 + 8I}{12} = -\frac{5}{3} + \frac{2}{3}I; \end{cases} \\ x_{1,2} &= \frac{-10 + I \pm (10 - 13I)}{12}\end{aligned}$$

$$= \begin{cases} \frac{-10 + I + 10 - 13I}{12} = \frac{-12I}{12} = -I; \\ \frac{-10 + I - 10 + 13I}{12} = \frac{-20 + 14I}{12} = -\frac{10}{6} + \frac{7}{6}I. \end{cases}$$

نكون بذلك قد حصلنا على أربع حلول نيوتروسويفية هي :

$$\left\{ -\frac{1}{2}I, -\frac{5}{3} + \frac{2}{3}I, -I, -\frac{10}{6} + \frac{7}{6}I \right\}$$

هي حلول لمتعددة الحدود النيوتروسويفية من الدرجة الثانية.

التحليل النيوتروسويفي الاول (طريقة التجربة) الى العوامل:

$$\begin{aligned} p(x) &= 6x^2 + (10 - I)x + 3I = 6 \left[x - \left(-\frac{1}{2}I \right) \right] \cdot \left[x - \left(-\frac{5}{3} + \frac{2}{3}I \right) \right] \\ &= 6 \left(x + \frac{1}{2}I \right) \left(x + \frac{2}{3} - \frac{5}{3}I \right) \end{aligned}$$

التحليل النيوتروسويفي الثاني (طريقة التجربة) الى العوامل:

$$\begin{aligned} p(x) &= 6x^2 + (10 - I)x + 3I = 6[x - (-I)]. \left[x - \left(-\frac{10}{6} + \frac{7}{6}I \right) \right] \\ &= 6(x + I) \left(x + \frac{10}{6} - \frac{7}{5}I \right) \end{aligned}$$

شكل مختلف عن متعددات الحدود التقليدية ذات معاملات (حقيقية او معقدة)؛ نجد ان متعددات الحدود النيوتروسويفية لا تمتلك عوامل وحيدة.

لو اردنا التحقق من الحل، نجد أنّ:

$$p(x_1) = p(x_2) = p(x_3) = p(x_4) = 0$$

لنجري الحسابات الآتية:

$$\begin{aligned}
 p(x_4) &= p\left(\frac{-10}{6} + \frac{7}{6}I\right) \\
 &= 6\left(\frac{-10}{6} + \frac{7}{6}I\right)^2 + (10 - I)\left(\frac{-10}{6} + \frac{7}{6}I\right) + 3I \\
 &= 6\left(\frac{100}{36} - \frac{140}{36}I + \frac{49}{36}I^2\right) + \left(\frac{-100}{6}\right) + \frac{70}{6}I + \frac{10I}{6} - \frac{7}{6}I^2 + 3I \\
 &= \frac{100}{6} - \frac{140I}{6} + \frac{49I^2}{6} - \frac{100}{6} + \frac{70I}{6} + \frac{10I}{6} - \frac{7I}{6} + \frac{18I}{6} \\
 &= \frac{-140I + 49I + 70I + 10I - 7I + 18I}{6} = \frac{0I}{6} = \frac{0}{6} \\
 &= 0.
 \end{aligned}$$

هناك اسلوب آخر لتحليل متعددة الحدود النيوتروسووكية الى عواملها الحقيقية وكمياً يأتي:

لنفرض أن لدينا

$$p(x) = (A + B \cdot I)x^2 + (C + D \cdot I)x + (E + F \cdot I) = 0.$$

لنفرض ان كل من x_1 و x_2 هما حلين نيوتروسووكبيين حقيقيين لـ $p(x) = 0$.

عندئـ

$$\begin{aligned}
 p(x) &= (A + B \cdot I)[x - (a_1 + b_1I)]. [x - (a_2 + b_2I)] \equiv \\
 &\quad (A + B \cdot I)x^2 + (C + D \cdot I)x + (E + F \cdot I)
 \end{aligned}$$

سنضرب الطرف اليمـاني ، ثم نحدد المعاملات النيوتروسووكية ونحل من

أجل a_1, b_1, a_2 and b_2

5.3 اتجاهات بحثية (مسائل قيد البحث)

Research Problems

- 1 بشكل عام، كم عدد الحلول النيوتروسوفكية التي تملكها معادلة متعددة حدود نيوتروسوفكية بمعاملات حقيقية ذات درجة $n \geq 1$ ؟
لحد الان، نحن نعلم جيداً ان هكذا معادلة من الدرجة الاولى ($n = 1$) لا تملك حلاً عندما القسمة النيوتروسوفكية غير معروفة أو لديها حل وحيد عندما القسمة النيوتروسوفكية معروفة تعرضاً جيداً.
- 2 كم عدد العوامل المختلفة، مع العوامل ذات الدرجة الاولى التي يمكن ان نجد لها متعددة حدود نيوتروسوفكية بمعاملات حقيقية وذات درجة n ؟ علماً اننا قد حصلنا على عاملين مختلفين لمتعددة حدود خاصة من الدرجة الثانية ($n = 2$).
- 3 و-4 يمكن طرح الأسئلة نفسها اعلاه لحالات معادلات متعددة حدود بمعاملات معقدة وذات درجة $n \geq 1$.

الفصل الرابع

Chapter Four

الأعداد النيوتروسفكية العشوائية

Neutrosophic Random Numbers

1.4 الأعداد النيوتروسوفكية العشوائية

Neutrosophic Random Numbers

يمكن توليد الارقام العشوائية النيوتروسوفكية باستخدام تجمع من مجموعات بدلاً من ارقام تقليدية فقط. على سبيل المثال، لنفرض ان لدينا مئة (100) كرة وعلى كل كرة مكتوب فتره معينة $[a, b]$ حيث أن $a \leq b$ و $a, b \in \{1, 2, 3, \dots, 100\}$ ؛ في حالة أن $a = b$ ستتفاصل الفترة $[a, b]$ الى العدد التقليدي a .

لذلك لو حاول احدنا سحب كرة عشوائياً، ثم قمنا بتسجيل الفترة الموجودة على هذه الكرة ثم اعدنا الكرة مرة اخرى الى تجمع ال الكرات (سلة ال الكرات). وكررنا هذه العملية مراراً، سنحصل على متتابعة عشوائية من فترات بدلاً عن متتابعة عشوائية من اعداد تقليدية.

2.4 مثال ذو بيانات نيوتروسو فكية

Example with Neutrosophic Data

لو كانت لدينا المشاهدات الأربع الآتية: $[18,24]$, 6 , $[2,5]$, 30 , $[18,24]$ نجد ان المشاهدات الثانية والرابعة غير واضحة. هذا يعني ان الرقم في الفترة $[2,5]$ غير معلوم, كذلك الحال بالنسبة للرقم المطلوب في الفترة $[18,24]$ بهذا يكون لدينا حالتان من الالاعبين. من أجل توحيد الصيغة سنعيد كتابة كل المشاهدات بشكل فترات وكما يأتي :

$[6,6]$, $[2,5]$, $[30,30]$, $[18,24]$.

كذلك يمكن لكل مشاهدة ان تكون مجموعة جزئية، وليس بالضرورة أن تكون رقم تقليدي او فترة (مغلقة، مفتوحة، نصف مغلقة، نصف مفتوحة).

حساب الوسيط:

$$\frac{[2,5]+[30,30]}{2} = \frac{[2+30,5+30]}{2} = \frac{[32,35]}{2} = \left[\frac{32}{2}, \frac{35}{2} \right] = [16,17.5].$$

وبذلك فان الوسيط هو رقم يقع بين الرقمين 17.5 و 16.

كما ويمكن حساب معدل هذه المشاهدات كما يأتي :

$$\begin{aligned} & \frac{[6,6] + [2,5] + [30,30] + [18,24]}{4} \\ &= \frac{[6 + 2 + 30 + 18,6 + 5 + 30 + 24]}{4} = \frac{[56,65]}{4} \\ &= \left[\frac{56}{4}, \frac{65}{4} \right] = [14,16.25]. \end{aligned}$$

لذلك فإن المعدل هو رقم يقع بين 16.25 و 14
إن حساب انحرافات هذه المشاهدات ومربعاتها هي كما يأتي:

- a. $[6,6] - [14,16.2] = [6 - 16.2, 6 - 14] = [-10.2, -8]$,
 $[-10.2, -8]^2 = [-10.2, -8]. [-10.2, -8] =$
 $-8, [-10.2]. [-10.2] = [64, 104.04].$
- b. $[2, 5] - [14, 16.25] = [2 - 16.25, 5 - 14] = [-14.25, -9]$,
 $[-14.25, -9]^2 = [(-9)^2, (-14.25)^2] = [81, 203.0625].$
- c. $[30, 30] - [14, 16.2] = [30 - 16.2, 30 - 14] = [13.8, 16]$,
 $[13.8, 16]^2 = [13.8^2, 16^2] = [190.44, 256].$
- d. $[18, 24] - [14, 16.2] = [18 - 16.2, 24 - 14] = [1.8, 10]$,
 $[1.8, 10]^2 = [1.8^2, 10^2] = [3.24, 100].$

لحساب الانحراف المعياري:

$$\begin{aligned} &= \sqrt{\frac{[64, 104.04] + [81, 203.0625] + [190.44, 256] + [3.24, 100]}{4}} \\ &= \sqrt{\left[\frac{64 + 81 + 190.44 + 3.24}{4}, \frac{104.04 + 203.0625 + 256 + 100}{4} \right]} \\ &= \sqrt{[84.67, 165.775625]} = [\sqrt{84.67}, \sqrt{165.775625}] \\ &\cong [9.20163, 12.8754]. \end{aligned}$$

3.4 اللاتعين في حجم العينة

Indeterminacy Related to the Sample Size

لو كان لاحدنا المشاهدات الآتية: 17 , 12 , 5 , 8 , 9

علمًاً أن إحدى هذه المشاهدات هي بالتأكيد خطأً؛ لكن لحد الان لا علم لنا اي من هذه المشاهدات هي المشاهدة الخاطئة. لنقم اولاً بإعادة ترتيب المشاهدات تصاعدياً وبعد ذلك ندرس كل الاحتمالات.

5, 8, 9, 12, 17

مقدمة في الاحصاء النيوتروسوفكي
ترجمة هدى اسماعيل خالد ، احمد خضر عيسى
تأليف فلورنتن سمارانداكة

| رقم المادة (الجدة) | المادة المطلة | المادة السابقة | الوسيط | المتوسط الصافي | الانحرافات | مربعات الانحرافات | الانحراف المعاري |
|--------------------------|------------------|-------------------|-------------------------|------------------------|--------------|----------------------|---------------------|
| 1 | | 8 | | | 8-11.5=-3.5 | 12.25 | |
| | | 9 | | | 9-11.5=-2.5 | 6.25 | |
| | | 12 | $\frac{9+12}{2} = 10.5$ | $(8+9+12+17) /4=11.5$ | 12-11.5= 0.5 | 0.25 | |
| | | 17 | | | 17-11.5= 5.5 | 30.25 | |
| | 5 | | 10.5 | 11.5 | | | 3.5 |
| 2 | | 5 | | | -5.75 | 33.0625 | |
| | | 9 | | | -1.75 | 3.0625 | |
| | | 12 | $\frac{9+12}{2} = 10.5$ | $(5+9+12+17) /4=10.75$ | 1.25 | 1.5625 | |
| | | 17 | | | 6.25 | 39.0625 | |
| | 8 | | 10.5 | 10.75 | | | 4.38035 |
| 3 | | 5 | | | -5.5 | 30.25 | |
| | | 8 | | | -2.5 | 6.25 | |
| | | 12 | $\frac{8+12}{2} = 10$ | | 1.5 | 2.25 | |
| | | 17 | | | 6.5 | 42.25 | |
| | 9 | | 10.0 | 10.5 | | | 4.5 |
| 4 | | 5 | | | -4.75 | 22.5625 | |
| | | 8 | | | -1.75 | 3.0625 | |
| | | 9 | | | -0.75 | 0.5625 | |
| | | 17 | | | 7.25 | 52.5625 | |
| | 12 | | 8.5 | 9.75 | | | 4.43706 |
| 5 | | 5 | | | -3.5 | 12.25 | |
| | | 8 | | | -0.5 | 0.25 | |
| | | 9 | | | 0.5 | 0.25 | |
| | | 12 | | | 3.5 | 12.25 | |
| | 17 | | 8.5 | 8.5 | | | 2.5 |

فيما يأتي سنعمل على دمج النتائج الخمس وفق المفاهيم الآتية :

- a. مفاهيم احصائية بصيغة فترة:
 الوسيط ينتمي الى الفترة [8.5,10.5] ;
 المعدل ينتمي الى الفترة [8.5,11.5] ;
 الانحراف المعياري ينتمي الى الفترة [2.5,4.43706] .

b. مفاهيم احصائية بصيغة معدل:

$$\begin{aligned}
 \text{الوسيط} &= \frac{10.5 + 10.5 + 10.0 + 8.5}{5} = 9.6; \\
 \text{المتوسط الحسابي} &= \frac{11.5 + 10.75 + 10.5 + 9.75 + 8.5}{5} \\
 &= 10.2; \\
 \text{الانحراف المعياري} &= \frac{3.5+4.38035+4.5+4.43706+2.5}{5} \cong 3.86348 .
 \end{aligned}$$

c. مفاهيم احصائية بصيغة معدل موزون:

يمكنا تخصيص وزن لكل عينة. إن وزن العينة قد يمثل فرصه ان تكون العينة هي العينة الصحيحة وذلك بعد إقصاء المشاهدات الخاطئة.

بشكل عام، تكون قيم الاوزان $w_1, w_2, \dots, w_n \in [0.1]$ بحيث ان

$$w_1 + w_2 + \dots + w_n = 1$$

في حالة أن اوزان العينة يتم تحديدها وفق مقاييس تختلف احدها عن الاخرى، بذلك سنحصل على مجموع اوزان لا يساوي 1، والمشاهدات هي $a_1 + a_2 + \dots + a_n$ ،

عندئذ فإن هذه المشاهدات سيعادل $\frac{w_1a_1 + w_2a_2 + \dots + w_na_n}{w_1 + w_2 + \dots + w_n}$

$$\frac{w_1a_1 + w_2a_2 + \dots + w_na_n}{w_1 + w_2 + \dots + w_n}$$

في مثالنا اذا كانت

$$w_1 = 0.4, w_2 = 0.1, w_3 = 0.3, w_4 = 0.2, w_5 = 0.7$$

، عندها سنجد أنَّ:

معدل الوسيط الموزون هو:

$$= \frac{0.4(10.5) + 0.1(10.5) + 0.3(10.0) + 0.2(8.5) + 0.7(8.5)}{0.4 + 0.1 + 0.3 + 0.2 + 0.7} \\ \cong 9.35294;$$

المعدل الموزون للوسط الحسابي هو:

$$= \frac{0.4(11.5) + 0.1(10.75) + 0.3(10.5) + 0.2(9.75) + 0.7(8.5)}{0.4 + 0.1 + 0.3 + 0.2 + 0.7} \\ \cong 9.83824;$$

المعدل الموزون للانحراف هو:

$$= \frac{0.4(3.5) + 0.1(4.38035) + 0.3(4.5) + 0.2(4.43706) + 0.7(2.5)}{0.4 + 0.1 + 0.3 + 0.2 + 0.7} \\ \cong 3.42673;$$

نسبة الى اوزان العينة، نجد أنَّ العينة الصافية هي العينة الخامسة. لذلك تميل المقاييس الاصحائية المُدمجة لجميع العينات الى الاقتراب من المقاييس الاصحائية للعينة الخامسة.

إن هذا المثال يمكن تعميمه لـ n من المشاهدات التي فيها k من المشاهدات الخاطئة ، إذ أن $2 \leq k \leq n - 1$

بوجود برنامج حاسوبي يمكن لاحدنا دراسة كل التوافقيات C_n^{n-k} الناتجة بعد إقصاء k من المشاهدات الخاطئة في $k - n$ من المجاميع ذات عدد عناصر يبلغ $k - n$ ، ان كل عينة تكون ذات حجم $k - n$. لكل عينة سنقوم بحساب الوسيط، المعدل،

الانحرافات، الانحرافات المعيارية، وبالتأكيد سيتم حساب باقي المقاييس الاحصائية المطلوبة في المسألة النيوتروسوفكية قيد الحل.

بعد ذلك سنقوم بدمج C_n^{n-k} من النتائج باستخدام المفاهيم الاحصائية بصيغة فترة او بصيغة معدل او نستخدم مفاهيم احصائية بصيغة معدلات ذات اوزان؛ او اي وسيلة اخرى قد يقوم القارئ بتصميمها اعتماداً على نوع المسألة.

الفصل الخامس

Chapter Five

التوزيعات الاحتمالية

النيوتروسويفكية

Neutrosophic Probability
Distributions

1.5 توزيع ذي الحدين النيوتروسوفكى

Neutrosophic Binomial Distribution

في هذا البند، سيتم توسيعة مفهوم توزيع ذي الحدين التقليدي وفق النظرية النيوتروسوفكية، هذا يعني أن هناك بعض الالاتعيبين ذو علاقة بالتجربة الاحتمالية.

لفرض ان كل تجربة يمكن ان تنتج بثلاث مخرجات؛ جزء منها مُعنون بـ S ويقصد بها حالات نجاح التجربة؛ مقروناً بمخرجات تُعنون بـ F ويقصد بها حالات الفشل ؛ أما الجزء الاخير فيمثل الالاتعيبين الذي سنرمز له بـ I .

على سبيل المثال: إن رمي عملة معدنية على سطح غير نظامي فيه شقوق سينتاج عنه احتمال سقوط العملة داخل إحدى الشقوق مستقرة على حافتها اي ان حافة العملة تكون داخل الشق؛ وبالتالي لن نحصل من هذه التجربة لا على صورة العملة ولا على الوجه الذي فيه الكتابة؛ إذن هناك حالة لا تعين في هذه التجربة.

نستطيع ادارة عدد ثابت من تجارب صغيرة (نسميتها trials). من المعلوم ان مخرجات I trials مستقلة. لكل تجربة نجد ان فرصة الحصول على S مساوية لفرصة الحصول على F او الحصول على I .

وفق ما تم ذكره اعلاه نجد ان كل متغير عشوائي ذي الحدين النيوتروسوفكى x يمكن تعريفه على أنه عدد النجاحات التي حصلنا عليها من تجربة انجزناها $1 \leq n$ من المرات.

إن التوزيع الاحتمالي النيوتروسوفكى $- x$ يسمى ايضاً التوزيع الاحتمالي ذي الحدين النيوتروسوفكى.

اولاً: نجد وبشكل واضح ان الحصول على لا تعين في كل تجربة يعني بالنتيجة سنحصل على لا تعين لمجموعة كل التجارب n .

ثانياً: في حالة عدم حصولنا على الالاتعيبين من اي تجربة من التجارب يؤدي بالضرورة إلى عدم وجود الالاتعيبين في مجموعة كل التجارب n .

لكن ماذا لو حصلنا على لاتعيين في بعض التجارب ، وتعيين (اي حالات نجاح او فشل) في تجارب اخرى؟

ذلك يعني ان مجموعة كل التجارب n تحوي على لا تعيين بشكل جزئي وتعيين بشكل جزئي ايضاً، وذلك يعتمد على المسألة المراد حلها وعلى وجهه نظر الخبير .

يمكن لأحد هم تعريف حد العتبة (indeterminacy threshold) لـ الاتعيين على أنه:

. $th \in \{0,1,2, \dots, n\}$ هي عدد التجارب التي مخرجاتها تمثل لاتعيين، حيث ان th هي الحالات التي فيها حد العتبة أكبر من th ستنتهي هذه الحالات الى جزء الاتعيين، بينما ان كان حد العتبة أقل من او يساوي th فان هذه الحالات ستنتهي الى جزء التعيين.

لتكن $P(S)$ تمثل فرصة نجاح نتائج تجربة معينة و $P(F)$ تمثل فرصة نتائج تجربة معينة في حالة فشلها، وإن كلاً من S و F يمثلان جزء التعيين في المسألة وهمما يختلفان عن الاتعيين.

لتكن $P(I)$ تمثل فرصة نتائج تجربة معينة في حالة الاتعيين.

من اجل $\{0,1,2, \dots, n\}$ ، $x \in \{0,1,2, \dots, n\}$ (تمثل بالضبط X من النجاحات ضمن n من التجارب) وهي تساوي (T_x, I_x, F_x) علماً أن :

$$\begin{aligned} T_x &= \frac{n!}{x! (n-x)!} \cdot P(S)^x \cdot \sum_{k=0}^{th} C_{n-x}^k P(I)^k P(F)^{n-x-k} \\ &= \frac{n!}{x! (n-x)!} \cdot P(S)^x \cdot \sum_{k=0}^{th} \frac{(n-x)!}{k! (n-x-k)!} P(I)^k P(F)^{n-x-k} \end{aligned}$$

$$= \frac{n!}{x!} \cdot P(S)^x \cdot \sum_{k=0}^{th} \frac{P(I)^k P(F)^{n-x-k}}{k! (n-x-k)!}$$

وبشكل مشابه:

$$F_x = \sum_{\substack{y=0 \\ y \neq x}}^n T_y = \sum_{\substack{y=0 \\ y \neq x}}^n \frac{n!}{y!} \cdot P(S)^y \cdot \left[\sum_{k=0}^{th} \frac{P(I)^k \cdot P(F)^{n-y-k}}{k! (n-y-k)!} \right]$$

$$\begin{aligned} I_x &= \sum_{z=th+1}^n \frac{n!}{z!(n-z)!} \cdot P(I)^z \cdot \left[\sum_{k=0}^{n-z} C_{n-z}^k P(S)^k \cdot P(F)^{n-z-k} \right] \\ &= \sum_{z=th+1}^n \frac{n!}{z!(n-z)!} \cdot P(I)^z \cdot \left[\sum_{k=0}^{n-z} \frac{(n-z)!}{k!(n-z-k)!} P(S)^k \cdot P(F)^{n-z-k} \right] = \\ &\quad \sum_{z=th+1}^n \frac{n!}{z!} \cdot P(I)^z \cdot \left[\sum_{k=0}^{n-z} \frac{P(S)^k \cdot P(F)^{n-z-k}}{k!(n-z-k)!} \right], \end{aligned}$$

حيث ان C_u^v تعني التوافق لـ u من العناصر مأخوذة بشكل مجاميع من v من العناصر:

$$C_u^v = \frac{u!}{v! (u-v)!}$$

و! u هو مفهوك $u, u \cdot \dots \cdot u$.

تمثل فرصة x من النجاحات، عليه ستكون هناك $x - n$ من حالات الفشل واللاتعبيين، علمًا ان عدد اللاتعبيين يكون اقل او مساوياً لحد عتبة الاتعبيين.

تمثل فرصة y من حالات الفشل، إذ ان $x \neq y$ و $y - n$ تمثل عدد حالات النجاح مع حالات الاتعبيين شرط ان يكون عدد حالات الاتعبيين ايضاً اقل او مساوياً لحد عتبة الاتعبيين.

تمثل فرصة z من الاتعبيات، اذ ان z تكون اكبر من حد عتبة الاتعبيين حتماً.

$$T_x + I_x + F_x = (P(S) + P(I) + P(F))^n$$

في اغلب التطبيقات نجد أن: $1 = P(S) + P(I) + P(F)$ ونطلق على هذه الحالة الاحتمالية التامة (complete probability).

اما الاحتمالية غير التامة (incomplete probability) (وهذه الحالة تحصل عندما يكون هناك معلومات مفقودة).

بينما الاحتمالية غير المتسقة او ما تسمى (اي الاحتمالية التي تملك معلومات متضاربة) ستكون فيها:

$$1 < p(S) + p(I) + p(F) \leq 3$$

1.1.5 مثال

في متجر لبيع الساعات، من بين الساعات التي تم بيعها، وجد أن 80% ساعات رقمية العرض و 10% ساعات ذات عقارب. هناك عدد من الساعات التي تم بيعها ولم يكن صاحب المتجر متأكداً من نوعية عرضها، لذا قام صاحب المتجر بسؤال مساعدته عن هذه النسبة؛ ان مساعد المدير لم يكن على دراية بالتخمينات السابقة لصاحب المتجر لذا أبدى رأيه بشكل مستقل حول تلك الساعات مجهولة النوعية بأن نسبتها 20% من المبيعات.

لنفرض أن المتغير العشوائي النيوتروسوفي x يمثل عدد الساعات ذات العقارب والتي سيتم بيعها للمستثمرين الخمسة التاليين. لذلك نجد أن

$$P(F) = P(\text{العرض الرقمي}) = 0.8,$$

$$P(S) = P(\text{ذات عقارب}) = 0.1,$$

$$P(I) = P(\text{اللاتعبي}) = 0.2.$$

حصلنا على احتمالية نيوتروسوفيكية غير متسقة وذلك لأننا حصلنا على المعلومات من مصادر مختلفة التخمين فيها مخمنين اثنين مستقلين وهم المدير ومساعده، إذ إنَّ

$$0.8 + 0.1 + 0.2 = 1.1 > 1$$

هنا يوجد لدينا توزيع ذي حددين نيوتروسوفي. لفرض أنّ حد عتبة الالاعبين هو 2. نعرف المتغير العشوائي x كما يلي:

x تمثل عدد الساعات ذات العقارب ضمن الخمسة قطع من الساعات التي سيتم شرائها من قبل الزبائن لاحقاً،

$$T_x = \frac{5!}{x!} (0.1)^x \cdot \sum_{k=0}^2 \frac{(0.2)^k (0.8)^{5-x-k}}{k! (5-x-k)!}, \quad \text{where } x = 0, 1, 2, 3, 4, 5.$$

إنّ فرصة او احتمالية ان تكون هناك ساعتان رقميتان بالضبط ، اي ان $x = 2$ هي:

$$T_2 = \frac{5!}{2!} (0.1)^2 \cdot \left[\frac{(0.2)^0 \cdot (0.8)^3}{0! 3!} + \frac{(0.2)^1 \cdot (0.8)^2}{1! 2!} + \frac{(0.2)^2 \cdot (0.8)^1}{2! 1!} \right] \\ = 0.0992.$$

$$I_2 = \sum_{z=2+1}^5 \frac{5!}{z!} \cdot (0.2)^z \cdot \left[\sum_{k=0}^{5-z} \frac{(0.1)^k (0.8)^{5-z-k}}{k! (5-z-k)!} \right] \\ = \frac{5!}{3!} (0.2)^3 \cdot \left[\sum_{k=0}^2 \frac{(0.1)^k (0.8)^{2-k}}{k! (2-k)!} \right] \quad (\text{for } z = 3) \\ + \frac{5!}{4!} (0.2)^4 \cdot \left[\sum_{k=0}^1 \frac{(0.1)^k (0.8)^{1-k}}{k! (1-k)!} \right] \quad (\text{for } z = 4) \\ + \frac{5!}{5!} (0.2)^5 \cdot \left[\sum_{k=0}^0 \frac{(0.1)^k (0.8)^{0-k}}{k! (-k)!} \right] \quad (\text{for } z = 5)$$

$$\begin{aligned}
 &= 20 \cdot (0.2)^3 \cdot \left[\frac{(0.1)^0 \cdot (0.8)^2}{0! 2!} + \frac{(0.1)^1 \cdot (0.8)^1}{1! 1!} + \frac{(0.1)^2 \cdot (0.8)^0}{2! 0!} \right] \\
 &\quad + 5 \cdot (0.2)^4 \cdot \left[\frac{(0.1)^0 \cdot (0.8)^1}{0! 1!} + \frac{(0.1)^1 \cdot (0.8)^0}{1! 0!} \right] \\
 &\quad + 1 \cdot (0.2)^5 \cdot \left[\frac{(0.1)^0 \cdot (0.8)^0}{0! 0!} \right] = 0.07232.
 \end{aligned}$$

يمكن حساب F_2 بطريقة اسهل من طريقة استخدام صيغتها التوافقية وكما يأتي :

$$\begin{aligned}
 F_2 &= (P(S) + P(I) + P(F))^5 - T_2 - I_2 \\
 &= (0.1 + 0.2 + 0.8)^5 - 0.0992 - 0.07232 \\
 &= 1.43899.
 \end{aligned}$$

من اجل اعادة تسوية المتجه

$$(T_2, I_2, F_2) = (0.0992, 0.07232, 1.43899)$$

وذلك من خلال قسمة كل مركبة المتجه على المجموع الكلي للمركبات.
سنحصل على

$$0.0992 + 0.07232 + 1.43899 = 1.61051$$

$$(T_2, I_2, F_2) = (0.061595, 0.044905, 0.893500)$$

من اجل الاحتماليات غير التامة وغير المتتسقة، ليس المهم اذا تمت عملية التسوية
(normalize) من بداية حل المسألة او عند نهاية حلها لأننا سنحصل على النتيجة
نفسها.

ملاحظة:

بسبب وجود مركبة ثلاثة تمت اضافتها الى توزيع ذي الحدين ، فان توزيع ذي الحدين النيوتريوسوفكي في الواقع يماثل مجموع توزيع ثلاثة الحدود الكلاسيكي:

$$(p_1 + i + p_2)^n$$

إذ إن p_1 & p_2 هي الاحتمالات التي فيها الاحداث المستقلة عن بعضها (E_1, E_2) تحدث على التوالي، بينما λ هي احتمالية الحصول على اللاتعيين.

لتكن (α, β, γ) تمثل احتمالية الحصول على الاحداث α من E_1 ، وعلى β من E_2 ، وعلى γ من E_3 ، و على الاحداث γ من E_2 ؛ بالتأكيد فإن $0 \leq \alpha, \beta, \gamma \leq n$ كما ان $\alpha + \beta + \gamma = n$ من التجارب المستقلة.

من المؤكد ، وكما في التوزيع ثلاثي الحدود التقليدي ، لدينا:

$$A(\alpha, \beta, \gamma) = \frac{n!}{\alpha! \beta! \gamma!} \cdot p_1^\alpha i^\beta p_2^\gamma \quad \text{with } n = \alpha + \beta + \gamma$$

لذلك ومن أجل $\{0,1,2, \dots, n\} \in x$ لدينا

، (T_x, I_x, F_x) وتساوي (n من التجارب) ضمن E في x من الاحداث NP حيث:

$$T_x = \sum_{0 \leq \beta \leq th} A(x, \beta, n - x - \beta)$$

$$I_x = \sum_{\substack{th+1 \leq \beta \leq n \\ 0 \leq \alpha \leq n-th}} A(\alpha, \beta, n - \alpha - \beta)$$

$$F_x = \sum_{\substack{0 \leq \alpha \leq n, \alpha \neq x \\ 0 \leq \beta \leq th}} A(\alpha, \beta, n - \alpha - \beta)$$

2.5 التوزيع النيوتروسوفكى متعدد الحدوD

Neutrosophic Multinomial Distribution

يمكنا تعريف توزيع ذي الحدين النيوتروسوفكى الذي سبق ذكره للحالة التي تكون فيها كل تجربة نتائج أو مخرجات بعدد $r \geq 2$ وبعض الالات.

لفرض إن كل المخرجات الممكنة هي :

E_1, E_2, \dots, E_r

إذ إن هذه المخرجات تقابلها فرص حدوث أو احتمالities هي :

P_1, P_2, \dots, P_r

مع وجود بعض الالات I مرفق باحتمالية أو فرصة حدوث نرمز لها بـ i . عندئذ سيكون لدينا الصيغة الموسعة لمتعدد الحدوD الآتية:

$$(P_1 + P_2 + \dots + P_r + i)^n$$

لـ n من التجارب.

وبالمثل لنرمز بـ $A(\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_r, \beta)$ لاحتمالية تحقق α_1 من الالات في E_1 ، α_2 من الالات في E_2 ، α_r من الالات في E_r ، علمًا إن β من الالات هي غير معينة، إذ إن $\alpha_1 + \alpha_2 + \dots + \alpha_r + \beta = n$, $0 \leq \alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_r, \beta \leq n$

تمثل نتائج لـ n من التجارب المستقلة، بذلك فإن

$$A(\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_r, \beta) = \frac{n!}{\alpha_1! \alpha_2! \dots \alpha_r! \beta} \cdot P_1^{\alpha_1} \cdot P_2^{\alpha_2} \cdot \dots \cdot P_r^{\alpha_r} \cdot i^{\beta}.$$

إن حد عتبة الالات th هو كما في البند السابق.

ليكن x_j متغيراً عشوائياً يرْمز لعدد مرات حدوث الحدث E_j ، وذلك لأية قيمة لـ j ، حيث $j \in \{1, 2, \dots, r\}$ في n من التجارب المستقلة.

وهكذا سيكون لدينا توزيع متعدد الحدود .

بالنالي فان الاحتمالية النيوتروسوفكية للحصول بالضبط على x_1 من الاحاديث في E_1 ، x_2 من الاحاديث في E_2 ، ..., x_r من الاحاديث في E_r ، لـ n من التجارب هي:

$$(T_{x_1, x_2, \dots, x_r}, I_{x_1, x_2, \dots, x_r}, F_{x_1, x_2, \dots, x_r})$$

حيث أنّ :

$$T_{x_1, x_2, \dots, x_r} = \sum_{0 \leq \beta \leq th} A(x_1, x_2, \dots, x_r, \beta)$$

$$I_{x_1, x_2, \dots, x_r} = \sum_{\substack{th+1 \leq \beta \leq n \\ 0 \leq \alpha_j \leq n - th, \text{ for } j \in \{1, 2, \dots, r\}}} A(\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_r, \beta)$$

$$F_{x_1, x_2, \dots, x_r} = \sum_{(\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_r) \in \{1, 2, \dots, n\}^r \setminus (x_1, x_2, \dots, x_r)} A(\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_r, \beta)$$

3.5 الرسم المقطعي النيوتروسوفكى المبعثر

Neutrosophic Scatter Plot

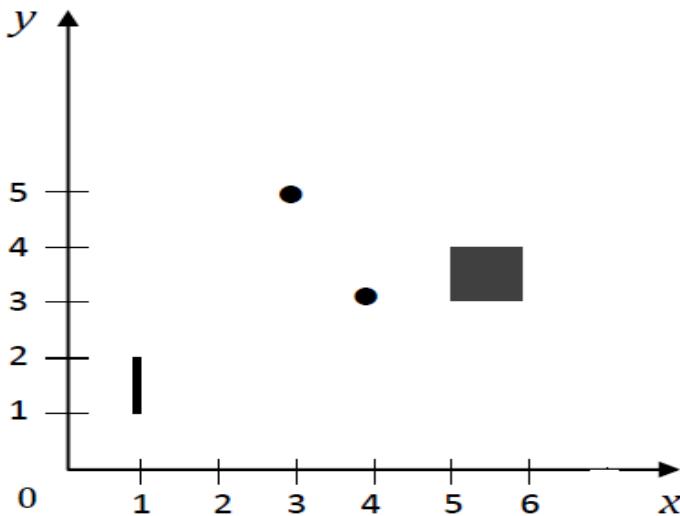
يعرف الرسم المقطعي النيوتروسوفكى المبعثر على أنه صورة النقاط (x, y) ، حيث أنه توجد نقطة واحدة على الأقل غير معرفة تعريفاً جيداً.

على سبيل المثال النقطة $(3,5)$ معرفة تعريفاً جيداً، بينما النقاط $([2,4], 7)$ or $([-6, 0, 1], 3)$ or $(\{1, 2\}, [5, 7])$ كلها نقاط غير دقيقة أي فيها غموض.

وكمثال على ذلك، لنفرض أن لدينا عينه بحجم $4 = n$ ذات بيانات مبينة في الجدول الآتى :

المشاهدات النيوتروسوفكية

| | 1 | 2 | 3 | 4 |
|---|---------|---|---------|---|
| X | 2 | 4 | $[5,6]$ | 3 |
| Y | $[1,2]$ | 3 | $[3,4]$ | 5 |



رسم مقطعي نيوتروسويفي ببعدين 2D

إن الرسم المقطعي النيوتروسويفي ثانوي المتغير يملك، بالإضافة إلى النقاط كما في الرسم المقطعي التقليدي، كذلك يملك قطع من مستقيمات أو أجزاء من قطع مستقيمات أو سطوح أو أجزاء من سطوح (عناصر هندسية ببعد واحد أو بعدين).

بشكل عام، إن الرسم المقطعي ذو المتغيرات المتعددة n مكون من $1 - n$ من المتغيرات المستقلة ومتغير واحد معتمد، علماً أنه يتشكل من عناصر هندسية ذات الابعاد $0, 1, 2, \dots, or n$.

إن المتغير النيوتروسويفي المعتمد أو ما يسمى بالمتغير النيوتروسويفي ذو الاستجابة هو ذلك المتغير المعتمد الذي يملك بعض اللاتعبيين.

وبالمثل، المتغير النيوتروسويفي المستقل أو ما يسمى بالمتغير النيوتروسويفي المُخْمَّن هو ذلك المتغير المستقل الذي يملك بعض اللاتعبيين.

الدالة النيوتروسوفكية

إن الدالة النيوتروسوفكية هي تلك الدالة $f_N(x_1, x_2, \dots, x_n) = 0$ التي تعتمد على المتغيرات x_1, x_2, \dots, x_n ، إذ أن هذه الدالة لها معامل واحد على الأقل غير معين أو أنها تملك متغير مستقل واحد على الأقل يحمل بعض الالاتبعين او قد يكون مجهولاً.

معامل الالاتبعين او قيمة الالاتبعين ممكن ان تكون مجموعة جزئية من عنصرين او اكثرا.

إن الرسم البياني للدالة النيوتروسوفكية بشكل عام له أبعاد أعلى مقارنةً ب تلك الدوال التقليدية المناظرة لها (إذ أن الالاتبعين في هذه الاختير قد تمت إزالتها).

على سبيل المثال، الدالة التقليدية $f(x, y) = 0$ تمثل منحني في فضاء ثانوي البعد 2D ، بينما الدالة النيوتروسوفكية $f_N(x, y) = 0$ يمكن أن تكون سطحاً.

الدالة التقليدية $f(x, y, z) = 0$ تمثل سطحاً في فضاء ثلاثي البعد 3D ، بينما الدالة النيوتروسوفكية $f_N(x, y, z) = 0$ يمكن أن تمثل سطحاً أكبر أو مجسماً. وبشكل عام يمكننا القول، عندما الدالة التقليدية $f(x_1, x_2, \dots, x_n) = 0$ هي كائن هندسي في فضاء بعد n ، فإن الدالة النيوتروسوفكية $f_N(x_1, x_2, \dots, x_n) = 0$ تمثل كائناً هندسياً ذو حجم أكبر وبعد d ، أو كائناً هندسياً ذو بعد أكبر من d .

إن دراسة الدالة النيوتروسوفكية تصبح أكثر صعوبة في حالات منها على سبيل المثال لا الحصر، معاملات الدالة أو قيمة إحدى المتغيرات المستقلة تكون مجهولة تماماً.

هناك أكثر من صيغة إحصائية تقليدية يمكن توسيعها نيوتروسوفكياً من خلال استبدال العمليات التي تجريها على الأرقام الهشة (الارقام الواضحة) بعمليات حسابية تجريها على المجاميع، وهذا ما قدمناه أدناه:

لتكن δ_1, δ_2 مجموعتين من الأعداد. وعليه:

$$S_1 + S_2 = \{x_1 + x_2 | x_1 \in S_1 \text{ and } x_2 \in S_2\} \quad (\text{إضافة مجموعات})$$

$S_1 - S_2 = \{x_1 - x_2 | x_1 \in S_1 \text{ and } x_2 \in S_2\}$ (طرح مجموعات)

$S_1 \cdot S_2 = \{x_1 \cdot x_2 | x_1 \in S_1 \text{ and } x_2 \in S_2\}$ (ضرب مجموعات)

$a \cdot S_1 = S_1 \cdot a = \{a \cdot x_1 | x_1 \in S_1\}$ (الضرب في قياسي)

$a + S_1 = S_1 + a = \{a + x_1 | x_1 \in S_1\}$ (إضافة قياسي إلى مجموعة)

$a - S_1 = \{a - x_1 | x_1 \in S_1\}$ (طرح مجموعة من قياسي)

$S_1 - a = \{x_1 - a | x_1 \in S_1\}$ (طرح قياسي من مجموعة)

$\frac{S_1}{S_2} = \left\{ \frac{x_1}{x_2} \middle| x_1 \in S_1, x_2 \in S_2, x_2 \neq 0 \right\}$ (قسمة مجموعات)

$S_1^n = \{x_1^n | x_1 \in S_1\}$ (رفع المجموعة للقوى n)

$\frac{S_1}{a} = \left\{ \frac{x_1}{a} \middle| x_1 \in S_1, a \neq 0 \right\}$ (قسمة مجموعة على قياسي)

$\frac{a}{S_1} = \left\{ \frac{a}{x_1} \middle| x_1 \in S_1, x_1 \neq 0 \right\}$ (قسمة قياسي على مجموعة)

$\sqrt[n]{S_1} = \{\sqrt[n]{x_1} | x_1 \in S_1\}$ (الجذر النوني للمجموعة)

وبشكل عام لدينا:

$\sum_{i=1}^m S_i = \left\{ \sum_{i=1}^m x_i \middle| x_i \in S_i \text{ for all } i = 1, 2, \dots, m \right\}$.

وبشكل مشابه:

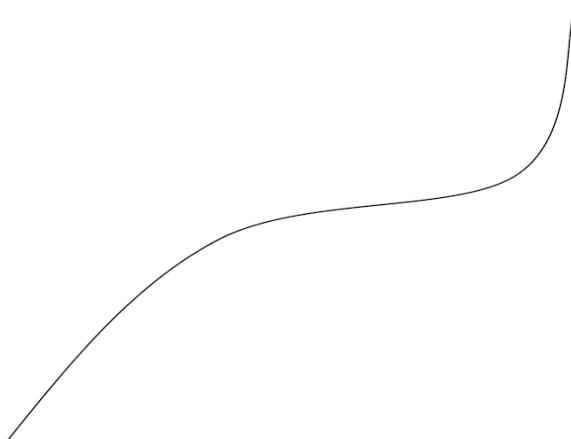
$\prod_{i=1}^m S_i = \left\{ \prod_{i=1}^m x_i \middle| x_i \in S_i \text{ for all } i = 1, 2, \dots, m \right\}$.

4.5 الانحدار النيوتروسوفكى

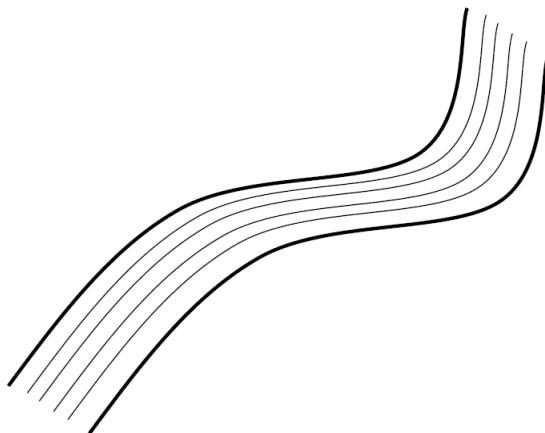
Neutrosophic Regression

إن الانحدار النيوتروسوفكى عبارة عن تحليل الترابط (الارتباط) بين واحد او أكثر من المتغيرات المستقلة ومتغير معتمد ، علماً إن هذه المتغيرات يتم التعبير عنها بوصفها متغيرات نيوتروسوفكية. هذا الارتباط عادة ما يُصاغ بوصفه معادلة نيوتروسوفكية أو صيغة نيوتروسوفكية تجعل من الممكن التنبؤ بمستقبل قيم المتغير المعتمد.

إن الفرق بين الرسم البياني لهذا الارتباط عما هو في الاحصاء التقليدي يكون بشكل منحني، أما في الاحصاء النيوتروسوفكى نجد منحنياً نيوتروسوفكياً نسميه بـ "المنحي ذو السمك" أو "المنحي الشرطي" ، ويتبين الفرق جلياً في المثالين الآتيين :



منحني الارتباط في الاحصاء التقليدي



منحنى الارتباط الشرطي في الاحصاء النيوتروسويفي

إن هذا المنحنى الشرطي ناتج لأنه في النظرية النيوتروسويفية يتعامل المرء مع اللاتعيين ومع التقريبات. وكما هو الحال في الاحصاء التقليدي، نجد أن الانحدار النيوتروسويفي قد يكون خطياً (إذا كان الارتباط بين المتغيرات المستقلة والمتغيرات المعتمدة خطياً)، بينما سنجد أن هذا الانحدار يكون غير خطياً (إذا كان الارتباط غير خطى). وضمن الانحدارات غير الخطية النيوتروسويفية من الدرجة الثانية يجب الانتباه إلى الانحدارات الزائدة ، الناقصة ، والمكافئة.

5.5 مستقيمات المربعات الصغرى النيوتروسوفكية

Neutrosophic Least Squares Lines

إنَّ مستقيمات المربعات الصغرى النيوتروسوفكية والتي تُقرَّبُ البيانات النيوتروسوفكية ثانية المتغير

$(x_1, y_1), (x_2, y_2), \dots, (x_n, y_n)$

لها نفس الصيغة في الإحصاء التقليدي

$$\hat{y} = a + by$$

حيث أن الميل هو

$$b = \frac{\sum xy - [(\sum x)(\sum y)/n]}{\sum x^2 - [(\sum x)^2/n]}$$

والفاتع للإحداثي y هو

$$a = \bar{y} - b\bar{x}$$

حيث أن \bar{x} هو المعدل النيوتروسوفكي لـ x ، و \bar{y} هو المعدل النيوتروسوفكي لـ y .

يمكنا استخدام العلامة \wedge (وهو رمز يوضع فوق الحرف في اللهجات المختلفة) نضعها فوق y من أجل التأكيد على أن \hat{y} هو المُخْمَن لقيمة y .

إنَّ الفرق الوحيد بين هذه المستقيمات ومستقيم المربع الأصغر التقليدي هو أنَّه في النظرية النيوتروسوفكية نحن نعمل مع مجاميغ بدلاً من أرقام.

لذلك، نجد أنه في البيانات بعض x^s أو y^s هي غير دقيقة في التعبير عنها بوصفها مجامعاً. بالنتيجة فإن "a" أو "b" يمكن أن تكون مجموعات بدلاً من أرقام .

لنرى المثال الآتي :

| Neutrosophic Observation Number | x | y | x^2 | xy | y^2 | Neutrosophic Predicted Value \hat{y}_i | Neutrosophic Residual $y_i - \hat{y}_i$ |
|---------------------------------|----------|----------|------------|------------|------------|--|---|
| 1 | 2 | [1, 3] | 4 | [2, 6] | [1, 9] | (-21.3587, 18.7955) | (-17.7985, 24.3587) |
| 2 | [4, 5] | 6 | [16, 25] | [24, 30] | 36 | (-20.5014, 38.5603) | (-32.5603, 26.5014) |
| 3 | 1 | 2 | 1 | 2 | 4 | (-21.7871, 12.2073) | (-10.2073, 23.7871) |
| 4 | (6, 7) | (10, 13) | (36, 49) | (60, 91) | (100, 169) | (-19.6443, 51.7367) | (-41.7367, 32.6443) |
| 5 | 8 | (14, 15) | 64 | (112, 120) | (196, 225) | (-18.7871, 58.325) | (-44.325, 33.7871) |
| 6 | 3 | 5 | 9 | 15 | 25 | (-20.93, 25.3838) | (-20.3838, 25.93) |
| Sum | (24, 26) | (38, 44) | (130, 152) | (215, 264) | (362, 468) | | |
| | ↑ | ↑ | ↑ | ↑ | ↑ | | |
| | $\sum x$ | $\sum y$ | $\sum x^2$ | $\sum xy$ | $\sum y^2$ | | |

جدول لعينة نيوتروسوفكية

مثال حسابي ذو مجموعات:

$$\begin{aligned}
 \sum y &= [1, 3] + 6 + 2 + (10, 13) + 5 + \{14, 15\} \\
 &= (1 + 6 + 2 + 10 + 5, 3 + 6 + 2 + 13 + 5) \\
 &+ \{14, 15\} = (24, 29) + \{14, 15\} \\
 &= \{(24, 29) + 14, (24, 29) + 15\} \\
 &= \{(38, 43), (39, 44)\} = (38, 44).
 \end{aligned}$$

حيث أن:

$$\begin{aligned}
 b &= \frac{(215, 264) - [(24, 26) \cdot \frac{(38, 44)}{6}]}{(130, 152) - [\frac{(24, 26)^2}{6}]} \\
 &= \frac{(215, 264) - [\frac{912, 1144}{6}]}{(130, 152) - [\frac{576, 676}{6}]} \\
 &\simeq \frac{(215, 264) - (152, 191)}{(130, 152) - (96, 113)} = \frac{(24, 112)}{(17, 56)} \\
 &= \left(\frac{24}{56}, \frac{112}{17} \right) \simeq (0.42857, 6.58824).
 \end{aligned}$$

ولأن:

$$\bar{x} = \frac{(24, 26)}{6} \simeq (4, 4.33333)$$

$$\bar{y} = \frac{(38, 44)}{6} = \left(\frac{38}{6}, \frac{44}{6} \right) \simeq (6.33333, 7.33333)$$

من ذلك نحصل على:

$$\begin{aligned}
 a &= (6.33333, 7.33333) - (0.42857, 6.58824) \cdot \\
 &(4, 4.33333) = (6.33333, 7.33333) - (1.71428, 28.549) = \\
 &(-22.2157, 5.61905).
 \end{aligned}$$

بذلك فإن مستقيم المربعات الصغرى النيوتروسوفكية هو:

$$\hat{y} = (-22.2157, 5.61905) + (0.42857, 6.58824)x.$$

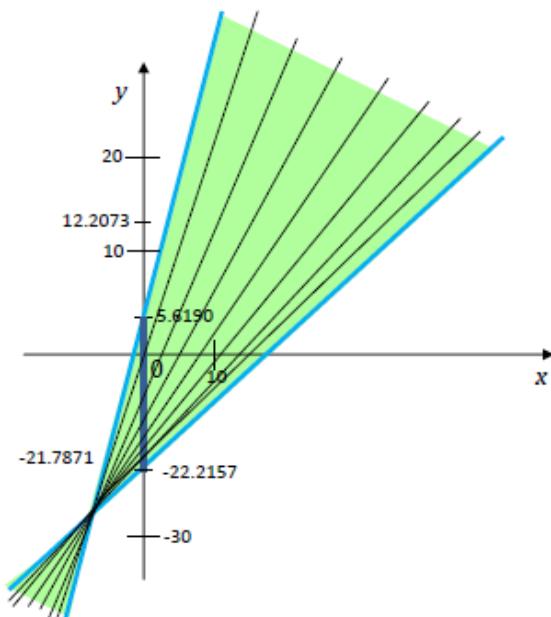
لنقم الان برسم هذا المستقيم والذي يمثل في الحقيقة سطح هندسي بين مستقيمين.

$$\text{اذا كانت } 0 = x , \text{ فإن } \hat{y} = (-22.2157, 5.61905).$$

$$\text{اذا كانت } 1 = x , \text{ فإن}$$

$$\hat{y} = (-22.2157 + 0.42857, 5.61905 + 6.58824) = (-21.7871, 12.2073)$$

لقد ُمنا برسم هذه النقاط النيوتروسوفكية، في الحقيقة هي قطع من مستقيم.



ان القيم النيوتروسفكية المُخْمَنَة تم احتسابها كما الآتي:

$$\hat{y}_i = (-22.2157, 5.61905) + (0.42857, 6.58824)x_i, \\ \text{for } i = 1, 2, \dots, 6.$$

بالتالي فإن:

$$\hat{y}_1 = (-22.2157, 5.61905) + (0.42857, 6.58824) \cdot 2 \\ = (-22.2157 + 0.4285 \cdot 2, 5.61905 + 6.58824 \cdot 2) = (-21.3587, 18.7955).$$

$$\hat{y}_2 = (-22.2157, 5.61905) + (0.42857, 6.58824) \cdot [4, 5] \\ = (-22.2157 + 0.42857 \cdot 4, 5.61905 + 6.58824 \cdot 5) = (-20.5014, 38.5603).$$

$$\hat{y}_3 = (-22.2157, 5.61905) + (0.42857, 6.58824) \cdot 1 \\ = (-22.2157 + 0.42857, 5.61905 + 6.58824 \cdot 1) \\ = (-21.7871, 12.2073).$$

$$\hat{y}_4 = (-22.2157, 5.61905) + (0.42857, 6.58824) \cdot (6, 7) \\ = (-22.2157 + 0.42857 \cdot 6, 5.61905 + 6.58824 \cdot 7) = (-19.6443, 51.7367).$$

$$\hat{y}_5 = (-22.2157, 5.61905) + (0.42857, 6.58824) \cdot (8) \\ = (-22.2157 + 0.42857 \cdot 8, 5.61905 + 6.58824 \cdot 8) = (-18.7871, 58.325).$$

$$\hat{y}_6 = (-22.2157, 5.61905) + (0.42857, 6.58824) \cdot 3 \\ = (-22.2157 + 0.42857 \cdot 3, 5.61905 + 6.58824 \cdot 3) = (-20.93, 25.3838).$$

لقد تم حساب الرواسب النيوتروسفكية بنفس الطريقة التي يتم بها ذلك في الإحصاء التقليدي :

$$y_1 - \hat{y}_1, y_2 - \hat{y}_2, \dots, y_n - \hat{y}_n$$

إذ أن y_i تمثل القيم الحقيقية للمتغير y ، بينما \hat{y}_i تمثل القيم المخمنة المقابلة لها.
إن الرواسب النيوتروسوفكية هي :

$$\begin{aligned}y_1 - \hat{y}_1 &= [1, 3] - [(22.2157, 5.61905) + (0.42857, 6.58824) \\&\quad \cdot 2] = [1, 3] - (21.3587, 18.7955) \\&= (1 - 18.7955, 3 - (-21.3587)) \\&= (-17.7955, 24.3587)\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}y_2 - \hat{y}_2 &= 6 - [(-22.2157, 5.61905) + (0.42857, 6.58824) \\&\quad \cdot [4, 5]] = 6 - (-20.5014, 38.5603) \\&= (-32.5603, 26.5014)\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}y_3 - \hat{y}_3 &= 2 - [(-22.2157, 5.61905) + (0.42857, 6.58824) \cdot 1] \\&= 2 - (-21.7871, 12.2073) \\&= (-10.2073, 23.7871)\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}y_4 - \hat{y}_4 &= (10, 13) \\&\quad - [(-22.2157, 5.61905) + (0.42857, 6.58824) \\&\quad \cdot (6, 7)] = (10, 13) - (-19.6443, 51.7367) \\&= (-41.7367, 32.6443)\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}y_5 - \hat{y}_5 &= \{14, 15\} \\&\quad - [(-22.2157, 5.61905) + (0.42857, 6.58824) \\&\quad \cdot 8] = \{14, 15\} - (18.7871, 58.325) \\&= (-44.325, 33.7871)\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}y_6 - \hat{y}_6 &= 5 - [(-22.2157, 5.61905) + (0.42857, 6.58824) \cdot 3] \\&= 5 - (-20.93, 25.3838) = (-20.3838, 25.93)\end{aligned}$$

من الامور الرائعة والجديرة باللحظة أن كل قيمة حقيقة L_i هي إما تنتمي إلى أو محتواه في فترة القيمة المُخمنة لها وكما يأتي:

$$y_1 = [1, 3] \subset (-21.3587, 18.3955);$$

$$y_2 = 6 \in (-20.5014, 38.5603);$$

$$y_3 = 2 \in (-21.7871, 12.2073);$$

$$y_4 = (10, 13) \subset (-19.6643, 51.7367);$$

$$y_5 = \{14, 15\} \subset (-18.7871, 58.325);$$

$$y_6 = 5 \in (-20.93, 25.3838).$$

6.5 تحويل البيانات من قيم نيوتروسوفكية الى قيم تقليدية (ونطلق على هذه العملية مصطلح (Deneutrosifications

أ. يمكن طرح عدة أفكار لحل هذه المسألة وذلك من خلال نقل البيانات النيوتروسوفكية الى بيانات تقليدية، إما بأخذ نقطة المنتصف لكل مجموعة ، أو معدل المجموعة المقطعة ذات الصيغة {...} . أو بأخذ جوارات صغيرة متمرزة في نقاط المنتصف لكل مجموعة . أو بأخذ القيم الصغرى للمجاميع وبالتالي سيتم بناء بيانات كلاسيكية (تقليدية) مُتَّعددة. بعد ذلك يمكننا حساب مستقيم المربعات الصغرى لكل البيانات. بعد ذلك مباشرةً يمكن ان نجد معدل هذه النتائج ، أو يمكن للقارئ اعتماد فترة (أصغر قيمة / أعظم قيمة) لهذه النتائج.

ب. يمكن للرياضي أن يلجاً الى نقل مستقيم المربعات الصغرى النيوتروسوفكية الى مستقيم المربعات الصغرى التقليدية من خلال ابدال صور المجموعة من المعاملات «a» و «b» بما يقابلها من متوسطات، أو إبدالها بنقاط داخلية أخرى لمجموعتين (ويعتمد ذلك على نوع التطبيق) ، نلاحظ بالنسبة للمثال انف الذكر ،

$$\hat{y} = (-22.2157, 5.61905) + (0.42857, 6.58824) \cdot x$$

سيصبح

$$\hat{y} = -8 + 3.5x,$$

إذ أن -8 هو عدد قريب لنقطة منتصف الفترة $(-22.2157, 5.61905)$ ،

بينما 3.5 هو عدد قريب من نقطة منتصف الفترة $(0.42857, 6.58824)$.

ت. تتص هذه الحالة علىأخذ متوسطات القيم النيوتروسوفكية المُخْمَنَة للرواسب النيوتروسوفكية، أو بيانات نيوتروسوفكية أولية، أو قيم لجوارات أصغر مُتمرزة في متوسط النقاط، أو القيم الصغرى والقيم العظمى بشكل منفصل

للحصول على بيانات تقليدية متعددة ثم نقوم بحساب الاعداد البيانية الكلاسيكية المطلوبة لكلٍ منها، بعد ذلك نقوم بحساب متوسطات النتائج.

فيما يأتي جدولًا بقيم متوسطات المُخَمَّنَاتُ النيوتروسوفكية والرواسب النيوتروسوفكية:

| متوسطات قيم المُخَمَّنَاتُ النيوتروسوفكية | متوسطات الرواسب النيوتروسوفكية |
|--|-----------------------------------|
| -1.2816 | 3.2801 |
| 9.0295 | -3.0295 |
| -4.7899 | 6.7899 |
| 16.0467 | -4.5462 |
| 19.7690 | -5.2690 |
| 2.2269 | 2.7731 |

7.5 المعامل النيوتروسوفكى المحدد

Neutrosophic Coefficient of Determination

فيما يلى سيتم حساب مجموع مربعات الروابط ويرمز لها بـ **NSSResid**

$$NSSResid = \sum (y - \hat{y})^2 = \sum y^2 - a \sum y - b \sum xy$$

أما المجموع الكلى للربعات النيوتروسوفكية التي يرمز لها بـ **NSSTo** :

$$NSSTo = \sum (y - \bar{y})^2 = \sum y^2 - \frac{(\sum y)^2}{n}.$$

إن المعامل النيوتروسوفكى المحدد والذي يرمز له بـ r_N^2 هو:

$$r_N^2 = 1 - \frac{NSSResid}{NSSTo},$$

وهذه القيمة تمثل نسبة التغایر في y ، مع الاخذ بنظر الاعتبار أن العلاقة بين y ، x هي علاقة خطية. بالرجوع الى بيانات المثال السابق نجد أن :

$$\begin{aligned} NSSResid &= 3.2801^2 + (-3.0295)^2 + 6.7899^2 + (-4.5462)^2 \\ &\quad + (-5.2690)^2 + (2.7731)^2 = 122.16; \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} NSSTo &= \sum y^2 - \frac{(\sum y)^2}{n} = (362, 468) - \frac{(38, 44)^2}{6} \\ &= (362, 468) - \left(\frac{38^2}{6}, \frac{44^2}{6} \right) \\ &= (362, 468) - (40.1111, 53.7778) \\ &= (362 - 53.7778, 468 - 40.1111) \\ &= (308.222, 427.889). \end{aligned}$$

بالتالي فإن:

$$\begin{aligned}
 r_N^2 &= 1 - \frac{122 \cdot 16}{(308.222, 327.889)} = 1 - \left(\frac{122 \cdot 16}{327.889}, \frac{122.16}{308.222} \right) \\
 &= 1 - (0.3726, 0.3963) \\
 &= (1 - 0.3963, 1 - 0.3726) = (0.6037, 0.6274).
 \end{aligned}$$

إن وقوع قيمة تغاير العينة بين النسبتين 60.37% و 62.74% يفسر لنا العلاقة الخطية القريبية النيوتروسفكية بين x & y .

إن معامل الترابط النيوتروسفكي (وهو تعليم لمعامل ترابط بيرسون Pearson's correlation من البيانات المثلثة الى البيانات النيوتروسفكية) له نفس الصيغة الموجودة في الاحصاء التقليدي، إلا أننا نتعامل مع المجاميع بدلاً من الاعداد:

$$r_N = \frac{n \sum xy - \sum x \sum y}{\sqrt{[n \sum x^2 - (\sum x)^2][n \sum y^2 - (\sum y)^2]}}$$

أو

$$r_N = \frac{S_{xy}}{S_x S_y},$$

إذ أن S_{xy} يمثل التغاير النيوتروسفكي لقيم y & x و S_x, S_y هي الانحرافات القياسية النيوتروسفكية للعينة.

بالرجوع الى المثال من الجدول السابق للعينة ذات الحجم 6 نجد أن :

$$\begin{aligned}
 r_N &= \frac{6 \cdot (215, 264) - (24, 26) \cdot (38, 44)}{\sqrt{6 \cdot (130, 152) - (24, 26)^2} \cdot [6 \cdot (362, 368) - (38, 44)^2]} \\
 &= \frac{(6 \cdot 215, 6 \cdot 264) - (24 \cdot 38, 26 \cdot 44)}{\sqrt{[(6 \cdot 130, 6 \cdot 152) - (24^2, 26^2)] \cdot [(6 \cdot 362, 6 \cdot 468) - (38^2, 44^2)]}} \\
 &= \frac{(1290, 1584) - (912, 1144)}{\sqrt{[(780, 912) - (576, 676)] \cdot [(2172, 2808) - (1444, 1936)]}} \\
 &= \frac{(1290 - 1144, 1584 - 912)}{\sqrt{(780 - 676, 912 - 576) \cdot (2172 - 1936, 2808 - 1444)}} \\
 &= \frac{(146, 672)}{\sqrt{(104, 336) \cdot (236, 1364)}} = \frac{(146, 672)}{\sqrt{(104 \cdot 336, 336 \cdot 1364)}} \\
 &= \frac{(146, 672)}{(\sqrt{34944}, \sqrt{458304})} \approx \frac{(146, 672)}{(186.933, 676.982)} \\
 &= \left(\frac{146}{676.982}, \frac{672}{186.933} \right) \approx (0.2157, 3.5949) \equiv (0.2157, 1].
 \end{aligned}$$

عموماً r_N هي مجموعة جزئية من $[-1, 1]$.

إذا كانت r_N مجموعة جزئية من $[0, 1]$ عندئذ تكون النقاط (x_i, y_i) for $i = 1, 2, \dots, n$ محتواة (وشكل تقريري) قريباً من الخط المستقيم للميل الموجب، بينما لو كانت r_N مجموعة جزئية متمركزة (أو على الأغلب متمركزة) عند الصفر ، (أو قد تكون r_N في منتصف $[0, 1]$ تقريرياً وفي منتصف $[-1, 0]$ تقريرياً) ، عندئذ ، عملياً لن يكون هناك تقرير خطى لكن ربما سيكون هناك تجميع غير خطى بين النقاط.

8.5 الاعداد النيوتروسوفكية العشوائية

Neutrosophic Random Numbers

هي سلسلة من أعداد ولاتعيينات تحدث عشوائياً باحتماليات متساوية. إن ظهور عدد أو لاتعيين ليس دليلاً لباقي الاعداد أو الاتعيينات التابعة له، ولا يتم التنبؤ به من الاعداد واللاتعيينات التي سبقته.

باستخدام أحد عشر كرة مرقمة من 0 إلى 9، إضافةً إلى كرة أخرى ذات رقم تمت إزالتها (وهي تلك الكرة التي لا نستطيع قراءة الرقم الذي عليها، نرمز لها بـ I)، وبتكرار سحب كرة في كل مرة وإعادتها إلى الصندوق. ستتولد سلسلة من الأرقام العشوائية الآتية:

2, 9, 9, I , 0, 7, 6, 2, 1, 1, I , 8 ...,

علماً أن I تمثل الاتعيين. يمكن للحواسيب توليد الأرقام العشوائية باستخدام نفس الخوارزميات التقليدية الخاصة بتوليد الأرقام العشوائية الكلاسيكية، إلا أننا سنضيف حالة أو أكثر من الاتعيينات.

من أجل التعميم، يقترح المؤلف الاعداد العشوائية النيوتروسوفكية الموزونة، إذ أن كل عدد x_j له احتمالية ظهور r_j مختلفة ، وكل حالة لاتعيين I_j لها فرصة حدوث r_j مختلفة.

هناك حالات أخرى هي عندما الاعداد يجب أن تكون في مجموعة، مثلًّا الحالة التي فيها كل عدد يجب أن يتكون من k من الأرقام.

9.5 التوزيع الطبيعي النيوتروسوفكى

A Neutrosophic Normal Distribution

إن التوزيع الطبيعي النيوتروسوفكى لمتغير مستمر X يمثل توزيعاً طبيعياً كلاسيكياً للمتغير x ، سوى أن مُعَدَّلُه μ أو انحرافه القياسي σ (أو تباينه σ^2)، أو كلا هاتين المعلمتين، يكون غير دقيقاً (فيه بعض الالاتعيبين).

على سبيل المثال، نفرض أن μ أو σ أو كلاهما عبارة عن مجاميع بعنصرتين أو أكثر. إن أكثر هذه التوزيعات شيئاً فشيئاً هي تلك التي فيها μ أو σ أو كليهما تكون فترات.

إن صيغة دالة التكرار النيوتروسوفكية (دالة كثافة الاحتمال النيوتروسوفكية) هي نفس الصيغة التقليدية، سوى ما تم شرحه سابقاً من وجود الالاتعيبين، بذلك سيتم استخدام μ_N بدلاً عن μ و σ_N بدلاً عن σ :

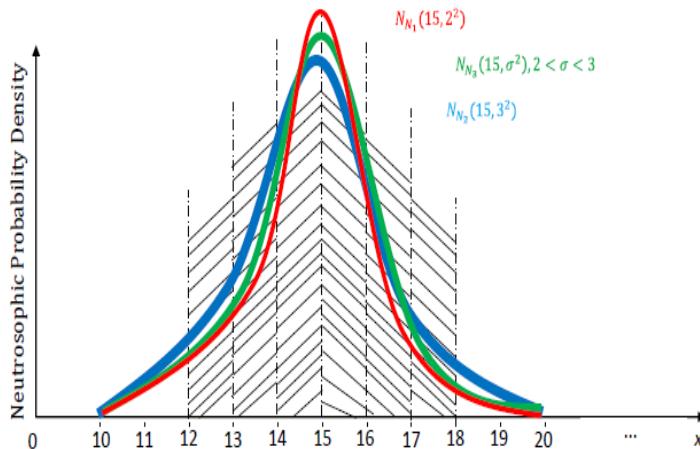
$$X_N \sim N_N(\mu_N, \sigma_N^2) = \frac{1}{\sigma_N \sqrt{2\pi}} \exp\left(-\frac{(x - \mu_N)^2}{2\sigma_N^2}\right)$$

إذ أن X_N تعني أن المتغير X يمثل متغيراً نيوتروسوفكياً (فيه بعض الالاتعيبين)، بالمثل N_N تعني ذلك التوزيع الطبيعي N النيوتروسوفكى (فيه بعض الالاتعيبين).

بدلاً من أن يكون لدينا منحنى جرسى واحد، قد يكون لدينا منحنين جرسين أو أكثر، وتوجد فيما بينها مناطق مشتركة أو غير مشتركة، علماً أن هذه المنحنيات تكون أعلى محمور الاحادى x . إن كل منحنى من هذه المنحنيات الجرسية يكون متاظراً حول مستقيم عمودي يمر من خلال المعدل ($\mu = x$).

وكان مثال يتم عرضه للتوزيع الطبيعي النيوتروسوفكى، لنفرض أن لدينا توزيعاً طبيعياً بـ

$\mu = 15, \sigma = [2, 3]$. بذلك نجد أن الانحراف المعياري هو انحراف غير مُعَيَّن.



ضمن إنحراف معياري واحد للمتوسط نجد في هذا المثال الذي يتم عرضه لأول مرة أن :

$$\mu \pm \sigma = 15 \pm [2, 3] = [15 - 3, 15 + 3] = [12, 18],$$

وذلك يعني أن 68% من القيم تقع تقربياً ضمن الفترة

$$x \in [12, 18].$$

ضمن انحرافين معياريين لنفس المتوسط نجد أن:

$$\mu \pm 2\sigma = 15 \pm 2 \cdot [2, 3] = 15 \pm [4, 6] = [15 - 6, 15 + 6]$$

$$= [9, 21],$$

أو يمكننا القول أن 95.4% من القيم تقع تقربياً ضمن الفترة

$$x \in [9, 21].$$

إن الفترة الأخيرة يمكن حسابها بطريقة أخرى هي:

$$[12, 18] \pm \sigma = [12, 18] \pm [2, 3] = [12 - 3, 18 + 3] = [9, 21].$$

من أجل ثلاثة انحرافات معيارية نجد أن:

$$\mu \pm 3\sigma = 15 \pm 3 \cdot [2, 3] = 15 \pm [6, 9] = [15 - 9, 15 + 9]$$

$$= [6, 24],$$

او يمكن حسابها كما يأتي:

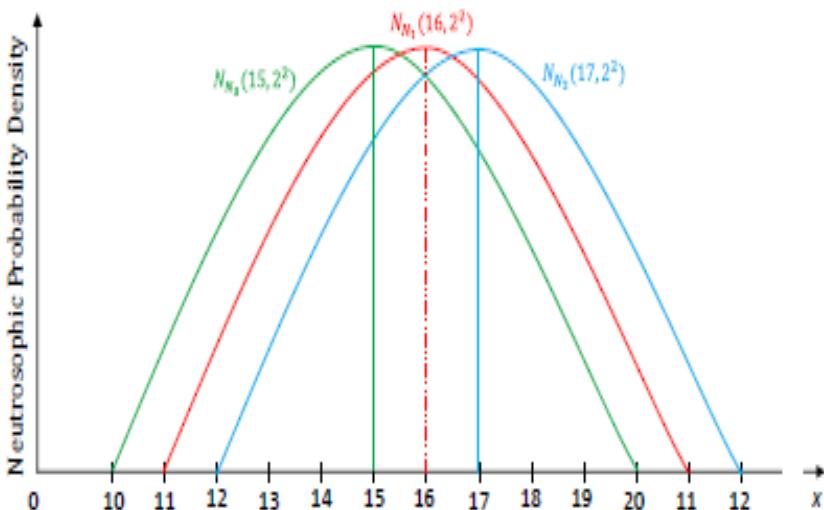
$$[9, 21] \pm [2, 3] = [9 - 3, 21 + 3] = [6, 24],$$

وذلك يعني أن 97.7% من القيم تقع ضمن الفترة

$$x \in [6, 24]$$

إن المساحة المحصورة بين أوطاً وأعلى منحني لكل جزء من الأجزاء يمثل الالاتعيبين في الرسم البياني. وكذلك يمكن اعتبار التوزيع الطبيعي النيوتروسوفكى كمنحني جرسى ذو حوافى سميكة (كثيفة).

المثال النيوتروسوفكى الثاني للتوزيع الطبيعي فيه $\mu = 15, 17$ ، $\sigma = 2$ ، وبالتالي فإن المعدل يكون غير مُعين.



للمثال الثاني سنتم مناقشة المفاهيم أعلاه وبشكل مشابه

ضمن انحراف واحد، أي:

$$\mu \pm \sigma = [15, 17] \pm 2 = [15 - 2, 17 + 2] = [13, 19],$$

أي أن 68% من القيم تقع تقريرياً في الفترة $x \in [13, 19]$.

ضمن انحرافين معياريين، أي:

$$\mu \pm 2\sigma = [15, 17] \pm 2 \cdot 2 = [15, 17] \pm 4 = [15 - 4, 17 + 4]$$

$$= [11, 21],$$

يمكن إجراء الحساب الاخير بطريقة أخرى هي:

$$[13, 19] \pm \sigma = [13, 19] \pm 2 = [13 - 2, 19 + 2] = [11, 21].$$

و ضمن ثلاثة انحرافات معيارية، أي:

$$\mu \pm 3\sigma = [15, 17] \pm 3 \cdot 2 = [15, 17] \pm 6 = [15 - 6, 17 + 6]$$

$$= [9, 23],$$

كما ويمكن حسابها كالتالي:

$$[11, 21] \pm 2 = [11 - 2, 21 + 2] \pm 2 = [9, 23],$$

ويدل ذلك على أن 97.7% من القيم تقع ضمن الفترة $x \in [9, 23]$.

المثال الثالث للتوزيع النيوتروسوكي الطبيعي ذو المعلمات $\mu = 15, 17$ ، $\sigma = 2, 3$ ، وهذا يعني أن لدينا نوعين من الالاتعبيين (أي لاتعيين مضاعف)، بتركيب الرسميين البيانيين في المثالين السابقين. مما لا شك فيه، ان المفهوم (الابهام) سيكون في هذا المثال اوسع!

إن $\mu = [15, 17], \sigma = [2, 3]$ سيجعلنا نحصل على الآتي:

ضمن انحراف معياري واحد للمتوسط، أي:

$$\mu \pm \sigma = [15, 17] \pm [2, 3] = [15 - 3, 17 + 3] = [12, 20],$$

هذا يعني أن 68% من القيم ستقع ضمن الفترة $x \in [12, 20]$.

ضمن انحرافين معياريين للمتوسط، أي:

$$\mu \pm 2\sigma = [15, 17] \pm 2 \cdot [2, 3] = [15, 17] \pm [4, 6] \\ = [15 - 6, 17 + 6] = [9, 23],$$

أو يتم حسابه كما يأتي:

$$[12, 20] \pm [2, 3] = [12 - 3, 20 + 3] = [9, 23],$$

ما يعني 95.4% من القيم تقع تقريرياً ضمن الفترة $x \in [9, 23]$

بينما، ضمن ثلاثة انحرافات معيارية للمتوسط، أي:

$$\mu \pm 3\sigma = [15, 17] \pm 3 \cdot [2, 3] = [15, 17] \pm [6, 9] \\ = [15 - 9, 17 + 9] = [6, 26],$$

أو يتم حسابه كما يأتي:

$$[9, 23] \pm [2, 3] = [9 - 3, 23 + 3] = [6, 26],$$

يدل ذلك على أن 97.7% من القيم تقع تقريرياً ضمن الفترة $x \in [6, 26]$.

10.5 الاجراء النيوتروسفكي لتوزيعات أخرى

Neutrosophication of Other Distributions.

باتباع الطريقة السابقة نفسها أي نقوم بإبدال أحدى المعلمات أو أكثر في التوزيع التقليدي بمجموعة بدلاً عن رقم هش، بذلك يمكن توسيع التوزيعات الكلاسيكية فمثلاً: التوزيع الطبيعي القياسي، التوزيع الطبيعي ثنائي المتغير، التوزيع المنتظم، توزيع العينات، التوزيع الهندسي، التوزيع الهندسي الزائد، توزيع بواسون، توزيع مربع- كاي، التوزيع الاسي، التوزيع التكراري، توزيع باريتو، توزيع T ، كل هذه التوزيعات وغيرها من التوزيعات يمكن تحويلها إلى ما يقابلها من نسخ نيوتروسفكية مُعدلة.

إن أي معلمة في هذه التوزيعات عند تحويلها من قيم هشة إلى مجموعة تحوي ربما عنصرين أو أكثر، وقد تكون مجموعة خالية (يقصد بذلك أن المعلمة ستكون مجهرلة).

الفصل السادس

Chapter Six

الفرضيات النيوتروسوفكية

A Neutrosophic Hypothesis

1.6 مقدمة

الفرضية النيوتروسوفكية (Neutrosophic Hypothesis) هي تعبير (ادعاء أو مقوله) تعبّر عن الصفات المميزة لقيم النيوتروسوفكية في مجتمع منفرد أو مجتمعات متعددة.

إن الفرق بين الفرضيات الاحصائية التقليدية والفرضيات النيوتروسوفكية هي أنه في الاحصاء النيوتروسوفكي تكون المتغيرات التي تصف مميزات مجتمع ما هي متغيرات نيوتروسوفكية (أي أن فيها بعض اللاتعين، أو عدّة قيم فيها مجهولة، أو عدد الحدود فيها غير دقيق ويحدث ذلك عندما تكون المتغيرات متقطعة).

وبطريقة مشابهة للإحصاء الكلاسيكي فإن فرضيات العدم النيوتروسوفكية يرمز لها بـ NH_0 ، وهو ذلك الادعاء الذي يعتبر صحيحاً حتى يتم اثبات بطلانه بواسطة الاختبارات الاحصائية.

بينما **الفرضية النيوتروسوفكية البديلة** والتي يرمز لها بـ NH_a فهي عبارة عن ادعاء معاكس لادعاء فرضية العدم.

لإجراء اختبار فرضية NH_0 وما يقابها من فرضية بديلة NH_a ، سنجد ان هناك نتيجتين ممكنتي الحدوث: رفض NH_0 (إذا كان شاهد العينة يوحى بقوة أن NH_0 خطأ)، الفشل في رفض NH_0 (إذا كانت العينة لا تدعم سلسلة من الشواهد ضد (NH_0)).

2.6 أمثلة:

$$NH_0: \mu \in [90, 100]$$

$$NH_a: \mu < 90$$

$$NH_a: \mu > 100$$

$$NH_a: \mu \notin [90, 100],$$

إذ أن μ تمثل المعدل الكلاسيكي لنسبة ذكاء جميع الأطفال IQ المولودين منذ الأول من كانون الثاني 2001.

$$NH_0: \pi = 0.2 \text{ or } 0.3$$

$$NH_a: \pi < 0.2$$

$$NH_a: \pi > 0.3$$

$$NH_a: \pi \in (0.2, 0.3)$$

$$NH_a: \mu \notin \{0.2, 0.3\},$$

حيث أن π يمثل النسبة التقليدية لجميع سيارات Ford التي تكون بحاجة إلى إصلاحها في أول سنة من الضمان.

$$NH_0: p < 0.1 \text{ or } p > 0.9$$

$$NH_a: p = 0.1$$

$$NH_a: p = 0.9$$

$$NH_0: p > 0.1 \text{ and } p < 0.9$$

$$NH_a: p \in [0.1, 0.9],$$

إذ أن p تمثل النسبة التقليدية لقيم المتطرفة للأطوال في المجتمعات البشرية، أي أنها تمثل نسبة الأشخاص الذين تقل أطوالهم عن 150 سم ، أو نسبة الأشخاص الذين تزيد أطوالهم عن 190 سم.

إن القيم النيوتروسوفكية المتطرفة تظهر بشكل ملحوظ كقيم غير اعتيادية في البيانات النيوتروسوفكية، إنها قد تكون قيم هشة أو قيم نيوتروسوفكية.

$$NH_0: [\mu_{\min}, \mu_{\max}] > [0.45, 0.55],$$

وهو ما يكفي

$$\mu_{\min} > 0.45$$

$$\mu_{\max} > 0.55$$

و

إذ أن μ تمثل معدل النسبة النيوتروسوفكية لجميع الاجهزه الالكترونية التي تتحفظ قيمتها المعنوية بعد مرور ثلات سنوات على صناعتها، $[\mu_{\min}, \mu_{\max}]$ هي القيمة النيوتروسوفكية (التقريب المضطرب).

$$NH_a: \mu_{\min} = 0.45$$

$$NH_a: \mu_{\max} = 0.55$$

$$NH_a: \mu_{\min} < 0.45$$

$$NH_a: \mu_{\max} < 0.55$$

$$NH_a: \mu_{\min} < 0.45 \text{ or } \mu_{\max} < 0.45.$$

$$NH_0: \mu = 7.0$$

$$NH_a: \mu < 7.0$$

$$NH_a: \mu > 7.0$$

$$NH_a: \mu \neq 7.0$$

قام مصنع للصناعات التحويلية بعمل دراسة استقصائية حول مبيعاته، تم إجراء هذه الدراسة من خلال مشاهدتين مستقلتين لعينتين مختلفتين، علماً أن هاتين العينتين لهما نفس الحجم . إن النتائج إلى تم التوصل إليها متقاربة، لكنها لاتزال مختلفة. إن مالك هذا المصنع قرر وضع كلا النتيجتين معاً، مع الأخذ بعين الاعتبار كل فترة بالشكل [inf, sup] أو $[\min, \max]$ وذلك من أجل إدراك التقلبات الحاصلة في المبيعات. إن المتغير x المسؤول عن وصف الاستطلاع يعتبر متغيراً نيوتروسوفكياً.

| Period | Sold Quantity (in thousands) |
|--------|------------------------------|
| 2001 | [4, 6] |
| 2002 | [7, 8] |
| 2003 | 5.5 or 6.0 |
| 2004 | (8.0, 8.8) |
| 2005 | 7.5 |

إن فرضية العدم القائلة بأن متوسط المبيعات السنوي $\mu = 7.0$ تظهر بنمط كلاسيكي، بينما المتغير x الذي يعزى μ إليه هو متغير نيوتروسويفي. لذلك نحن ما زال لدينا فرضيات نيوتروسويفيكية.

3.6 أخطاء اختبار الفرضيات النيوتروسو فكية

Neutrosophic Hypothesis Testing Errors.

من المعلوم أنه من الصعب أو حتى من المستحيل إجراء تعداد لعدد كبير من السكان. لهذا السبب علينا استخدام العينات . إن الاستدلال الذي تقوم به من عينة نيوتروسو فكية مميزة لخاصية سكانية تكون عُرضة للخطأ .

بشكل مشابه للإحصاء الكلاسيكي ، لدينا نوعان من الخطأ:

- 1- الخطأ من النوع الاول I ، وهو الخطأ الذي يتم فيه رفض H_0 عندما تكون H_0 صحيحة.
- 2- الخطأ من النوع الثاني II ، وهو الخطأ المعاكس للخطأ من النوع الاول، أي هو ذلك الخطأ الناجم عن عدم رفض H_0 عندما تكون H_0 خاطئة.

بغض النظر عن نوع الاختبار الذي تقوم به، هناك احتمال ان يحدث خطأ نيوتروسو فكي من النوع الاول I ، وهناك فرصة أن يحدث خطأ نيوتروسو فكي من النوع الثاني II أيضاً.

من إحدى الفرضيات في الامثلة السابقة، نجد ان رفض الفرضية التي تنص على $H_0: \mu = 7.0$ ، عندما تكون صحيحة سلازم صاحب مصنع الصناعات التحويلية بإجراء تعديلات اضافية وصرف مبالغ في حين انه ليس هناك حاجة حقيقة لذلك. في حين قبول $H_0: \mu = 7.0$ عندما تكون خاطئة، سيؤدي الى خسارة في المبيعات المستقبلية.

إن مستوى الثقة في اتخاذ القرار أو ما يسمى احتمالية الوقوع في الخطأ من النوع الاول يرمز له بـ α_N ، بينما β_N فتتمثل احتمالية الوقوع في الخطأ من النوع الثاني II . عند التعامل مع الاحتمالات النيوتروسو فكية، α_N و β_N يمكن ان تكون مجاميع جزئية في الفترة $[0,1]$. إن اجراء الاختبار المثالي سيكون عندما $\alpha_N = \beta_N \equiv 0$ ، أو عندما تكون α_N و β_N فترات باللغة الصغر وقريبة من الصفر.

على سبيل المثال، لنفرض $[\alpha_N = 0.07, 0.10]$ في اختبار تم إجراءه باستخدام عينات مختلفة ، مرارا وتكرارا، الفرضية الصائبة H_0 تم رفضها حوالي 7, أو 8, أو 9, أو 10 من المرات بالمائة.

إذا كانت $[\beta_N = 0.07, 0.10]$ ، عندئذ الفرضية الخاطئة H_0 تم قبولها بحوالي 7 الى 10 من المرات بالمائة.

4.6 مثال

تزعيم شركة لتصنيع السيارات بأنّ ما بين 80% و 90% من سياراتها لا تحتاج الى صيانة خلال أول سنتين من استخدامها. للتأكد من هذا الادعاء، قام مكتب تجاري استهلاكي بمتابعة عينة عشوائية من 50 مشتري وتحقق منهن فيما اذا كانت سياراتهم بحاجة الى صيانة خلال أول سنتين من القيادة أم لا. لفرض أن P تمثل نسبة عينة الاستجابات التي تشير الى عدم الحاجة للصيانة، وتمثل π النسبة الحقيقية للسيارات التي لا تحتاج الى صيانة (نسميتها حالات النجاح). إن الفرضيات النيوتروسوفكية الملائمة هي:

$$NH_0: \pi \in [0.8, 0.9] \text{ versus } NH_a: \pi < 0.8$$

من أجل التحقق مما اذا كان شاهد العينة يوحي بأن $0.9 < \pi$.

الخطأ النيوتروسوفكي من النوع I هو أن نأخذ بعين الاعتبار أن ادعاء الشركة المصنعة للسيارات ينطوي على مغالطة (أي أن $0.8 < \pi$) بينما في الحقيقة ادعاء الشركة صحيح.

والخطأ النيوتروسوفكي من النوع II يمثل حالة فشل المكتب التجاري الاستهلاكي في اكتشاف الادعاء الخاطئ للشركة المصنعة.

لتجنب عواقب وخيمة، قرر المكتب التجاري الاستهلاكي تبني احتمال الوقوع في الخطأ من النوع I بنسبة تتراوح بين [0.01, 0.05] إلا أنها غير قادرة على تحمل خطأ أكبر من ذلك. بذلك فإن $[0.01, 0.05] = \alpha$ تستخدم لتطوير اجراءات الاختبار.

من الاحصاء التقليدي، نعيد استدعاء مفهوم التوزيع الطبيعي القياسي ذو المتغير العشوائي Z وهو ذلك التوزيع الطبيعي بمعدل $0 = \mu$ وانحراف معياري $1 = \sigma$ ، علما ان منحني هذا التوزيع يسمى المنحني الطبيعي القياسي أو منحني Z .

إن قيمة Z الحرجة تتحل المساحة في منتهى يمين أو منتهى يسار المنحني Z ، أو المنطقة المركزية اسفل المنحني Z .

ان جدول القيم الحرجة الاكثر استخداماً لـ Z في الاحصاء الكلاسيكي هو :

| Critical value, z | Area to the right of z | Area to the left of $-z$ | Area between $-z$ and z |
|---------------------|--------------------------|--------------------------|---------------------------|
| 1.28 | .10 | .10 | .80 |
| 1.645 | .05 | .05 | .90 |
| 1.96 | .025 | .025 | .95 |
| 2.33 | .01 | .01 | .98 |
| 2.58 | .005 | .005 | .99 |
| 3.09 | .001 | .001 | .998 |
| 3.29 | .0005 | .0005 | .999 |

يمكن تقدير المتغير العشوائي x والذي يتوزع توزيعاً طبيعياً كما يلي:

$$z = \frac{x - \mu}{\sigma},$$

اذ أن μ تمثل قيمة المعدل لـ x ، و σ تمثل الانحراف المعياري لـ x .
 لو كانت فرضية عدم النيوتروسوفي للمتغير x هي :

$$NH_0: \mu \in [a, b],$$

حيث $[a, b]$ تمثل الفترة المفترضة علما ان $b \leq a$ ، عندئذ الاختبار النيوتروسوفي الاحصائي هو:

$$z = \frac{\bar{x} - [a, b]}{s/\sqrt{n}}$$

حيث أن \bar{x} يمثل معدل العينة و s هو الانحراف المعياري للعينة، بينما n تمثل حجم العينة و $n > 30$.

المتغير z يتوزع توزيعاً طبيعياً نيوتروسوفيًّا قياسياً تقربياً. في الاحصاء النيوتروسوفي، نلاحظ أن \bar{x} ، s ، n يمكن أن تكون مجاميع (وليس من الضروري أن تكون أعداد هشة).

5.6 الفرضيات البديلة

Alternative Hypothesis

$H_a: \mu > b$ ، رفض H_0 إذا كانت القيمة الحرجية $z > \min z$ ، (الاختبار من الجهة اليمنى).

$H_a: \mu < a$ ، رفض H_0 إذا كانت القيمة الحرجية $z < -\max z$ ، (الاختبار من الجهة اليسرى).

$H_a: \mu \notin [a, b]$ ، رفض H_0 إذا كانت القيمة الحرجية هي إما $z > \min z$ أو $z < -\max z$ (الاختبار من جهتين).

6.6 مثال

للننظر في درجات الفرق من الامتحان لعينة من الطلبة في كلية أمريكية، وقد كانت على النحو التالي:

$$n = 64, \bar{x} = [48.0, 50.0], \text{ and } s = 25.$$

عندئذ تكون μ المعدل الحقيقي للفرق من الامتحان.

$$H_0: \mu \in [40.0, 41.0]$$

$$H_a: \mu > 41.0.$$

إن الاختبار الاحصائي النيوتروسويفكي هو:

$$\begin{aligned} z &= \frac{[48.0, 50.0] - [40.0, 41.0]}{25/\sqrt{64}} = \frac{[48.0 - 41.0, 50.0 - 40.0]}{25/8} \\ &= \frac{[7.0, 10.0]}{25/8} = \frac{8 \cdot [7.0, 10.0]}{25} = \frac{[56.0, 80.0]}{25} \\ &= \left[\frac{56.0}{25}, \frac{80.0}{25} \right] = [2.24, 3.20]. \end{aligned}$$

من أجل $\alpha = 0.01$ ، من الجدول السابق نجد أن ما يقابلها من قيمة حرجة z في اختبار من طرف واحد هي 1.28 .
بالناتي سيتم رفض H_0 لأن $z = [2.24, 3.20] > 1.28$. بالنتيجة فإن معدل درجة الفرق من الامتحان سيكون اعلى من 41.0

7.6 مستوى الدلالة النيوتروسفكية

The Neutrosophic Level of Significance

إن مستوى الدلالة النيوتروسفكي α قد يكون مجموعة وليس بالضرورة عدد هش كما نجده في الاحصاء النيوتروسفكي.

على سبيل المثال، $[0.01, 0.10] = \alpha_4$ هو مستوى دلالة نيوتروسفكي. حيث أن α تتغير قيمها ضمن الفترة $[0.01, 0.10]$.

إن قيمة P النيوتروسفكية تُعرَّف بنفس الطريقة التي يتم تعريفها به في الاحصاء التقليدي، أي أنها أصغر مستوى دلالة يمكن عندها رفض فرضية العدم.

إن الفرق بين قيمة P الكلاسيكية وقيمة P النيوتروسفكية هو أن الأخيرة لا تكون عدداً هشاً كما في الاحصاء التقليدي، لكنها عبارة عن مجموعة (في العديد من التطبيقات تكون عبارة عن فترة).

إن قيمة P النيوتروسفكية هي الاحتمالية التي فيها قيمة z أكبر من القيمة الحرجية، وهذا يحدث عندما تكون H_0 صائبة. ولابد لنا هنا من استخدام التعبير الرياضي التالي:

Neutrosophic P – Value = $P(z > z_{\text{critical value}}, \text{when } H_0 \text{ is true})$
اذ أن الرمز $(.)$ يعني الاحتمالية التقليدية المحسوبة بفرض أن H_0 صائبة، إن احتمالية رصد قيمة إحصائية للاختبار تصبح أكثر تطرفاً مما تم الحصول عليه بالفعل.

أفرض أنه تم حساب قيمة P النيوتروسفكية عند قيمة خاصة لمستوى الدلالة α ، إذ أن قيمة α هي عدد هش موجب.

1. إذا كانت أكبر قيمة من قيم P النيوتروسفكية $\geq \alpha$ ، عندئذ نرفض H_0 عند مستوى دلالة α .

2. إذا كانت أقل قيمة من قيم P النيوتروسفكية $< \alpha$ ، عندئذ لا نرفض H_0 عند مستوى دلالة α .

3. إذا كانت

$$\min\{\text{neutrosophic } P - \text{value}\} < \alpha \\ < \max\{\text{neutrosophic } P - \text{value}\}$$

أي اذا كانت قيمة مستوى الدلالة α أقل من أكبر قيمة من قيم- P النيوتروسوفكية و أكبر من أقل قيمة من قيم- P النيوتروسوفكية، عندئذ يوجد هناك لاتعيين. وبالتالي فان فرصة رفض H_0 عند مستوى دلالة α هي :

$$\frac{\alpha - \min\{\text{neutrosophic}P - \text{value}\}}{\max\{\text{neutrosophic}P - \text{value}\} - \min\{\text{neutrosophic}P - \text{value}\}}$$

بينما فرصة عدم رفض H_0 عند مستوى دلالة α هي:

$$\frac{\max\{\text{neutrosophic}P - \text{value}\} - \alpha}{\max\{\text{neutrosophic}P - \text{value}\} - \min\{\text{neutrosophic}P - \text{value}\}}$$

لتكن α_N عبارة عن مجموعة.

4. إذا كانت أكبر قيمة من قيم- P النيوتروسوفكية \geq من أصغر قيمة من قيم $\{\alpha_N\}$ ، عندئذ نرفض H_0 عند مستوى الدلالة النيوتروسوفكى α_N .

5. إذا كانت أقل قيمة من قيم- P النيوتروسوفكية $<$ من أعظم قيمة من قيم $\{\alpha_N\}$ ، عندئذ لا نرفض H_0 عند مستوى الدلالة النيوتروسوفكى α_N .

6. يحصل المرء على الاتعيين عند تقاطع المجموعتين، مجموعة قيمة- P النيوتروسوفكية ومجموعة مستوى الدلالة النيوتروسوفكى α_N ، ويمكنا عندها حساب فرصة رفض H_0 عند المستوى α_N ، وفرصة عدم رفض H_0 عند نفس مستوى الدلالة α_N .

من المعلوم أن قيمة- P في الإحصاء الكلاسيكي يتم حسابها بمراعاة جدول احتماليات التوزيع الطبيعي القياسي.

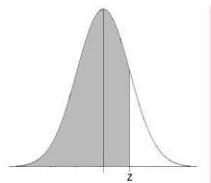
-a قيمة- P تمثل المساحة اسفل منحنى z الى يمين z المحسوبة، لاختبار z من الجانب اليمين.

-b قيمة- P تمثل المساحة اسفل منحنى z الى يسار z المحسوبة، لاختبار z من الطرف اليسار.

- P_c قيمة هي ضعف المساحة على طرفي المنحني والمقابلة لـ z المحسوبة، لاختبار z من طرفين.

يمكنا ومن الاحصاء الكلاسيكي إدراج جدول الاحتمالية التراكمي للتوزيع الطبيعي القياسي [سيتم ادراج قيم z - الموجبة فقط، لأن هذا ما نحتاجه في مثالنا التالي] :

Standard Normal Cumulative Probability Table



Cumulative probabilities for **POSITIVE** z-values are shown in the following table:

بالرجوع الى معلومات المثال 6.6 ، نجد

$$H_0: \mu \in [40.0, 41.0] \text{ versus } H_a: \mu > 41.0,$$

لقد وجدنا قيمة z النيوتروسوفكية وهي $z = [2.24, 3.20]$. لدينا اختبار z من الطرف اليمين.

من الجدول السابق لاحتماليات التوزيع الطبيعي القياسي، نجد أن المساحة أسفل المنحنى z يمين $z_1 = 2.24$ هي $0.9875 = 0.0125$ ، بينما $z_2 = 3.20$ فان المساحة هي $0.9993 = 0.0007$.

بذلك فان قيمة P - النيوتروسوفكية تساوي $[0.0007, 0.0125]$ عند مستوى الدلالة $\alpha_1 = 0.10$

$$\max[0.0007, 0.0125] = 0.0125 < 0.10.$$

عند مستوى الدلالة $\alpha_2 = 0.0005$ ، لا نرفض H_0 لان

$$\max[0.0007, 0.0125] = 0.0125 > 0.0005.$$

عند مستوى الدلالة $\alpha_3 = 0.01$ ، سنجد لاتعبين لان $[0.0007, 0.0125] \in [0.0007, 0.0125]$ لذلك فان:

فرصة رفض H_0 عند مستوى دلالة $\alpha_3 = 0.01$ هي:

$$\frac{0.01 - 0.0007}{0.0125 - 0.0007} = \frac{0.0093}{0.0118} \simeq 79\%$$

وفرصة عدم رفض H_0 عند مستوى دلالة $\alpha_3 = 0.01$ هي:

$$\frac{0.0125 - 0.01}{0.0125 - 0.07} = \frac{0.0025}{0.0118} \simeq 21\%.$$

8.6 فترة الثقة النيوتروسويفكية

The Neutrosophic Confidence Interval

ان فترة الثقة النيوتروسويفكية لمعلمات مجتمع ما تُعرَّف وبشكل مشابه لما موجود في الاحصاء التقليدي، وهي الفترة التي تضم القيم النيوتروسويفكية الحقيقية لمعلمات مجتمع معين.

إن القيم النيوتروسويفكية للمعلمات المميزة لمجتمع ما يمكن تعبيتها ضمن فترة ما بدرجة ثقةٍ يتم اختيارها من قبل الباحث.

كما في الاحصاء التقليدي، نجد أن مستوى الثقة يكون قريباً مراجعاً لفترة الثقة. إن مستوى الثقة ينبعنا كم نملك من الثقة في الاجراء المستخدم لإنشاء فترة ثقة نيوتروسويفكية.

في الاحصاء النيوتروسويفكي يتم تعليم الصيغ التقليدية لفترة الثقة الموجودة في الاحصاء الكلاسيكي من متغيرات هشة الى متغيرات نيوتروسويفكية (أي متغيرات قيمها بشكل فترات):

1. عندما القيمة النيوتروسويفكية للانحراف المعياري σ لمجتمع ما تكون قيمة معلومة ، إن فترة الثقة النيوتروسويفكية لعينة كبيرة في مجتمع ذو معدل μ هي:

$$\bar{x} \pm \left(z_{\text{critical value}} \cdot \frac{\sigma}{\sqrt{n}} \right)$$

إذ ان \bar{x} تمثل المعدل النيوتروسويفكي للعينة الكبيرة، و n تمثل الحجم النيوتروسويفكي للعينة الكبيرة. لذلك إن \bar{x} ، σ ، n ربما تكون كلها او بعضها مجاميع عوضاً عن اعداد هشة.

2. في حالة أن القيمة النيوتروسويفكية للانحراف المعياري σ لمجتمع ما هي قيمة مجهولة كما في اغلب التطبيقات العملية، مع حجم عينة يتجاوز الـ 30 ، سينتم اعتماد الانحراف المعياري القياسي للعينة بدلاً عن σ من اجل حساب فترة الثقة النيوتروسويفكية لمجتمع ذو معدل μ :

$$\bar{x} \pm (z_{\text{critical value}}) \cdot \frac{s}{\sqrt{n}}$$

من أجل كلا الصيغتين اعلاه، نعتمد 1.645 كقيمة حرجة لـ z والتي تقابل مستوى ثقة بنسبة 90% ، كما أن 1.96 هي القيمة الحرجة لـ z والتي تقابل مستوى ثقة بنسبة 95% ، بينما 2.58 فهي القيمة الحرجة لـ z تقابل مستوى ثقة بنسبة 99% وهذا مشابه لما نجده في الاحصاء التقليدي.
فمثلاً، مستوى الثقة بنسبة 90% لا تشير الى احتمالية تعين مجتمع ذو معدل μ في فترة ما، لكنها تشير الى نسبة النجاحات الممكنة للعينات (أي تلك العينات التي تضم μ في فترة الثقة).

9.6 مثال

إن العديد من الأفراد يفقدون الرؤية جزئياً بسبب التعرض للغبار. في دراسة لعينة تضم 60 شخصاً تعرضاً للغبار باستمرار في أماكن البناء التي يعملون فيها، بالمعدل يفقدون $20\% - 18\%$ من دقة رؤيتهم، بانحراف قياسي للعينة بنسبة $5\% - 4\%$. يرغب الباحث لهذه الدراسة أن تكون فترة الثقة $\mu \pm \mu$ بنسبة 90%.

$$\bar{x} = [18, 20]$$

$$z \text{ critical value} = 1.645$$

$$s = [4, 5]$$

$$n = 60.$$

لذلك فإن فترة الثقة النيوتروسوفكية لمجتمع ذو معدل μ هو :

$$\begin{aligned} [18, 20] \pm (1.645) \cdot \frac{[4, 5]}{\sqrt{60}} &= [18, 20] \pm \left[\frac{1.645(4)}{\sqrt{60}}, \frac{1.645(5)}{\sqrt{60}} \right] \\ &\simeq [18, 20] \pm [0.85, 1.06]. \end{aligned}$$

لنقم بتجزئة الفترات اعلاه الى جزئين:

$$\begin{aligned} [18, 20] + [0.85, 1.06] &= [18 + 0.85, 20 + 1.06] \\ &= [18.85, 21.06], \end{aligned}$$

و

$$\begin{aligned} [18, 20] - [0.85, 1.06] &= [18 - 1.06, 20 - 0.85] \\ &= [16.94, 19.15]. \end{aligned}$$

ومن خلال دمج هاتين الحالتين سنحصل على فترة الثقة النيوتروسوفكية $[16.94, 21.06]$

إن تخمين حجم العينة النيوتروسوفكية، ضمن القيمة B ، وبنسبة ثقة $c\%$ ، لمجتمع ذو معدل μ هو:

$$n_N = \left[\frac{(z_{\text{critical value}}) \cdot \sigma}{B} \right]$$

إذ لابد للقيمة الحرجة z أن تنسجم مع نسبة الثقة $c\%$ ، σ هو الانحراف القياسي للمجتمع و n_N يمثل الحجم الناتج للعينة النيوتروسوفكية، وبالتالي فإن n_N قد يكون مجموعة أو فترة.

يمكن اخذ حجم العينة ك $\lceil \max\{n_N\} \rceil$ ، إذ ان الرمز الرياضي $\lceil \cdot \rceil$ يعني الجزء الصحيح الاعظم.

لنطلع على المثال التالي:

يرغب قسم التجارة بتخمين التكلفة السنوية لـ اللوازم المكتبية لأعضاء هيئة التدريس في جامعة نيومكسيكو لتكون في حدود \$40 للمعدل الحقيقي لمجتمع الهيئة التدريسية. قسم التجارة يرغب بمستوى ثقة بنسبة 95% لدقة نتائجهم. فكم هو حجم العينة الواجب اخذها لتحقيق ذلك؟

الحل:

نظرأً لأن σ مجهولة القيمة، يمكن وكما في الاحصاء التقليدي تقريب قيمتها كما يلي:

$$\sigma \approx \frac{\text{range}}{4}$$

إذ أن range يمثل الفرق بين أعلى وأقل النفقات.

إن المبالغ المصروفة على اللوازم المكتبية تتراوح ما بين \$500 - 550 إلى \$150 - 100. لذلك

$$\begin{aligned} \sigma &\approx \frac{[500, 550] - [100, 150]}{4} = \frac{[500 - 150, 550 - 100]}{4} \\ &= \frac{[350, 450]}{4} = \left[\frac{350}{4}, \frac{450}{4} \right] = [87.50, 137.50]. \end{aligned}$$

واكثر من ذلك نجد ان $B = 40$ ، وقيمة z الحرجة هي 1.96 ، كذلك:

$$\begin{aligned} n_N &= \left[\frac{1.96[87.50, 137.50]}{40} \right]^2 = \left[\frac{1.96(87.50)}{40}, \frac{1.96(137.50)}{40} \right]^2 \\ &= [4.2875, 6.7375]^2 = [4.2875^2, 6.7375^2] \\ &\simeq [18.38, 45.39]. \end{aligned}$$

نجد الان :

$$[\max[18.38, 45.39]] = [45.39] = 46.$$

إذن فإن حجم العينة لابد ان يكون 46.

10.6 فترة ثقة نيوتروسوفيّة لعينة ذات حجم كبير نسبةً إلى المجتمع

The Neutrosophic Confidence Interval

باستخدام نفس المفاهيم الاحصائية التقليدية يمكننا تعريف فترة الثقة النيوتروسوفيّة لعينة ذات حجم كبير نسبةً إلى المجتمع الذي أخذت منه على انه π

$$p \pm (z_{\text{critical value}}) \cdot \sqrt{\frac{p(1-p)}{n}}$$

للحالة التي فيها $5 \geq \{1 - p\} \cdot \min\{np\} \geq 5$ and $\min\{n\} \geq 5$ and $\min\{np\} \geq 5$ ، إذ أن p = نسبة العينة = عدد افراد العينة الذين يملكون الصفة (السمة) قيد الدراسة مقسوماً على حجم العينة. n = حجم العينة.

$$\frac{\text{عدد افراد المجتمع الذين يملكون السمة قيد الدراسة}}{\text{العدد الكلي لافراد المجتمع}} = \frac{\text{النسبة المجتمعية}}{\text{النسبة المجتمعية}} = \pi$$

مع الفارق الواضح عن الاحصاء الكلاسيكي وهو انه في الاحصاء النيوتروسوفي المعلمات n , ربما تكون مجاميع بدلاً عن اعداد هشة، كما وان القيمة الحرجية $-z$ قد تكون مجموعة ايضاً (مثلاً قد تكون $[1.96, 1.645]$ ، هذا يعني نسبة ثقة بمقدار $90,95\%$).

إن احصاء العينة النيوتروسوفي p ، عندما تكون القيمة $\min\{n\}$ كبيرة كافية، يتوزع توزيعاً نيوتروسوفيّاً بمنحنى طبيعي ويقترب من متوسط المجتمع π وله انحراف قياسي

$$\text{بمقدار} \cdot \sqrt{\frac{\pi(1-\pi)}{n}}.$$

11.6 مثال

تم اجراء استطلاع لعينة مكونة من $220 - 200$ مستهلك عندما طرح تاجر سيارات السؤال التالي:

(هل ستكون راغبًا في الاستثمار بسيارتك القديمة عند شرائك لآخرى جديدة؟) إن العدد الكلي للمجيبين بــنعم هو 150. مستوى الثقة يجب أن يكون 99%. لو رمنا بـ π لنسبة كل المستهلكين الراغبين في الاستثمار بسيارتهم، ولتكن p هي نقطة تخمين لـ π :

$$p = \frac{150}{\{200, 201, \dots, 220\}} = \left[\frac{150}{220}, \frac{150}{200} \right] = [0.68, 0.75].$$

إن حجم العينة $\{220, 201, \dots, 200\}$ تعني أن المسؤول عن اجراء الاستطلاع لم يكن واثقاً من 20 شخصاً فيما اذا كانوا مستهلكين راغبين بهذا النوع من الاستثمار. بذلك، نجد ان حجم العينة غير مُعين (تم تقريره بواسطة المجموعة $\{200, 201, \dots, 220\}$ ، ان القيمة الحرجية $L_Z = 2.58$).

$$\min\{np\} = \min\{\{200, 201, \dots, 220\} \cdot [0.68, 0.75]\} = 200(0.68) = 136 > 5;$$

$$\begin{aligned} \min\{n(1-p)\} &= \min\{\{200, 201, \dots, 220\} \cdot (1 - [0.68, 0.75])\} \\ &= 200 \cdot \min([1 - 0.75, 1 - 0.68]) \\ &= 200 \cdot \min([0.25, 0.32]) = 200(0.25) = 50 > 5. \end{aligned}$$

ان فترة الثقة النيوتروسوفيكية لـ π لعينة كبيرة الحجم هي:

$$\begin{aligned} [0.68, 0.75] &\pm 2.58 \cdot \sqrt{\frac{[0.68, 0.75] \cdot (1 - [0.68, 0.75])}{\{200, 201, \dots, 220\}}} \\ &= [0.68, 0.75] \pm 2.58 \cdot \sqrt{\frac{[0.68, 0.75] \cdot [0.25, 0.32]}{\{200, 201, \dots, 220\}}} \\ &= [0.68, 0.75] \pm 2.58 \cdot \sqrt{\frac{[0.68(0.25), 0.75(0.32)]}{220, 200}} \\ &= [0.68, 0.75] \pm 2.58 \cdot \sqrt{[0.000773, 0.001200]} \\ &= [0.68, 0.75] \pm 2.58 \cdot \sqrt{0.000773}, \sqrt{0.001200} \\ &= [0.68, 0.75] \pm 2.58 \cdot [0.027803, 0.034641] \\ &= [0.68, 0.75] \pm [0.071732, 0.089374]. \end{aligned}$$

بتقسيم اجزاء هذه الفترة الى قسمين نحصل على:

$$[0.68, 0.75] + [0.71732, 0.089374] = [0.751732, 0.839374]$$

و

$$\begin{aligned}[0.68, 0.75] - [0.071732, 0.089374] \\= [0.68 - 0.089374, 0.75 - 0.071732] \\= [0.590626, 0.678268].\end{aligned}$$

من خلال دمج كلا النتائجين ضمن صيغة واحدة معتدلة نحصل على:

$$[0.590626, 0.839374].$$

ان صيغة اختيار الحجم النيوتروسويفي للعينة مشابه لما في الاحصاء التقليدي إلا اننا نستخدم مجاميع عوضاً عن اعداد هشة:

$$n = \pi(1 - \pi) \cdot \left[\frac{z_{\text{critical value}}}{B} \right]^2$$

إذ أن B تمثل الحد المعيين للخطأ.

عندما لا نكون قادرين على تقدير قيمة π من المعلومات النيوتروسويفية المسبقة، سيتم اعتماد $0.5 = \pi$ والتي تزودنا بقيمة معتدلة لحجم العينة الكبيرة (اي ان n أكبر من اي قيمة اخرى يمكن ان تصلها π).

الفصل السابع

نظرية الغاية المركزية النيوتروسوفكية

The Neutrosophic Central Limit Theorem

1.7 نظرية الغاية المركزية النيوتروسو فكية

The Neutrosophic Central Limit Theorem

تُعد مبرهنة الغاية المركزية النيوتروسو فكية تعهِّماً لمبرهنة الغاية المركزية التقليدية، ويمكن تطبيقها وبدون تحفظ عندما تزيد قيمة $\min\{n\}$ عن 30 ، إذ ان n تمثل الحجم النيوتروسو فكي للعينة (لا تنسى بأن n يمكن ان تكون مجموعة).

تنص مبرهنة الغاية المركزية النيوتروسو فكية على ان التوزيع النيوتروسو فكي للعينة ذات المعدل μ يقترب من منحني التوزيع النيوتروسو فكي الطبيعي عندما تكون $\min\{n\}$ كبيرة بما يكفي، ولا يهمنا كيف يكون توزيع المجتمع.

من المعلوم، لو كان المجتمع يتوزع توزيعاً طبيعياً عندئذٍ ربما تكون قيمة $\min\{n\}$ اقل من 30 ، وان التوزيع النيوتروسو فكي للعينة ذات المعدل \bar{x} هو توزيع طبيعي أيضاً وذلك لاي حجم نيوتروسو فكي n للعينة. أما لو لم يتبع المجتمع التوزيع الطبيعي، عندئذٍ لابد لقيمة $\min\{n\}$ أن تزيد عن 30 كما وأن التوزيع النيوتروسو فكي للعينة ذات المعدل \bar{x} يقترب من المنحني الطبيعي علماً انه كلما زادت قيمة $\min\{n\}$ كلما اقترب توزيع العينة من المنحني الطبيعي بشكل افضل.

ان النتيجة الاخيرة قد مكنت الاصحائين النيوتروسو فكيين من استدلال معدن المجتمع لتطوير الاجراءات النيوتروسو فكية للعينات ذات الاحجام الكبيرة حتى وإن لم يكن توزيع المجتمع معلوماً.

باستخدام نفس المعلمات:

n = عينة عشوائية ذات حجم نيوتروسو فكي.

\bar{x} = المعدل النيوتروسو فكي للعينة.

μ = المعدل الحسابي للمجتمع.

σ = الانحراف المعياري للمجتمع.

$\mu_{\bar{x}}$ = المعدل النيوتروسو فكي لـ \bar{x} الموزع توزيعاً معيناً.

$\sigma_{\bar{x}}$ = الانحراف المعياري النيوتروسو فكي لـ \bar{x} الموزع توزيعاً معيناً.

نجد أنه وكما في الاحصاء الكلاسيكي:

$$\mu_{\bar{x}} = \mu,$$

$$\sigma_{\bar{x}} = \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$$

عندما تكون قيمة $\min\{n\}$ صغيرة وتوزيع المجتمع مجهولاً، نجد ان مبرهنة الغاية المركزية النيوتروسوفكية لا يصح تطبيقها كما في الاحصاء التقليدي.

سنقدم في هذه الفقرة مفهوم "فترة الثقة النيوتروسوفكي t لمتوسط المجتمع طبيعي ذو عينة صغيرة" وهذا المفهوم هو مجرد النسخة النيوتروسوفكية لمفهوم "فترة الثقة التقليدية t لمجتمع ذو معدل μ وبعينة واحدة فقط"

$$\bar{x} \pm (t\text{critical values}) \cdot \frac{s}{\sqrt{n}}$$

وبطريقة مشابهة:

\bar{x} = المعدل النيوتروسوفكي للعينة.

s = الانحراف المعياري النيوتروسوفكي للعينة.

n = الحجم النيوتروسوفكي للعينة.

وقيمة t الحرجية تعتمد على :

$\min\{n\} - 1$ degrees of freedom (df).

\bar{x} ، s ، و n قد تكون مجاميع عوضاً عن اعداد هشة.

من اجل قيمة صغيرة لـ $\min\{n\}$ ، فتره الثقة النيوتروسوفكية t لمجتمع ذو معدل μ يكون ملائماً عندما يتوزع المجتمع توزيعاً طبيعياً أو يقترب من التوزيع الطبيعي. وإلا، يجب علينا تطبيق طريقة اخرى.

يمكن تمييز توزيعات t النيوتروسوفكية بعضها عن البعض الاخر من خلال درجة الحرية والتي يمكن ان تكون عدداً صحيحاً اكبر او مساوياً للواحد، او مجموعة من الاعداد الصحيحة الموجبة اكبر او مساوية للواحد.

$\{n, n + 1, \dots, n + m\}$.

كلما زادت قيمة $\min\{n\}$ ، كلما اقترب توزيع t من منحني z النيوتروسوفكي. عندما $\min\{n\} > 120$ يمكننا استخدام قيم z الحرجية. ان منحني t النيوتروسوفكي لدرجة

حرية ثابتة في الغالب يتخذ شكلاً جرسياً متمركزاً عند الصفر وبطريقة نيوتروسوفيكتية
الطراز.

2.7 مثال

لدينا عينة عشوائية صغيرة مكونة من 18 عامل على طريق السكك الحديدية، تم عمل تقصي حول الاوزان التي يمكن لهؤلاء العمال رفعها في مكان عملهم. لقد ظهر ان معدل العينة النيوتروسوفكية يتراوح بين (10 - 8) كغم مع انحراف معياري s يتراوح بين (4 - 3) كغم.

لنفرض ان نسبة مستوى الثقة المطلوبة لتعيين قيمة متوسط المجتمع هي 95%.

$$\bar{x} = [8, 10] \text{ (an interval)}$$

$$s = [3, 4] \text{ (an interval)}$$

$$n = 18,$$

بالتالي فان الحجم الصغير للعينة والذي يتطلب قيمة t الحرجية النيوتروسوفكية التي تعتمد على درجة الحرية

$$18 - 1 = 17 df$$

من الجدول الاحصائي التقليدي التالي لقيم t الحرجية، نجد انه لمستوى ثقة 95% ودرجة حرية 17df ، فإن قيمة t الحرجية هي :

$$t_{\text{critical value}} = 2.11$$

t Table

| cum. prob | $t_{.50}$ | $t_{.75}$ | $t_{.90}$ | $t_{.95}$ | $t_{.99}$ | $t_{.995}$ | $t_{.999}$ | $t_{.9995}$ | | | |
|-----------|------------------|-------------|-------------|-------------|-------------|-------------|--------------|-------------|--------------|--------------|---------------|
| one-tail | 0.50 | 0.25 | 0.20 | 0.15 | 0.10 | 0.05 | 0.025 | 0.01 | 0.005 | 0.001 | 0.0005 |
| two-tails | 1.00 | 0.50 | 0.40 | 0.30 | 0.20 | 0.10 | 0.05 | 0.02 | 0.01 | 0.002 | 0.001 |
| df | | | | | | | | | | | |
| 1 | 0.000 | 1.000 | 1.376 | 1.963 | 3.078 | 6.314 | 12.71 | 31.82 | 63.66 | 318.31 | 636.62 |
| 2 | 0.000 | 0.816 | 1.061 | 1.386 | 1.886 | 2.920 | 4.303 | 6.965 | 9.925 | 22.327 | 31.599 |
| 3 | 0.000 | 0.765 | 0.978 | 1.250 | 1.638 | 2.353 | 3.182 | 4.541 | 5.841 | 10.215 | 12.924 |
| 4 | 0.000 | 0.741 | 0.941 | 1.190 | 1.533 | 2.132 | 2.776 | 3.747 | 4.604 | 7.173 | 8.610 |
| 5 | 0.000 | 0.727 | 0.920 | 1.156 | 1.476 | 2.015 | 2.571 | 3.365 | 4.032 | 5.893 | 6.869 |
| 6 | 0.000 | 0.718 | 0.906 | 1.134 | 1.440 | 1.943 | 2.447 | 3.143 | 3.707 | 5.208 | 5.959 |
| 7 | 0.000 | 0.711 | 0.896 | 1.119 | 1.415 | 1.895 | 2.365 | 2.998 | 3.499 | 4.785 | 5.408 |
| 8 | 0.000 | 0.706 | 0.889 | 1.108 | 1.397 | 1.860 | 2.306 | 2.896 | 3.355 | 4.501 | 5.041 |
| 9 | 0.000 | 0.703 | 0.883 | 1.100 | 1.383 | 1.833 | 2.262 | 2.821 | 3.250 | 4.297 | 4.781 |
| 10 | 0.000 | 0.700 | 0.879 | 1.093 | 1.372 | 1.812 | 2.228 | 2.764 | 3.169 | 4.144 | 4.587 |
| 11 | 0.000 | 0.697 | 0.876 | 1.088 | 1.363 | 1.796 | 2.201 | 2.718 | 3.106 | 4.025 | 4.437 |
| 12 | 0.000 | 0.695 | 0.873 | 1.083 | 1.356 | 1.782 | 2.179 | 2.681 | 3.055 | 3.930 | 4.318 |
| 13 | 0.000 | 0.694 | 0.870 | 1.079 | 1.350 | 1.771 | 2.160 | 2.650 | 3.012 | 3.852 | 4.221 |
| 14 | 0.000 | 0.692 | 0.868 | 1.076 | 1.345 | 1.761 | 2.145 | 2.624 | 2.977 | 3.787 | 4.140 |
| 15 | 0.000 | 0.691 | 0.866 | 1.074 | 1.341 | 1.753 | 2.131 | 2.602 | 2.947 | 3.733 | 4.073 |
| 16 | 0.000 | 0.690 | 0.865 | 1.071 | 1.337 | 1.746 | 2.120 | 2.583 | 2.921 | 3.686 | 4.015 |
| 17 | 0.000 | 0.689 | 0.863 | 1.069 | 1.333 | 1.740 | 2.110 | 2.567 | 2.898 | 3.646 | 3.965 |
| 18 | 0.000 | 0.688 | 0.862 | 1.067 | 1.330 | 1.734 | 2.101 | 2.552 | 2.878 | 3.610 | 3.922 |
| 19 | 0.000 | 0.688 | 0.861 | 1.066 | 1.328 | 1.729 | 2.093 | 2.539 | 2.861 | 3.579 | 3.883 |
| 20 | 0.000 | 0.687 | 0.860 | 1.064 | 1.325 | 1.725 | 2.086 | 2.528 | 2.845 | 3.552 | 3.850 |
| 21 | 0.000 | 0.686 | 0.859 | 1.063 | 1.323 | 1.721 | 2.080 | 2.518 | 2.831 | 3.527 | 3.819 |
| 22 | 0.000 | 0.686 | 0.858 | 1.061 | 1.321 | 1.717 | 2.074 | 2.508 | 2.819 | 3.505 | 3.792 |
| 23 | 0.000 | 0.685 | 0.858 | 1.060 | 1.319 | 1.714 | 2.069 | 2.500 | 2.807 | 3.485 | 3.768 |
| 24 | 0.000 | 0.685 | 0.857 | 1.059 | 1.318 | 1.711 | 2.064 | 2.492 | 2.797 | 3.467 | 3.745 |
| 25 | 0.000 | 0.684 | 0.856 | 1.058 | 1.316 | 1.708 | 2.060 | 2.485 | 2.787 | 3.450 | 3.725 |
| 26 | 0.000 | 0.684 | 0.856 | 1.058 | 1.315 | 1.706 | 2.056 | 2.479 | 2.779 | 3.435 | 3.707 |
| 27 | 0.000 | 0.684 | 0.855 | 1.057 | 1.314 | 1.703 | 2.052 | 2.473 | 2.771 | 3.421 | 3.690 |
| 28 | 0.000 | 0.683 | 0.855 | 1.056 | 1.313 | 1.701 | 2.048 | 2.467 | 2.763 | 3.408 | 3.674 |
| 29 | 0.000 | 0.683 | 0.854 | 1.056 | 1.311 | 1.699 | 2.045 | 2.462 | 2.756 | 3.396 | 3.659 |
| 30 | 0.000 | 0.683 | 0.854 | 1.055 | 1.310 | 1.697 | 2.042 | 2.457 | 2.750 | 3.385 | 3.646 |
| 40 | 0.000 | 0.681 | 0.851 | 1.050 | 1.303 | 1.684 | 2.021 | 2.423 | 2.704 | 3.307 | 3.551 |
| 60 | 0.000 | 0.679 | 0.848 | 1.045 | 1.296 | 1.671 | 2.000 | 2.390 | 2.660 | 3.232 | 3.460 |
| 80 | 0.000 | 0.678 | 0.846 | 1.043 | 1.292 | 1.664 | 1.990 | 2.374 | 2.639 | 3.195 | 3.416 |
| 100 | 0.000 | 0.677 | 0.845 | 1.042 | 1.290 | 1.660 | 1.984 | 2.364 | 2.626 | 3.174 | 3.390 |
| 1000 | 0.000 | 0.675 | 0.842 | 1.037 | 1.282 | 1.646 | 1.962 | 2.330 | 2.581 | 3.098 | 3.300 |
| Z | 0.000 | 0.674 | 0.842 | 1.036 | 1.282 | 1.645 | 1.960 | 2.326 | 2.576 | 3.090 | 3.291 |
| | 0% | 50% | 60% | 70% | 80% | 90% | 95% | 98% | 99% | 99.8% | 99.9% |
| | Confidence Level | | | | | | | | | | |

بتطبيق الصيغة السابقة نجد:

$$\begin{aligned}\bar{x} \pm (t\text{critical value}) \cdot \frac{s}{\sqrt{n}} &= [8, 10] \pm 2.11 \frac{[3, 4]}{\sqrt{18}} \\ &= [8, 10] \pm \left[\frac{2.11(3)}{\sqrt{18}}, \frac{2.11(4)}{\sqrt{18}} \right] \\ &\simeq [8, 10] \pm [1.492, 1.989].\end{aligned}$$

بفصل الفترات اعلاه نحصل على:

$$\begin{aligned}[8, 10] + [1.492, 1.989] &= [8 + 1.492, 10 + 1.989] \\ &= [9.492, 11.989],\end{aligned}$$

و

$$\begin{aligned}[8, 10] - [1.492, 1.989] &= [8 - 1.989, 10 - 1.492] \\ &= [6.011, 8.508].\end{aligned}$$

الآن نقوم بدمج النتائج بطريقة معنديلة لنجعل على فترة الثقة النيوتروسوفيكية t لمتوسط المجتمع الخاص برفع الاوزان وهي:

$$[6.011, 11.989] \text{ kg.}$$

ثُبِّتَ المصطلحات

| Term in English | المصطلح باللغة العربية |
|---------------------------------------|--|
| Ambiguous | مبهِّم |
| Bivariate Neutrosophic Data | بيانات نيوتروسوفيَّة ثانٍ المتغير |
| Classical Statistic | الاحصاء التقليدي |
| Continuous Neutrosophic Data | بيانات نيوتروسوفيَّة مستمرة |
| Classical Neutrosophic Numbers | أعداد نيوتروسوفيَّة تقليدية |
| Complete probability | الاحتمالية التامة |
| Degree of freedom | درجة الحرية |
| Discrete Neutrosophic Data | بيانات نيوتروسوفيَّة متقطعة |
| Imprecise | غير دقيق |
| Incomplete | غير تام |
| Incomplete Probability | احتمالية غير تامة |
| Indeterminacy | لاتعيين |
| Indeterminate Data | بيانات غير معينة |
| Indeterminacy Threshold | حد عتبة الاتعيين |
| Multivariate Neutrosophic Data | بيانات نيوتروسوفيَّة متعددة المتغيرات |
| Neutrosophic Statistic | الاحصاء النيوتروسوفيَّي |
| Neutrosophic Probability | الاحتمالية النيوتروسوفيَّة |
| Neutrosophic Probability Distribution | التوزيع الاحتمالي النيوتروسوفيَّ |
| Neutrosophic Descriptive Statistic | الاحصاء الوصفي النيوتروسوفيَّ |
| Neutrosophic Histograms | المدرجات التكرارية النيوتروسوفيَّة |
| Neutrosophic Inferential Statistic | الاحصاء الاستدلالي |

| | النيوتروسويفكي |
|--|--|
| Neutrosophic Stem and Leaf Display | صيغة عرض الورقة والساقي النيوتروسويفكي |
| Neutrosophic Statistic Number | العدد الاحصائي النيوتروسويفكي |
| Neutrosophic Frequency Distribution | التوزيع التكراري النيوتروسويفكي |
| Neutrosophic Statistical Graphs | رسوم بيانية احصائية النيوتروسويفكي |
| Neutrosophic Bar Graphs | مخطط نيوتروسويفكي مستطيلي |
| Neutrosophic Circle Graph | مخطط نيوتروسويفكي دائري |
| Neutrosophic Double Line Graph | مخطط نيوتروسويفكي ذو الشريط المضاعف |
| Neutrosophic Line Plot | مخطط نيوتروسويفكي ذو شريط منفرد |
| Neutrosophic Pictograph | الرسم التصويري النيوتروسويفكي |
| Neutrosophic 2D Histogram | مدرج تكراري النيوتروسويفكي ذو بعدين |
| Neutrosophic 3D Bar Graph | الرسم البياني النيوتروسويفكي بشكل ثلاثي الابعاد |
| Neutrosophic Cylinder Graph | الرسم البياني الاسطواني النيوتروسويفكي |
| Neutrosophic 3D-Line Graph | الرسم البياني النيوتروسويفكي بمستقيم في ثلاثة ابعاد |
| Neutrosophic Quartiles | الارباع النيوتروسويفكي |
| Neutrosophic Sample | العينة النيوتروسويفكي |
| Neutrosophic Cluster Sample | عينة عنقودية نيوتروسويفكي |
| Neutrosophic Numerical Measures | القياسات العددية النيوتروسويفكي |
| Neutrosophic Numbers | الاعداد النيوتروسويفكي |
| Neutrosophic Complex Number | الاعداد النيوتروسويفكي المعقّدة |
| Neutrosophic Real or Complex | متعددة حدود نيوتروسويفكي |

| | |
|--|---|
| Polynomial | حقيقة او معددة |
| Neutrosophic Random Numbers | الاعداد النيوتروسوفكية العشوائية |
| Neutrosophic Binomial Distribution | توزيع ذي الحدين النيوتروسوفكي |
| Neutrosophic Multinomial Distribution | توزيع نيوتروسوفكي متعدد الحدو |
| Neutrosophic Scatter Plot | الرسم المقطعي النيوتروسوفكي المبعثر |
| Neutrosophic Function | الدالة النيوتروسوفكية |
| Neutrosophic Regression | الانحدار النيوتروسوفكي |
| Neutrosophic Predictor Variable | متغير نيوتروسوفكي مُخمن |
| Neutrosophic Least-Squares Lines | مستقيمات المربعات الصغرى النيوتروسوفكية |
| Neutrosophic Residuals | الرواسب النيوتروسوفكية |
| Neutrosophic Weighted Random Numbers | اعداد عشوائية نيوتروسوفكية موزونة |
| Neutrosophic Normal Distribution | التوزيع الطبيعي النيوتروسوفكي |
| Neutrosophic Hypothesis | الفرضيات النيوتروسوفكية |
| Neutrosophic Null Hypothesis | فرضية عدم النيوتروسوفكية |
| Neutrosophic Alternative Hypothesis | فرضية النيوتروسوفكية البديلة |
| Neutrosophic Level of Significance | مستوى الدلالة النيوتروسوفكي |
| Neutrosophic Confidence Interval | فتره الثقة النيوتروسوفكية |
| Neutrosophic Central Limit Theorem | مبرهنة الغاية المركزية النيوتروسوفكية |
| Quantitative Neutrosophic Data | بيانات نيوتروسوفكية كمية |
| Statistical Deceptions | مغالطات احصائية |
| Stratified Random Neutrosophic Sampling | عينة عشوائية نيوتروسوفكية طبقية |
| Trivariate Neutrosophic Data | بيانات نيوتروسوفكية ثلاثية المتغير |
| Univariate Neutrosophic Data | بيانات نيوتروسوفكية احادية |

| | المتغير |
|----------------------------------|------------------------|
| Unknown | غير معروف |
| Vague | غير واضح |
| Voluntary Response Sample | عينة الاستجابة الطوعية |

المراجع

1- المراجع المستخدمة في الكتاب الأصلي

1. David Nelson, " **The Penguin Dictionary of Statistics**" Penguin Books, London, 2004.
2. Florentin Smarandache, **Introduction to Neutrosophic Measure, Neutrosophic Integral, and Neutrosophic Probability**, Sitech-Education Publisher, Craiova – Columbus, 2013.
3. Florentin Smarandache " **Neutrosophy. / Neutrosophic Probability, Set, and Logic**", Amer. Res. Press, Rehoboth, USA, 105 p., 1998.
4. Graham Upton & Ian Cook, " **Oxford Dictionary of Statistics**", Oxford University Press Inc, New York, 2006.

2- المراجع المستخدمة في الكتاب المترجم

- 1- Florentin Smarandache & Huda E. Khalid " **Neutrosophic Precalculus and Neutrosophic Calculus**". Second enlarged edition, Pons asbl 5, Quai du Batelage, Brussels, Belgium, European Union, 2018.
- 2- Florentin Smarandache, H. E. Khalid & A. K. Essa, " **Neutrosophic Logic: the Revolutionary Logic in Science and Philosophy**", Proceedings of the National Symposium, EuropaNova, Brussels, 2018.
- 3- Huda E. Khalid, Ahmed K. Essa " **Neutrosophic Precalculus and Neutrosophic Calculus**". The Arabic Translated Version, Pons asbl 5, Quai du Batelage, Brussels, Belgium, European Union, 2016.

نبذة عن المترجمين



أ.م. د. هدى اسماعيل خالد الجميلى

Assoc. Prof. Dr. Huda E. Khalid,

مواليد 1974 / نينوى / العراق .

الشهادات الأكademية

- البكالوريوس في علوم الرياضيات / قسم الرياضيات / كلية العلوم / جامعة الموصل 1998
- ماجستير / كلية علوم الحاسوب والرياضيات / قسم الرياضيات / جامعة الموصل 2001 .
- دكتوراه في الرياضيات / كلية علوم الحاسوب والرياضيات / قسم الرياضيات / جامعة الموصل 2010 .

Email: hodaesmail@yahoo.com & dr.huda-ismael@uotelafer.edu.iq

Mobile: +9647518096504

لديها عضوية في أكاديمية تاليسوا - جاليو العالمية بـلندن ، وعضوة في هيئة تحرير المجلات العلمية العالمية التالية: JHEPGC, IJNS, IJCAA ، و عضوة شرف في المجمع العلمي العالمي النيوتروسوفي منذ 19/5/2015 ، و عضو مشارك في هيئة تحرير مجلة NSS التابعة لجامعة نيو مكسيكو الأمريكية، كما وكانت رئيسة لقسم الرياضيات في كلية التربية الأساسية / جامعة الموصل- جامعة تلغر من 2012 الى 2015. احدث منشوراتها في مجال تخصصها والمنطق النيوتروسوفي كان حول وضع صيغ جديدة ومبتكرة للحلول العظمى والذئيا في المعادلات العلاجية النيوتروسوفية ، كذلك وضع مفهوم مبتكر ل (الاقل او يساوي) النيوتروسوفي في مسائل البرمجة الهندسية غير المقيدة . ولها اكثرا من 20 بحث وكتاباً مؤلفة او مترجمة منشورة في مجلات ودور نشر عالمية. للمزيد من التفاصيل أنظر الروابط:

https://www.researchgate.net/profile/Drhuda_Khalid/stats

<https://scholar.google.com/citations?user=1A-5iycAAAAJ&hl=en>



المهندس أحمد خضر عيسى الجبوري

Eng. Ahmed K. Essa

ولد عام 1985 في محافظة نينوى / العراق . حصل على شهادة البكالوريوس في هندسة القدرة الكهربائية / الكلية التقنية الهندسية بالموصل عام (2007-2008) محل العمل: جامعة تلعفر / رئاسة الجامعة/ قسم الدراسات والتخطيط والمتابعة/ شعبة الاحصاء.

Email: ahmed.ahhu@gmail.com

Mobile: +9647518096503

النشاطات العلمية:

بالاضافة الى اهتمامه في مجال اختصاصه ، فهو مهتم ايضا بالرياضيات والفيزياء خصوصا فيما يتعلق بالمنطق النيوتروسوفكي والمنطق الضبابي وعلم الكونيات. حصل في 2016/4/26 على عضوية شرف في المجمع العلمي العالمي النيوتروسوفكي ، في العام 2017 عين مسؤولاً ثانياً عن نشاطات المجمع العلمي العالمي النيوتروسوفكي / فرع العراق ، عمل على بناء نظرية التقابل في البرمجة الهندسية النيوتروسوفكية، كما قام بوضع مبرهنات ونتائج مهمة في حساب التقابل والتكميل النيوتروسوفكي ، له ابحاث حديثة منشورة في مجلات عالمية مختصة بالمنطق النيوتروسوفكي وله كتب نشرت في دور نشر عالمية، وللمزيد من المعلومات يمكن الرجوع الى صفحته على موقع Google البوابة البحثية ResearchGate ، او الباحث العلمي Scholar

أنظر الروابط:

https://www.researchgate.net/profile/Engahmed_Ess_a

<https://scholar.google.com/citations?user=QOGciUgA AAAJ&hl=en>



أ.د. حسين جمعه عباس الببائي
prof. Dr. Hussain J. Abbas

محل و تاريخ الولادة : نينوى / تلغرف 1953

E-mail: hussain5315@yahoo.com

Mobile: +9647809313591

محل العمل السابق : هيئة التصنيع العسكري / شركة الميلاد
العامة

محل العمل الحالي: وزارة التعليم العالي والبحث العلمي / جامعة
تلغرف / مدير قسم البحث والتطوير .

المؤهلات الأكademية :

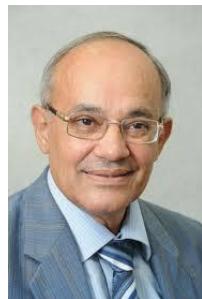
1. بكالوريوس هندسة كهربائية - كلية الهندسة - جامعة الموصل
1977 -

2. ماجستير تصاميم أجهزة الكترونية ، قسم الهندسة الكهربائية ،
جامعة يومنست ، مانشستر ، بريطانيا 1981 .

3. دكتوراه تصاميم منظومات الكترونية ، قسم الهندسة الكهربائية ،
جامعة اوستن في برمنغهام ، بريطانيا ، 1984 .

الناتجات العلمية:

قام بالاشراف على عشرات من طلبة الماجستير والدكتوراه، لدبه العديد من الكتب المؤلفة والمترجمة، نشر اكثرا من اربعون بحثا علميا في مجلات علمية عالمية واقليمية ومحلية، درس في الكلية الهندسية العسكرية العراقية، درس في الجامعة التكنولوجية وجامعة تلغرف والعديد من الجامعات العراقية الأخرى، تسلم العديد من المناصب منها مدير عام ووكيل ووزير في الحكومة العراقية.



أ.د. أبو بكر الصديق بيومي

prof. Dr. Aboubakr Bayoumi

درس في كلية العلوم/ جامعة الإسكندرية وكان زميلاً للعالم أحمد زويل، ظُئِنَّ معيِّداً في كلية العلوم/ جامعة القاهرة عام 1967، ثم سافر بمنحة شخصية إلى جامعة اوبسالا بالسويد وحصل هناك على الماجستير في أحد أصعب مواضيع الرياضيات البحتة، عاد بعدها إلى جامعة القاهرة ليعمل هناك، حصل على الدكتوراه من جامعة ستوكهولم،

اختير من قبل أكاديمية تليسو - جاليلو العالمية بلندن العالم المصري الدكتور أبو بكر الصديق بيومي ليكون أفضل عالم رياضيات في العالم عام 2010 ومنحه الميدالية الذهبية مع 9 علماء من أمريكا وروسيا وأوروبا

ورغم أنه عاش في السويد وبعض الدول الأخرى لمدة 35 عاماً إلا أنه رفض الحصول على أي جنسية أخرى حفاظاً على تواصلاً أسرته مع وطنه ودينه.

وقدم الدكتور أبو بكر واحداً من أهم المؤلفات الرياضية التي طبعت في كبرى دور النشر وأوسعها انتشاراً، وقسمته الجامعات الأمريكية إلى خمسة أفرع تحمل اسم المؤلف مثل فضائيات بيومي الرياضية وحساب الاشتقاق البيومي والتفاضل البيومي.



أ.د. سعيد برومى

Prof. Dr Said Broumi

أستاذ الرياضيات في جامعة الحسن الثاني/ المحمدية/ كلية العلوم أين
أمسيك / الدار البيضاء/ المغرب

رئيس تحرير مجلة

International Journal of Neutrosophic Science

عضو تحرير في العديد من مجلات عالمية عديدة اهمها المجلة الامريكية
(NSS)

له العشرات من المؤلفات والكتب المنشورة عالمياً ، للمزيد من التفاصيل
انظر الروابط التالية

<http://americaspj.com/journals/show/21>

<http://fs.unm.edu/NSS/>

https://www.researchgate.net/profile/Broumi_Said

[https://scholar.google.com/citations?user=1sfB1r4AAAAJ
&hl=en](https://scholar.google.com/citations?user=1sfB1r4AAAAJ&hl=en)



م.م. أحمد باسم حامد النافعي

Assist. Lecturer: Ahmed B. Al-Nafee

محل وتاريخ الولادة: العراق / بابل 1987م

الشهادات العلمية:

- بكالوريوس رياضيات/ جامعة بابل / كلية التربية للعلوم الصرفة 2009
- ماجستير رياضيات/ جامعة بابل / كلية التربية للعلوم الصرفة 2013

محل العمل: تدريسي في كلية التربية المفتوحة (بابل) / وزارة التربية العراقية.

الناتجات العلمية:

- نشر أكثر من 7 بحوث علمية في مجلات عالمية ومحالية.
- المشاركة في 3 مؤتمرات دولية
- المشاركة باكثر من 5 ورش عمل خاصة بالرياضيات
- مدرب في دورات تأهيلية في الإعداد والتدريب في التربية بابل
- عضو في جمعية الخوارزمي العراقية



م.م. حسين احمد عباوي العلي

**Assist. Lecturer: Hussain A.
Abbawoy**

محل و تاريخ الولادة: نينوى/ بعاج/ 1970

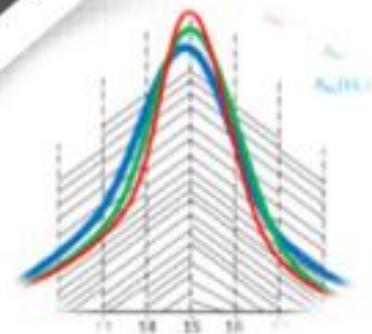
الشهادات الأكاديمية:

- 1- بكالوريوس لغة عربية/ كلية التربية/ جامعة الموصل.
- 2- ماجستير لغة عربية / كلية التربية / جامعة الموصل.
- 3- حالياً طالب دكتوراه / كلية التربية/ جامعة تكريت. .

الناتجات العلمية:

قام بالاشراف على طلبة المرحلة المنتهية في قسم اللغة العربية/
كلية التربية الاساسية/ جامعة تلغرف ، لديه كتابان مؤلفان ، نشر
اربعة بحوث علمية في مجلات عراقية، درس العديد من مواد
اللغة العربية في جامعة تلغرف.

INTRODUCTION TO NEUTROSOPHIC STATISTICS



$$X_N \sim N_N(\mu_N, \sigma_N^2) = \frac{1}{\sigma_N \sqrt{2\pi}} \exp\left(-\frac{(x - \mu_N)^2}{2\sigma_N^2}\right)$$

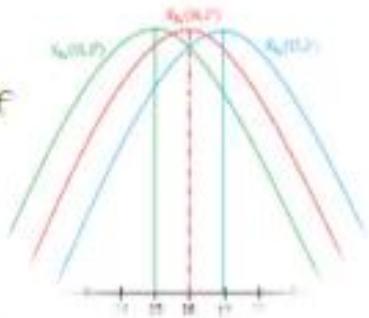
Author

Florentin Smarandache

Translators

Huda E. Khalid

Ahmed K. Essa



PONS Publishing House

2020